

МИНОБРНАУКИ РОССИИ
ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ БЮДЖЕТНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ
ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ
«ВОРОНЕЖСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ»
(ФГБОУ ВО «ВГУ»)

УТВЕРЖДАЮ

Заведующий кафедрой
функционального анализа
и операторных уравнений

Каменский М.И.



26.06.2018 г.

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ
ФТД.В.01 Дополнительные главы дифференциальных уравнений

- 1. Шифр и наименование направления подготовки / специальности:** 01.05.01
фундаментальные математика и механика
- 2. Профиль подготовки / специализации:**
- 3. Квалификация (степень) выпускника:** специалист
- 4. Форма образования:** очная
- 5. Кафедра, отвечающая за реализацию дисциплины:** функционального анализа
и операторных уравнений
- 6. Составители программы:** Леженина Ирина Фёдоровна, к.ф.-м.н.,
математический факультет, кафедра функционального анализа и операторных
уравнений, ryadko_irina@mail.ru
- 7. Рекомендована:** НМС математического факультета, протокол №0500-07 от
03.07.2018 г.
- 8. Учебный год:** 2018-2019 **Семестр(ы):** 3

9. Цели и задачи учебной дисциплины: целью курса является углубление знаний, полученных в курсе “Дифференциальные уравнения”. Задачами курса являются:

- 1) знакомство с историей развития дифференциальных уравнений;
- 2) применение дифференциальных уравнений для исследования различных вопросов.

10. Место учебной дисциплины в структуре ООП: дисциплина относится к вариативной части блока «факультативы».

Основные дисциплины и их разделы, необходимые для усвоения курса «Дополнительные главы ОДУ»:

- дифференциальные уравнения;
- экономика.

Дисциплина «Дополнительные главы ОДУ» может быть полезной для усвоения учебных курсов по вариационному исчислению и методам оптимизации, теоретической механике.

11. Планируемые результаты обучения по дисциплине/модулю (знания, умения, навыки), соотнесенные с планируемыми результатами освоения образовательной программы (компетенциями выпускников):

Компетенция		Планируемые результаты обучения
Код	Название	
ОПК-1	готовность использовать фундаментальные знания в области математического анализа, комплексного и функционального анализа, алгебры, линейной алгебры, аналитической геометрии, дифференциальной геометрии и топологии, дифференциальных уравнений и уравнений в частных производных, дискретной математики, теории вероятностей, математической статистики и случайных процессов, численных методов, теоретической механики, механики сплошной среды, теории управления и оптимизации в будущей профессиональной деятельности	<p>Знать: основные задачи, понятия, и утверждения курса «Дифференциальные уравнения»;</p> <p>Уметь: применять аппарат дифференциальных уравнений в других областях знаний;</p> <p>Владеть: навыками решения конкретных профессиональных задач с помощью средств изученных в данном курсе.</p>

12. Объем дисциплины в зачетных единицах/часах в соответствии с учебным планом — 1/36.

Форма промежуточной аттестации — зачёт

13. Виды учебной работы

Вид учебной работы	Трудоемкость (часы)		
	Всего	В том числе интерактивные часы	По семестрам
			сем. 3
Аудиторные занятия	30		30
в том числе: лекции	30		30
практические	0		0
лабораторные	0		0
Самостоятельная работа	6		6
Итого:	36		36
Форма промежуточной аттестации	зачёт		зачёт

13.1. Содержание разделов дисциплины

№ п/п	Наименование раздела дисциплины	Содержание раздела дисциплины
1. Лекции		
1.	История развития дифференциальных уравнений.	О математиках, внесшие вклад в развитие теории обыкновенных дифференциальных уравнений.
2.	Некоторые интересные приложения дифференциальных уравнений.	Задача о кофе. Постановка, эксперимент, научное обоснование полученных результатов, численный анализ, построение кривых изменения температуры.
3.	Дифференциальные уравнения в криминалистике.	Обзор возможных приложений дифференциальных уравнений в криминалистике. Случай в заповеднике. Решения уравнения в случае постоянной температуры, численный анализ для переменной температуры.
4.	Дифференциальные уравнения в экономике.	Эффективность рекламы. Спрос и предложение. Задача о выручке. Модель естественного роста выпуска. Рост выпуска в условиях конкуренции.
5.	Дифференциальные уравнения в военном деле.	Кривая погони. Модели боевых действий.

13.2. Темы (разделы) дисциплины и виды занятий

№ п/п	Наименование раздела дисциплины	Виды занятий (часов)				
		Лекции	Практические	Лабораторные	Самостоятельная работа	Всего
1.	История развития дифференциальных уравнений.	6			2	8
2.	Некоторые интересные приложения дифференциальных	6				6

	уравнений.					
3.	Дифференциальные уравнения в криминалистике.	6			2	8
4.	Дифференциальные уравнения в экономике.	6				6
5.	Дифференциальные уравнения в военном деле	6			2	8
Итого:		30			6	36

14. Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины

При изучении дисциплины рекомендуется:

- изучать основную и дополнительную литературу;
- разбирать и изучать конспекты лекций;
- выполнять практические задания с применением теоретического материала.

15. Перечень основной и дополнительной литературы, ресурсов интернет, необходимых для освоения дисциплины

а) основная литература:

№ п/п	Источник
1.	Амелькин В. В. Дифференциальные уравнения в приложениях / В.В. Амелькин .— М. : Наука : Физматлит, 1987 .— 157 с.
2.	Красс М. С. Основы математики и ее приложения в экономическом образовании : Учебник для студ. вузов, обуч. по экон. спец. и напр. / М.С. Красс, Б.П. Чупрынов; Акад. народ. хоз-ва при Правительстве Рос. Федерации .— М. : Дело, 2000 .— 687 с.

б) дополнительная литература:

№ п/п	Источник
3.	Арнольд В. И. Жесткие и мягкие математические модели / В. И. Арнольд .— М. : МЦНМО, 2004 .— 32 с

в) информационные электронно-образовательные ресурсы:

№ п/п	Источник
4.	Ахмеров Р.Р., Садовский Б.Н. Очерки по ОДУ <URL: http://www.nsc.ru/rus/textbooks/akhmerov/ode/index.html >.

16. Перечень учебно-методического обеспечения для самостоятельной работы

№ п/п	Источник
1.	Дифференциальные уравнения [Электронный ресурс] : конспекты лекций, вопросы и задачи : [пособие для студ. специальности 02.03.01, для студ. 2 к. днев. отд-ния]. Ч. 1. Элементарная теория / Воронеж. гос. ун-т ; [сост.: И.Н. Прядко , Л.П. Петрова] .— Электрон. текстовые дан. — Воронеж, 2015 .— Загл. с титул. экрана .— Свободный доступ из интрасети ВГУ .— Текстовые файлы .— Windows 2000 ; Adobe Acrobat Reader .— <URL: http://www.lib.vsu.ru/elib/texts/method/vsu/m15-219.pdf >.
2.	Дифференциальные уравнения [Электронный ресурс] : конспекты лекций, вопросы и задачи : [пособие для студентов специальности 02.03.01, для студентов 2 курса дневного отделения]. Ч. 2. Задачи Коши / Воронеж. гос. ун-т ; [сост. : И.Н. Прядко , Л.П. Петрова] .— Электрон. текстовые дан. — Воронеж, 2015 .— Загл. с титул. экрана .— Свободный доступ из интрасети ВГУ .— Текстовые файлы .— Windows 2000 ; Adobe Acrobat Reader .— <URL: http://www.lib.vsu.ru/elib/texts/method/vsu/m15-220.pdf >.
3.	Филиппов, Алексей Федорович. Сборник задач по дифференциальным уравнениям / А.Ф. Филиппов .— 8-е изд., доп. — М. : Интеграл-Пресс, 1998 .— 207 с. : ил., табл. — ISBN 5-89602-010-4 : 15.70.

17. Информационные технологии, используемые для реализации учебной дисциплины, включая программное обеспечение и информационно-справочные системы

Нет

18. Материально-техническое обеспечение дисциплины:

Лекционная аудитория, аудитории для лабораторных, компьютер, мультимедийный проектор, доска (мел, маркеры).

19. Фонд оценочных средств:

19.1. Перечень компетенций с указанием этапов формирования и планируемых результатов обучения

Код и содержание компетенции (или ее части)	Планируемые результаты обучения (показатели достижения заданного уровня освоения компетенции посредством формирования знаний, умений, навыков)	Этапы формирования компетенции (разделы (темы) дисциплины или модуля и их наименование)	ФОС* (средства оценивания)
<p>ОПК-1</p> <p>готовность использовать фундаментальные знания в области математического анализа, комплексного и функционального анализа, алгебры, линейной алгебры, аналитической геометрии, дифференциальной геометрии и топологии, дифференциальных уравнений и уравнений в частных производных, дискретной математики, теории вероятностей, математической статистики и случайных процессов, численных методов,</p>	<p>Знать: основные задачи, понятия, и утверждения курса «Дифференциальные уравнения»;</p> <p>Уметь: применять аппарат дифференциальных уравнений в других областях знаний;</p> <p>Владеть: навыками решения конкретных профессиональных задач с помощью средств изученных в данном курсе.</p> <p>Уметь: применять теорию устойчивости в практических задачах;</p> <p>Владеть: навыками самостоятельно исследования устойчивости дифференциальных уравнений.</p>	<p>Разделы 1-5</p>	<p>Устный опрос. Лабораторные занятия.</p>

теоретической механики, механики сплошной среды, теории управления и оптимизации в будущей профессиональной деятельности			
Промежуточная аттестация			зачёт

19.2 Описание критериев и шкалы оценивания компетенций (результатов обучения) при промежуточной аттестации

Для оценивания результатов обучения на зачёте и экзамене используются следующие показатели:

- 1) знание определений основных объектов изучения и основных утверждений курса дифференциальных уравнений;
- 2) умение применять теоретические знания в практических задачах;

Критерии оценивания компетенций	Уровень сформированности компетенций	Шкала оценок
<i>Полное соответствие ответа обучающегося всем перечисленным критериям. Обучающийся в полной мере владеет теоретическим материалом данного курса, способен иллюстрировать ответ примерами, применять теоретические знания для решения практических задач в области обыкновенных дифференциальных уравнений</i>	<i>Повышенный уровень</i>	<i>Зачтено</i>
<i>Ответ на контрольно-измерительный материал не в полной мере соответствует одному из перечисленных показателей, но обучающийся дает правильные ответы на дополнительные вопросы. Недостаточно продемонстрировано владение знаниями теоретического материала в некоторых задачах или допускает незначительные ошибки в обосновании шагов решения.</i>	<i>Базовый уровень</i>	<i>Зачтено</i>
<i>Ответ на контрольно-измерительный материал не соответствует любым двум из перечисленных показателей, обучающийся дает неполные ответы на дополнительные вопросы. Демонстрирует частичные знания теоретического материала, или не умеет применить его в решении задачи, допускает существенные ошибки в доказательствах теорем</i>	<i>Пороговый уровень</i>	<i>Зачтено</i>
<i>Ответ на контрольно-измерительный материал не соответствует трем перечисленным показателям. Обучающийся демонстрирует отрывочные, фрагментарные знания, допускает грубые ошибки</i>	–	<i>Не зачтено</i>

19.3.1 Перечень вопросов к зачету:

1. Пример функции Грина для неоднородной краевой задачи.
2. Определение устойчивости по Ляпунову.
3. Определение асимптотической устойчивости и асимптотической устойчивости в целом.
4. Определение экспоненциальной устойчивости и экспоненциальной устойчивости в целом.
5. Утверждение о приведенной системе и утверждение о (ПС) для (ЛС).

6. Теорема об оценке нормы матричной экспоненты.
7. Критерий устойчивости ЛСПК.
8. Критерий Гурвица.
9. Критерий Михайлова в двух трактовках с доказательством их эквивалентности (переместить в раздел задач).
10. Теорема Ляпунова об устойчивости по первому приближению.
11. Теорема Ляпунова о неустойчивости по первому приближению.
12. Лемма Гронолла - Беллмана.
13. Теорема о липшицевости оператора сдвига.

Примерные задачи для зачёта

1. Если в условиях теоремы Коши–Пикара третье последовательное приближение совпадает с четвертым, то можно ли утверждать, что оно является точным решением рассматриваемой задачи?
2. Если в условиях теоремы Коши – Пикара третье последовательное приближение совпадает с пятым, то можно ли утверждать, что оно является точным решением рассматриваемой задачи?
3. Если в условиях теоремы Коши–Пикара второе последовательное приближение совпадает с первым, то может ли первое не совпадать с нулевым (начальным)?

19.4. Методические материалы, определяющие процедуры оценивания знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующих этапы формирования компетенций

Оценка знаний, умений и навыков, характеризующая этапы формирования компетенций в рамках изучения дисциплины осуществляется в ходе текущей и промежуточной аттестаций.

Текущая аттестация проводится в соответствии с Положением о балльно-рейтинговой системе математического факультета Воронежского государственного университета.

Текущая аттестация проводится в форме устного опроса по теоретической части курса и в форме решения практических задач. Критерии оценивания приведены выше.

Промежуточная аттестация проводится в соответствии с Положением о промежуточной аттестации обучающихся по программам высшего образования и Положением о балльно-рейтинговой системе математического факультета.

Промежуточная аттестация (зачет) проводится в форме ответов на теоретические вопросы и решения задач из контрольно-измерительных материалов.

При оценивании используются количественные шкалы оценок. Критерии оценивания приведены выше.

