

МИНОБРНАУКИ РОССИИ  
ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ БЮДЖЕТНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ  
ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ  
«ВОРОНЕЖСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ»  
(ФГБОУ ВО «ВГУ»)

УТВЕРЖДАЮ

Заведующий кафедрой  
Системного анализа и управления

наименование кафедры, отвечающей за реализацию дисциплины  
В.Г. Задорожний



подпись, расшифровка подписи  
26.05.2023г.

**РАБОЧАЯ ПРОГРАММА УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ**  
**Б1.В.05 Научное программирование на языках пакетов прикладных про-**  
**грамм**

*Код и наименование дисциплины в соответствии с учебным планом*

**1. Код и наименование направления подготовки/специальности:**

*01.03.02 Прикладная математика и информатика*

**2. Профиль подготовки/специализация:** *Динамические системы и управление*

**3. Квалификация (степень) выпускника:** *бакалавр*

**4. Форма обучения:** *очная*

**5. Кафедра, отвечающая за реализацию дисциплины:** *кафедра системного анализа и управления*

**6. Составители программы:** *(ФИО, ученая степень, ученое звание)*

Курбатов Виталий Геннадьевич, д. ф.-м.н., профессор

**7. Рекомендована:** Научно-методическим советом факультета прикладной математики, информатики и механики (протокол №7 от 26.05.2023)

---

*отметки о продлении вносятся вручную)*

---

**8. Учебный год:** 2025/26

**Семестр(ы):** 5

## 9. Цели и задачи учебной дисциплины:

Цели и задачи учебной дисциплины

*Целями освоения учебной дисциплины являются:*

- обучение основам символьного программирования,  
- знакомство с принципами и правилами организации программирования средствами пакета «Математика»,

- знакомство с возможностями управления вычислениями, предоставляемыми пакетом «Математика»

для формирования умений и навыков использования современных математических и компьютерных методов в задачах анализа динамических систем, оптимизации и оптимального управления; разработки и адаптации алгоритмов и программ для задач анализа динамических систем, оптимизации и оптимального управления.

*Задачи учебной дисциплины:*

- овладение методами решения задач линейной алгебры, математического анализа и дифференциальных уравнений средствами пакета «Математика»,

- приобретение навыков самостоятельной работы с пакетом прикладных программ, содержащим тысячи различных команд,

- приобретение навыков решения прикладных задач и оформления презентаций средствами пакета «Математика»;

- формирование практических навыков использования современных технологий и пакетов прикладных программ для решения задач анализа динамических систем, оптимизации и оптимального управления;

- углубление навыков разработки алгоритмов и программ на базе языков программирования и пакетов прикладных программ, применяемые в задачах анализа динамических систем, оптимизации и оптимального управления;

- формирование практических навыков владения методами и приемами формализации и алгоритмизации поставленных задач из области анализа динамических систем, оптимизации и оптимального управления

**10. Место учебной дисциплины в структуре ООП:** Дисциплина относится к базовому циклу Б1, обязательная часть. От студентов требуются общие навыки программирования на любом языке и знание курсов «Алгебры», «Математического анализа», «Дифференциальных уравнений» и «Методов вычислений». Навыки, приобретаемые при изучении данной дисциплины, могут быть использованы во многих математических прикладных курсах, при выполнении курсовых и дипломных работ.

**11. Планируемые результаты обучения по дисциплине/модулю (знания, умения, навыки), соотнесенные с планируемыми результатами освоения образовательной программы (компетенциями выпускников):**

Код	Название компетенции	Код(ы)	Индикатор(ы)	Планируемые результаты обучения
ПК-4	Способен использовать современные математические и компьютерные методы в задачах анализа динамических систем, оптимизации и оптимального управления	ПК-4.1	Использует современные технологии и пакеты прикладных программ для решения задач анализа динамических систем, оптимизации и оптимального управления.	знать: основные принципы построения языка пакета «Математика» и его принципиальные возможности;  уметь: пользоваться встроенным руководством, применять наиболее часто употребляемые команды;  владеть (иметь навык(и)): иметь навыки решения типовых задач.
ПК-5	Способен разрабатывать и адаптировать	ПК-5.1	Владеет методами и приемами формализации	знать: методы и приемы формализации и алгоритмизации задач из области анализа динамических систем

	вать алгоритмические и программные решения для задач анализа динамических систем, оптимизации и оптимального управления		зации и алгоритмизации поставленных задач из области анализа динамических систем, оптимизации и оптимального управления	ческих систем, оптимизации и оптимального управления  уметь: применять на практике методы и приемы формализации и алгоритмизации задач из области анализа динамических систем, оптимизации и оптимального управления  владеть (иметь навык(и)): приемами формализации и алгоритмизации поставленных задач из области анализа динамических систем, оптимизации и оптимального управления
		ПК-5.2	Разрабатывает алгоритмы и программы на базе языков программирования и пакетов прикладных программ, применяемые в задачах анализа динамических систем, оптимизации и оптимального управления.	знать: принципы построения языка пакета «Математика» и его возможности;  уметь: использовать пакет «Математика» для решения задач из области анализа динамических систем, оптимизации и оптимального управления;  владеть (иметь навык(и)): навыками разработки алгоритмов и программ на базе ППП «Математика» для решения задач из области анализа динамических систем, оптимизации и оптимального управления

**12. Объем дисциплины в зачетных единицах/час.(в соответствии с учебным планом) — 108/3.**

**Форма промежуточной аттестации экзамен.**

### 13. Виды учебной работы

Вид учебной работы		Трудоемкость		
		Всего	По семестрам	
			5	...
Аудиторные занятия		48	48	
в том числе:	лекции	32	32	
	практические			
	лабораторные	32	32	
Самостоятельная работа		44	44	
в том числе: курсовая работа (проект)				
Форма промежуточной аттестации (зачет – 0 час. / экзамен – __ час.)		36	36	
Итого:		144	144	

#### 13.1. Содержание дисциплины

п/п	Наименование раздела дисциплины	Содержание раздела дисциплины	Реализация раздела дисциплины с помощью онлайн-курса, ЭУМК *
<b>1. Лекции</b>			
1.1	Основные понятия	1. Ячейки. Арифметические выражения и числа. 2. Команды, Herli способы отладки. 3. Переменные и присвоение значений. Команды Set, SetDelayed, Rule, RuleDelayed, ReplaceAll.	ППП (Mathematica)

		4. Грамматика выражений.	
1.2	Списки и линейная алгебра	<p>5. Создание списков. Команды Table, MatrixForm, TableFormGrid; Part, First, Last, Position; Range, Array, Length. Итераторы. Вложенные списки, матрицы и блочные матрицы.</p> <p>6. Матричные операции. Команды IdentityMatrix, UnityVector, DiagonalMatrix; Dot, MatrixPower, Transpose, ConjugateTranspose; SchurDecomposition; Eigenvalues, Eigenvectors, Eigensystem; Norm.</p> <p>7. Преобразование списков. Команды Append, Prepend, Insert, ReplacePart, Delete, Drop, Reverse, RotateLeft, RotateRight; Union, Intersection, Complement; Count, Select, Join; Flatten, Partition, Sequence.</p>	ППП (Mathematica)
1.3	Визуализация	<p>8. Основные графические операции: Plot, ListPlot, LogPlot, LogLogPlot, ParametricPlot, PolarPlot; Show; Plot3D.</p> <p>9. Графические опции. Команды Options и SetOptions. Опции BaseStyle, PlotRange, Ticks, PlotStyle-&gt;{Dashed, Red, Thick}, AspectRatio, Frame-&gt;True, FrameTicks; Exclusions, AxesLabel, PlotLegend, Mesh, PerformanceGoal.</p> <p>10. Мультипликация. Команды Manipulate и Animate. Их опции.</p> <p>11. Сохранение рисунков. Команды Export, Directory, SetDirectory.</p>	ППП (Mathematica)
1.4	Алгебраические преобразования и математический анализ	<p>12. Преобразование многочленов. Команды Simplify, FullSimplify; Expand, Factor, FactorList, Coefficient, CoefficientList, Collect, PolynomialQuotient, PolynomialRemainder; InterpolatingPolynomial, Fit. Опция Trig-&gt;True.</p> <p>13. Степенные ряды. Команды Series, Normal, SeriesCoefficient, CoefficientList, SeriesData, InverseSeries, ComposeSeries.</p> <p>14. Преобразование рациональных функций. Команды Apart, Together, Cancel. Опция Trig-&gt;True.</p> <p>15. Дифференцирование и интегрирование. Команды D и Integrate. Опция Assumptions.</p> <p>16. Численное интегрирование. Команда NIntegrate и ее опции: EvaluationMonitor, PrecisionGoal, AccuracyGoal, MaxPoint, Exclusions, MaxRecursion, MinRecursion.</p> <p>17. Обыкновенные дифференциальные уравнения. Команды DSolve и NDSolve</p>	ППП (Mathematica)
1.5	Операторы цикла и подпрограммы	<p>18. Оператор цикла Do.</p> <p>19. Булевозначные функции. Команды типа Equal и Less. Команды типа MatchQ и MemberQ. Команды Cases, DeleteCases, Position, Count.</p> <p>20. Условные операторы If, Which, Piecewise, Switch.</p> <p>21. Операторы условного цикла While и For.</p> <p>22. Команда Module и создание подпрограмм.</p>	ППП (Mathematica)
1.6	Способы задания функций	<p>23. Задание функций с помощью шаблонов. Применение команд Set, SetDelayed и Blank.</p> <p>24. Применение функций к спискам. Команды Map и MapAt, атрибут Listable. Команды MapThread, Thread, Outer, Inner.</p> <p>25. Чистые и анонимные функции.</p> <p>26. Итерации функций. Команды Nest, NestList, Fold, FoldList, Composition, ComposeList.</p>	ППП (Mathematica)
1.7	Шаблоны и правила преобразований	<p>27. Шаблоны Blank, BlankSequence и BlankNullSequence. Команды MatchQ и PatternTest.</p> <p>28. Продвинутое задание функций с помощью шаблонов. Регистры DownValues и UpValues. Команды Condition, TagSet.</p> <p>29. Использование шаблонов в подстановках.</p>	ППП (Mathematica)
1.8	Последовательность преобразований выражений в «Мате»	<p>30. Атрибуты. Команды Attributes, SetAttributes, ClearAttributes, Unprotect, Protect.</p> <p>31. Четыре роли, которые могут играть символы. Соответствующие им регистры: OwnValues, DownValues, UpVa-</p>	ППП (Mathematica)

	матике»	lues, SubValues. 32. Изменение порядка вычислений. Команды Hold, ReleasedHold, Evaluate. Применение к построению графиков решений дифференциальных уравнений.	
<b>2. Практические занятия</b>			
<b>3. Лабораторные работы</b>			
3.1	Лабораторная 1.	Знакомство с пакетом прикладных программ	ППП (Mathematica)
3.2	Лабораторная 2.	Списки и матрицы	ППП (Mathematica)
3.3	Лабораторная 3.	Визуализация	ППП (Mathematica)
3.4	Лабораторная 4.	Математический анализ	ППП (Mathematica)
3.5	Лабораторная 5.	Операторы цикла и подпрограммы	ППП (Mathematica)
3.6	Лабораторная 6.	Способы задания функций	ППП (Mathematica)
3.7	Лабораторная 7.	Шаблоны и правила преобразований	ППП (Mathematica)
3.8	Лабораторная 8.	Последовательность преобразований и пакеты	ППП (Mathematica)
3.9	Лабораторная 9.	Средства презентации	ППП (Mathematica)
3.10	Лабораторная 10.	Линейная алгебра	ППП (Mathematica)
3.11	Лабораторная 11.	Дифференциальные уравнения	ППП (Mathematica)
3.12	Лабораторная 12.	Разные задачи	ППП (Mathematica)

### 13.2. Темы (разделы) дисциплины и виды занятий

№ п/п	Наименование темы (раздела) дисциплины	Виды занятий (часов)				
		Лекции	Практические	Лабораторные	Самостоятельная работа	Всего
1.1	Основные понятия	2			2	4
1.2	Списки и линейная алгебра	2			2	4
1.3	Визуализация	2			2	4
1.4	Алгебраические преобразования и математический анализ	2			2	4
1.5	Операторы цикла и подпрограммы	2			4	6
1.6	Способы задания функций	2			4	6
1.7	Шаблоны и правила преобразований	2			4	6
1.8	Последовательность преобразований выражений в «Математике»	2			4	6
3.1	Лабораторная 1.			2		2
3.2	Лабораторная 2.			2		2
3.3	Лабораторная 3.			2		3
3.4	Лабораторная 4.			2		3
3.5	Лабораторная 5.			3		3
3.6	Лабораторная 6.			3		3
3.7	Лабораторная 7.			3		3
3.8	Лабораторная 8.			3		3
3.9	Лабораторная 9.			3		3
3.10	Лабораторная 10.			3		3

3.1 1	Лабораторная 11.			3		3
3.1 2	Лабораторная 12.			3		3
	Итого:	16		32	24	74

#### 14. Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины

Курс предполагает отведение большого числа разделов на самостоятельную работу студентов. Приведенные источники позволяют в полной мере самостоятельно изучить студентами данные разделы.

Материал по каждой теме излагается последовательно с использованием ранее рассмотренных разделов. Необходима постоянная самостоятельная проработка и усвоение изложенного на занятиях материала.

Желателен просмотр материала по данной учебной дисциплине с опережением лекций с использованием рекомендуемой в данной учебной программе литературы.

Приветствуются вопросы студентов по теме учебной дисциплины и смежным вопросам в ходе аудиторных занятий.

При использовании дистанционных образовательных технологий и электронного обучения необходимо выполнять все указания преподавателей по работе на LMS-платформе, своевременно подключаться к online-занятиям, соблюдать рекомендации по организации самостоятельной работы.

#### 15. Перечень основной и дополнительной литературы, ресурсов интернет, необходимых для освоения дисциплины (список литературы оформляется в соответствии с требованиями ГОСТ и используется общая сквозная нумерация для всех видов источников)

а) основная литература:

№ п/п	Источник
1	Дьяконов, В. П. Энциклопедия компьютерной алгебры : энциклопедия / В. П. Дьяконов. — Москва : ДМК Пресс, 2010. — 1264 с. — ISBN 978-5-94074-490-0. — Текст : электронный // Лань : электронно-библиотечная система. — URL: <a href="https://e.lanbook.com/book/1179">https://e.lanbook.com/book/1179</a> (дата обращения: 18.05.2023). — Режим доступа: для авториз. пользователей.
2	Дьяконов, В. П. Mathematica 5/6/7. Полное руководство : руководство / В. П. Дьяконов. — Москва : ДМК Пресс, 2010. — 624 с. — ISBN 978-5-94074-553-2. — Текст : электронный // Лань : электронно-библиотечная система. — URL: <a href="https://e.lanbook.com/book/1182">https://e.lanbook.com/book/1182</a> (дата обращения: 18.05.2023). — Режим доступа: для авториз. пользователей.
3	Кристаллинский, В. Р. Теория вероятностей в системе Mathematica : учебное пособие / В. Р. Кристаллинский. — Санкт-Петербург : Лань, 2018. — 136 с. — ISBN 978-5-8114-2888-5. — Текст : электронный // Лань : электронно-библиотечная система. — URL: <a href="https://e.lanbook.com/book/103063">https://e.lanbook.com/book/103063</a> (дата обращения: 18.05.2023). — Режим доступа: для авториз. пользователей.
4	Руппель, Е. Ю. Обыкновенные дифференциальные уравнения и их применение к составлению простейших математических моделей : учебное пособие / Е. Ю. Руппель. — Омск : СибАДИ, 2020. — 194 с. — Текст : электронный // Лань : электронно-библиотечная система. — URL: <a href="https://e.lanbook.com/book/163732">https://e.lanbook.com/book/163732</a> (дата обращения: 18.05.2023). — Режим доступа: для авториз. пользователей.
5	Кацаран, Т. К. Метод малого параметра в задачах оптимального управления : учебное пособие / Т. К. Кацаран, Л. Ю. Кабанцова. — Воронеж : ВГУ, 2016. — 41 с. — Текст : электронный // Лань : электронно-библиотечная система. — URL: <a href="https://e.lanbook.com/book/165322">https://e.lanbook.com/book/165322</a> (дата обращения: 18.05.2023). — Режим доступа: для авториз. пользователей.

б) дополнительная литература:

№ п/п	Источник
1	Воробьев, Е. М. Введение в систему символьных, графических и численных вычислений 'Математика-5' / Е. М. Воробьев. — М. : Directmedia, 2013. — 365 с.
2	Воробьев, Е. М. Введение в систему 'Математика' / Е. М. Воробьев. — М. : Финансы и статистика, 1998. — 262 с.
3	Курбатов, В. Г. Пакет "Математика" в прикладных научных исследованиях : учебное пособие / В. Г. Курбатов, В. Е. Чернов. — Воронеж : Издательский дом ВГУ, 2016. — 240 с.
4	Курбатов, В. Г. Вычислительные методы спектральной теории : учебное пособие / В. Г. Курбатов, И. В. Курбатова. — Воронеж : Издательский дом ВГУ, 2019. — 323 с.

в) информационные электронно-образовательные ресурсы (официальные ресурсы интернет)\*:

№ п/п	Ресурс
-------	--------

1.	Электронно-библиотечная система «Университетская библиотека online (доступ осуществляется по адресу: <a href="https://biblioclub.ru/">https://biblioclub.ru/</a> );
2.	ППП (Mathematica) / В. Г. Курбатов. — Образовательный портал «Электронный университет ВГУ». — Режим доступа: <a href="https://edu.moodle.ru">https://edu.moodle.ru</a> .
3.	Электронная библиотека технического ВУЗа «Консультант студента» (доступ осуществляется по адресу: <a href="https://www.studmedlib.ru/">https://www.studmedlib.ru/</a> );
4.	Электронно-библиотечная система «Лань» (доступ осуществляется по адресу: <a href="https://e.lanbook.com/">https://e.lanbook.com/</a> ).

**16. Перечень учебно-методического обеспечения для самостоятельной работы** (учебно-методические рекомендации, пособия, задачки, методические указания по выполнению практических (контрольных) работ и др.)

№ п/п	Источник
1	Электронный каталог Научной библиотеки Воронежского государственного университета. – Режим доступа: <a href="http://www.ru/lib.vsu/ru">http://www.ru/lib.vsu/ru</a>
2	ППП (Mathematica) / В. Г. Курбатов. — Образовательный портал «Электронный университет ВГУ». — Режим доступа: <a href="https://edu.moodle.ru">https://edu.moodle.ru</a> .
3	Учебник по Wolfram Mathematica / Зеленица А.М. – Режим доступа: <a href="http://infrastructure.kiev.ua/news/129/">http://infrastructure.kiev.ua/news/129/</a>

**17. Информационные технологии, используемые для реализации учебной дисциплины, включая программное обеспечение и информационно-справочные системы (при необходимости)** Дисциплина реализуется с применением электронного обучения и дистанционных образовательных технологий. Для организации занятий рекомендован онлайн-курс «ППП (Mathematica)», размещенный на платформе Электронного университета ВГУ (LMS moodle), а также Интернет-ресурсы, приведенные в п.15в.

**18. Материально-техническое обеспечение дисциплины:** Учебная аудитория для проведения лекций: специализированная мебель, компьютер (ноутбук), мультимедийное оборудование (проектор, экран).

Учебная аудитория для проведения лабораторных работ: специализированная мебель, персональные компьютеры для индивидуальной работы с возможностью подключения к сети «Интернет», мультимедийное оборудование (проектор, экран). ОС Windows10, интернет-браузер (GoogleChrome, Mozilla Firefox), ПО Adobe Reader, пакет стандартных офисных приложений для работы с документами, таблицами (MS Office, МойОфис, LibreOffice), ПО Matlab, ПО Scilab, ПО Mathematica.

**19. Оценочные средства для проведения текущей и промежуточной аттестаций**

Порядок оценки освоения обучающимися учебного материала определяется содержанием следующих разделов дисциплины:

№ п/п	Наименование раздела дисциплины (модуля)	Компетенция(и)	Индикатор(ы) достижения компетенции	Оценочные средства
1.	Все разделы	ПК-4	ПК-4.1	Собеседование по результатам выполнения лабораторных работ. Контрольная.
2.	Все разделы	ПК-5	ПК-5.1, ПК-5.2	
Промежуточная аттестация форма контроля - экзамен				Перечень вопросов приведен ниже.

**20 Типовые оценочные средства и методические материалы, определяющие процедуры оценивания**

**20.1 Текущий контроль успеваемости**

Контроль успеваемости по дисциплине осуществляется с помощью следующих оценочных средств: контрольная.

Образец заданий к контрольной.

1. Как с помощью команды ListPlot изобразить список, состоящий из комплексных чисел?
2. С помощью какой команды надо решать трансцендентные уравнения?
3. Как изобразить асимптоты графика функции пунктиром?
4. Что надо сделать, чтобы во время мультипликации графика функции оси координат оставались неподвижными?
5. Как удалить остаточный член в разложении функции по формуле Тейлора командой Series?
6. Перечислите известные вам варианты описания итератора в командах типа цикла Do.
7. Как работает команда Outer?
8. Для чего нужна команда Sequence?
9. Как логическую команду использовать в качестве шаблона?
10. Какая команда является обратной к Hold?

Требования к выполнению заданий контрольных (шкалы и критерии оценивания)

**Оценка «5» (отлично)** выставляется, если обучающийся показывает всесторонние и глубокие знания программного материала; последовательно и четко отвечает на вопросы билета и дополнительные вопросы; уверенно ориентируется в проблемных ситуациях; демонстрирует способность применять теоретические знания для анализа практических ситуаций, делать правильные выводы, проявляет творческие способности в понимании, изложении и использовании программного материала; подтверждает полное освоение компетенций, предусмотренных программой.

**Оценка «4» (хорошо)** выставляется, если обучающийся показывает полное знание программного материала; дает полные ответы на теоретические вопросы, допуская некоторые неточности; правильно применяет теоретические положения к оценке практических ситуаций; демонстрирует хороший уровень освоения материала и в целом подтверждает освоение компетенций, предусмотренных программой.

**Оценка «3» (удовлетворительно)** выставляется, если обучающийся показывает знание основного материала в объеме, необходимом для предстоящей профессиональной деятельности; при ответе на вопросы не допускает грубых ошибок, но испытывает затруднения в последовательности их изложения; не в полной мере демонстрирует способность применять теоретические знания для анализа практических ситуаций, подтверждает освоение компетенций, предусмотренных программой на минимально допустимом уровне.

**Оценка «2» (неудовлетворительно)** выставляется, если обучающийся имеет существенные пробелы в знаниях основного учебного материала; не способен аргументированно и последовательно его излагать, допускает грубые ошибки в ответах, неправильно отвечает на задаваемые вопросы или затрудняется с ответом; не подтверждает освоение компетенций, предусмотренных программой.

## 20.2 Промежуточная аттестация

Промежуточная аттестация по дисциплине осуществляется с помощью следующих оценочных средств: собеседование по экзаменационным билетам к экзамену.

### Перечень вопросов к экзамену

1. Ячейки. Арифметические выражения и числа.
2. Команды, Help и способы отладки.
3. Переменные и присвоение значений. Команды Set, SetDelayed, Rule, RuleDelayed, ReplaceAll.
4. Грамматика выражений.
5. Создание списков. Команды Table, MatrixForm, TableForm и Grid; Part, First, Last, Position; Range, Array, Length. Итераторы. Вложенные списки, матрицы и блочные матрицы.
6. Матричные операции. Команды IdentityMatrix, UnityVector, DiagonalMatrix; Dot, MatrixPower, Transpose, ConjugateTranspose; SchurDecomposition; Eigenvalues, Eigenvectors, Eigensystem; Norm.
7. Преобразование списков. Команды Append, Prepend, Insert, ReplacePart, Delete, Drop, Reverse, RotateLeft, RotateRight; Union, Intersection, Complement; Count, Select, Join; Flatten, Partition, Sequence.



8. Основные графические операции: Plot, ListPlot, LogPlot, LogLogPlot, ParametricPlot, PolarPlot; Show; Plot3D; ReIm, ComplexPlot3D, ComplexListPlot.
9. Графические опции. Команды Options и SetOptions. Опции BaseStyle, PlotRange, Ticks, PlotStyle->{Dashed, Red, Thick}, AspectRatio, Frame->True, FrameTicks; Exclusions, AxesLabel, PlotLegend, Mesh, PerformanceGoal.
10. Мультипликация. Команды Manipulate и Animate. Их опции.
11. Сохранение рисунков. Команды Export, Directory, SetDirectory.
12. Преобразование многочленов. Команды Simplify, FullSimplify; Expand, Factor, FactorList, Coefficient, CoefficientList, Collect, PolynomialQuotient, PolynomialRemainder; InterpolatingPolynomial, Fit. Опция Trig->True.
13. Степенные ряды. Команды Series, Normal, SeriesCoefficient, CoefficientList, SeriesData, InverseSeries, ComposeSeries.
14. Преобразование рациональных функций. Команды Apart, Together, Cancel. Опция Trig->True.
15. Дифференцирование и интегрирование. Команды D и Integrate. Опция Assumptions.
16. Численное интегрирование. Команда NIntegrate и ее опции: EvaluationMonitor, PrecisionGoal, AccuracyGoal, MaxPoint, Exclusions, MaxRecursion, MinRecursion.
17. Решение обыкновенных дифференциальных уравнений. Команды DSolve и NDSolve.
18. Оператор цикла Do.
19. Булевозначные функции. Команды типа Equal и Less. Команды типа MatchQ и MemberQ. Команды Cases, DeleteCases, Position, Count.
20. Условные операторы If, Which, Piecewise, Switch.
21. Операторы условного цикла While и For.
22. Команда Module и создание подпрограмм.
23. Задание функций с помощью шаблонов. Применение команд Set, SetDelayed и Blank.
24. Применение функций к спискам. Команды Map и MapAt, атрибут Listable. Команды MapThread, Thread, Outer, Inner.
25. Чистые и анонимные функции.
26. Итерации функций. Команды Nest, NestList, Fold, FoldList, Composition, ComposeList.
27. Шаблоны Blank, BlankSequence и BlankNullSequence. Команды MatchQ и PatternTest.
28. Продвинутое задание функций с помощью шаблонов. Регистры DownValues и UpValues. Команды Condition, TagSet.
29. Использование шаблонов в подстановках.
30. Атрибуты. Команды Attributes, SetAttributes, ClearAttributes, Unprotect, Protect.
31. Четыре роли, которые могут играть символы. Соответствующие им регистры: OwnValues, DownValues, UpValues, SubValues.
32. Изменение порядка вычислений. Команды Hold, ReleasedHold, Evaluate. Применение к построению графиков решений дифференциальных уравнений.

#### Образец экзаменационного билета

1. Применение функций к спискам. Команды Map и MapAt, атрибут Listable. Команды MapThread, Thread, Outer, Inner.
2. Дано семейство функций  $f_1, f_2, f_3$ . Составьте список, в котором каждая функция применена к одному и тому же аргументу  $t$ . Используйте Map и анонимную функцию.
3. Постройте мультипликацию, на которой изображена окружность с меняющимся радиусом идвигающимся центром.

#### Описание технологии проведения экзамена

Средство промежуточного контроля усвоения разделов дисциплины, организованное в виде собеседования преподавателя и обучающегося; проводится в компьютерном классе или (при крайней необходимости) дистанционно.

#### Требования к выполнению заданий, шкалы и критерии оценивания

**Оценка «отлично»** выставляется за глубокое знание предусмотренного программой материала, содержащегося в основных и дополнительных рекомендованных литературных источниках, за умение четко, лаконично и логически последовательно отвечать на поставленные вопросы, за умение анализировать изучаемые явления в их взаимосвязи и диалектическом развитии, применять теоретические положения при решении практических задач; обучающийся подтверждает полное освоение компетенций, предусмотренных программой.

**Оценка «хорошо»** выставляется за твердое знание основного (программного) материала, включая расчеты, за грамотные, без существенных неточностей ответы на поставленные вопросы, за

умение применять теоретические положения для решения практических задач; обучающийся демонстрирует хороший уровень освоения материала и в целом подтверждает освоение компетенций, предусмотренных программой.

**Оценка «удовлетворительно»** выставляется за общее знание только основного материала, за ответы, содержащие неточности или слабо аргументированные, с нарушением последовательности изложения материала, за слабое применение теоретических положений при решении практических задач; обучающийся подтверждает освоение компетенций, предусмотренных программой на минимально допустимом уровне.

**Оценка «неудовлетворительно»** выставляется за незнание значительной части программного материала, за существенные ошибки в ответах на вопросы, за неумение самостоятельно писать простейшие программы, за незнание основных понятий дисциплины; не подтверждает освоение компетенций, предусмотренных программой.

### 20.3 Фонд оценочных средств сформированности компетенций студентов, рекомендуемый для проведения диагностических работ

ПК-4 *Способен использовать современные математические и компьютерные методы в задачах анализа динамических систем, оптимизации и оптимального управления*

#### Вопросы с вариантами ответов

1. Какую команду в пакете «Wolfram Mathematica» следует выполнить, чтобы сформировать вектор (2,3,0)?

- а) **{2,3,0}**
- б) **[2,3,0]**
- в) **(2,3,0)**
- г) **Vector[2,3,0]**

Ответ: а)

2. Какая из следующих команд в пакете «Wolfram Mathematica» выводит на экран матрицу в виде прямоугольной таблицы, помещенной в круглые скобки?

- а) **MatrixForm**
- б) **Print**
- в) **Map**
- г) **Hold**

Ответ: а)

3. Какая из следующих команд в пакете «Wolfram Mathematica» очищает значения переменных, указанных в качестве ее аргументов?

- а) **Clear**
- б) **EmptyRegion**
- в) **Exclusions**
- г) **Flatten**

Ответ: а)

4. Что в пакете «Wolfram Mathematica» означает четвертый аргумент команды If?

- а) действие, которое следует выполнить, если проверка условия из первого аргумента не приводит ни к True, ни к False

- б) метку, на которую надо перейти после выполнения команды
  - в) дополнительное условие, которое следует проверить после окончания всех предусмотренных действий
  - г) такого аргумента нет (у этой команды только два аргумента)
- Ответ: а)

5. Какая из следующих команд в пакете «Wolfram Mathematica» создает единичную матрицу?

- а) **IdentityMatrix**
- б) **UnityVector**
- в) **UnitaryMatrixQ**
- г) **Unitize**

Ответ: а)

6. Какая из следующих команд в пакете «Wolfram Mathematica» создает трехмерный рисунок?

- а) **Plot3D**
- б) **Plot**
- в) **Frame**
- г) **Expand**

Ответ: а)

7. Какая из следующих команд в пакете «Wolfram Mathematica» вычисляет собственные значения квадратной матрицы?

- а) **Eigenvalues**
- б) **Eigenvectors**
- в) **SchurDecomposition**
- г) **CharacteristicPolynomial**

Ответ: а)

8. Какая из следующих команд в пакете «Wolfram Mathematica» изображает список комплексных чисел в виде множества точек на комплексной плоскости?

- а) **ComplexListPlot**
- б) **ReIm**
- в) **Eigenvalues**
- г) **Grid**

Ответ: а)

8. Какая из следующих команд в пакете «Wolfram Mathematica» корректно определяет функцию?

- а) **#^2&**
- б) **f[x] = x^2**
- в) **f[x] == x^2**

г)  $f[x] := x^2$

Ответ: а)

### Вопросы с кратким текстовым ответом

1. Каков результат выполнения в пакете «Wolfram Mathematica» команд  $a = \{4, 5, \text{Pi}\}$ ;  $a[[2]]$ ?

Ответ: 5

2. Каков результат выполнения в пакете «Wolfram Mathematica» команды  $\text{Chop}[10.1^{(-20)}]$ ?

Ответ: 0

2. Каков результат выполнения в пакете «Wolfram Mathematica» команды  $\text{Table}[i^2, \{i, 1, 3\}]$ ?

Ответ:  $\{1, 4, 9\}$

3. Каков результат выполнения в пакете «Wolfram Mathematica» команд  $a = \{1, 2, 3\}$ ;  $\text{Length}[a]$ ?

Ответ: 3

4. Каков результат выполнения в пакете «Wolfram Mathematica» команды  $D[2*x^2, x]$ ?

Ответ: 4 x

ПК-5 Способен разрабатывать и адаптировать алгоритмические и программные решения для задач анализа динамических систем, оптимизации и оптимального управления

### Вопросы с вариантами ответов

1. С помощью какой команды в пакете «Wolfram Mathematica» можно совместить два графика?

а) Show

б) Join

в) Union

г) Together

Ответ: а)

2. Какая из следующих команд в пакете «Wolfram Mathematica» транспонирует матрицу?

а) Transpose

б) RotateLeft

в) Switch

г) Normal

Ответ: а)

3. Какая из следующих команд в пакете «Wolfram Mathematica» изображает на экране график явно заданной функции?

- а) Plot
- б) ParametricPlot
- в) ListPlot
- г) PolarPlot

Ответ: а)

4. Какая из следующих команд в пакете «Wolfram Mathematica» изображает на экране график функции с логарифмическим масштабом по осям?

- а) LogLogPlot
- б) PlotRange
- в) Show
- г) PolarPlot

Ответ: а)

5. Какая из следующих команд в пакете «Wolfram Mathematica» решает дифференциальные уравнения?

- а) DSolve
- б) RSolve
- в) NSolve
- г) Solve

Ответ: а)

6. Какая из следующих команд в пакете «Wolfram Mathematica» раскладывает многочлен на множители?

- а) Factor
- б) Decompose
- в) FindRoot
- г) Expand

Ответ: а)

7. Какая из следующих команд в пакете «Wolfram Mathematica» раскладывает функцию в ряд Тейлора?

- а) Series
- б) PolynomialQ
- в) Collect
- г) PadeApproximant

Ответ: а)

8. Какая из следующих команд в пакете «Wolfram Mathematica» позволяет организовать повторяющиеся вычисления (является оператором цикла)?

- а) Do

- б) Animate
  - в) Count
  - г) SetDelayed
- Ответ: а)

8. Какая из следующих команд в пакете «Wolfram Mathematica» приводит рациональные функции к общему знаменателю?

- а) **Together**
  - б) Normal
  - в) ReplacePart
  - г) FactorList
- Ответ: а)

9. Какая из следующих команд в пакете «Wolfram Mathematica» находит обратную к квадратной матрице?

- а) Inverse
  - б) LinearSolve
  - в) Transpose
  - г) Eigensystem
- Ответ: а)

10. Какая из следующих команд в пакете «Wolfram Mathematica» вычисляет норму матрицы?

- а) Norm
  - б) SchurDecomposition
  - в) Count
  - г) Nest
- Ответ: а)

11. Какая из следующих команд в пакете «Wolfram Mathematica» сокращает общие множители в частном двух многочленов?

- а) Cancel
  - б) Equal
  - в) Blank
  - г) действие производится автоматически и не требует специальной команды
- Ответ: а)

12. Что означает в пакете «Wolfram Mathematica» атрибут Listable?

- а) команда, имеющая этот атрибут, в случае применения ее к списку действует на каждый элемент списка отдельно
  - б) команда с таким атрибутом заменяет все заголовки на List
  - в) команда с таким атрибутом может применяться только к спискам
  - г) команда с таким атрибутом включена в список встроенных команд
- Ответ: а)

13. Что в пакете «Wolfram Mathematica» означает символ подчеркивания `_` после имени переменной (команда `Blank[]`)?

- а) шаблон, вместо которого может быть подставлено любое выражение
- б) особо важную переменную
- в) просто разделительный знак
- г) пропущенный аргумент

Ответ: а)

14. Какая информация о символе в пакете «Wolfram Mathematica» хранится в регистре `OwnValues`?

- а) как преобразовывать символ, если он используется без аргументов
- б) историю действий с данным символом
- в) кто является собственником данной переменной
- г) кто создал данную переменную

Ответ: а)

15. Какая из следующих команд в пакете «Wolfram Mathematica» меняется стандартный порядок вычислений?

- а) `Hold`
- б) `MapAt`
- в) `Select`
- г) `Flatten`

Ответ: а)

16. Какая из следующих команд в пакете «Wolfram Mathematica» уменьшает число уровней вложенности во вложенных списках?

- а) `Flatten`
- б) `Array`
- в) `Exclusions`
- г) `NestList`

Ответ: а)

17. Какая из следующих команд в пакете «Wolfram Mathematica» к списку атрибутов новый?

- а) `SetAttributes`
- б) `Attributes`
- в) `Unprotect`
- г) `Sequence`

Ответ: а)

### Вопросы с кратким текстовым ответом

1. Каков результат выполнения в пакете «Wolfram Mathematica» команды `Conjugate[2+3*I]`?

Ответ:  $2 - 3i$

2. Каков результат выполнения в пакете «Wolfram Mathematica» команды `Append[{1,2},0]`?

Ответ: `{1,2,0}`

1 Каков результат выполнения в пакете «Wolfram Mathematica» команды `N[Pi, 3]`?

Ответ: `3.14`

3. Каков результат выполнения в пакете «Wolfram Mathematica» команды `Print["n = ", 1]`?

Ответ: `n=1`

4. Каков результат выполнения в пакете «Wolfram Mathematica» команды `3*4==12`?

Ответ: `True`

5. Каков результат выполнения в пакете «Wolfram Mathematica» команды `IntegerQ[7]`?

Ответ: `True`

6. Каков результат выполнения в пакете «Wolfram Mathematica» команды `Positive[3]`?

Ответ: `True`

7. Каков результат выполнения в пакете «Wolfram Mathematica» команды `MemberQ[{2,3,5},3]`?

Ответ: `True`

*Описание технологии проведения:*

Текущая аттестация проводится на занятии одновременно во всей учебной группе в виде теста в электронной образовательной среде «Электронный университет ВГУ». Большая часть вопросов проверяется автоматически, проверки преподавателем с ручным оцениванием требуют только отдельные вопросы, представленные в форме эссе. Ограничение по времени на каждую попытку — 1 час 30 минут

*Критерии и шкалы оценивания заданий ФОС:*

Для оценивания выполнения заданий используется балльная шкала:

1) закрытые задания (тестовые с вариантами ответов, средний уровень сложности) :

1 балл – указан верный ответ;

0 баллов – указан неверный ответ (полностью или частично неверный).

2) открытые задания (тестовые с кратким текстовым ответом, повышенный уровень

2 балла – указан верный ответ;

0 баллов – указан неверный ответ (полностью или частично неверный).

**Задания раздела 20.3 рекомендуются к использованию при проведении диагностических работ с целью оценки остаточных результатов освоения данной дисциплины (знаний, умений, навыков).**