МИНОБРНАУКИ РОССИИ

ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ БЮДЖЕТНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ

«ВОРОНЕЖСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ» (ФГБОУ ВО «ВГУ»)

							_
\/-	$\overline{}$	_	n ,		п.		-
v	ГΒ	_	_	ж		/\	м.
		_			_	_	

Заведующий кафедрой
_ системного анализа и управления
аименование кафедры, отвечающей за реализацию дисциплины Задорожний В.Г.
подпись, расшифровка подписи
2022 г.

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ Б1.О.12 Алгебра

Код и наименование дисциплины в соответствии с учебным планом

1. Код и наименование направления подготовки/специальности:								
01.03.02 Прикладная математика и информатика								
2. Профиль подготовки/специализация : <i>Базовый блок дисциплин</i>								
Квалификация выпускника: бакалавр								
4. Форма обучения: Очная								
5. Кафедра, отвечающая за реализацию дисциплины: кафедра системного анализа управления								
6. Составители программы: Курбатов В.Г., д.фм.н., проф.								
(ФИО, ученая степень, ученое звание)								
7. Рекомендована: Научно-методическим советом факультета прикладной математики, информатики и механики (протокол № 8 от 15.04.2022)								
(наименование рекомендующей структуры, дата, номер протокола,								
отметки о продлении вносятся вручную)								

8. Учебный год: 2022/2023 Семестр(ы): 1, 2.

9. Цели и задачи учебной дисциплины

Цели и задачи учебной дисциплины

Целями освоения учебной дисциплины являются:

- обучение студентов основам линейной алгебры, ознакомление с абстрактными моделями абстрактной алгебры и спектральной теорией для формирования умений и навыков по использованию фундаментальных знаний, полученных в области математических и естественных наук, в профессиональной деятельности.

Задачи учебной дисциплины:

- отработка навыков работы с матрицами и определителями;
- отработка навыков решения систем линейных уравнений;
- обучить работе с линейными операторами, билинейными и квадратичными функционалами;
 - обучить выполнению замены базиса;
- сформировать базовые знания и навыки решения типовых задач с учетом основных понятий и общих закономерностей по основным разделам алгебры, относящейся к базовым дисциплинам математики;
- сформировать практические навыки выбора современных математических инструментальных средств, для решения поставленной задачи, анализа и интерпретации результатов.

10. Место учебной дисциплины в структуре ООП: Дисциплина относится к базовому циклу Б1, обязательная часть.

Требуется знание курса «Аналитической геометрии» и общая математическая культура, приобретенная в школе. Используется практически во всех базовых математических курсах: «Математический анализ», «Функциональный анализ», «Дифференциальные уравнения», «Численные методы», «Методы оптимизации», «Уравнения математической физики», «Компьютерная графика» и другие.

11. Планируемые результаты обучения по дисциплине/модулю (знания, умения, навыки), соотнесенные с планируемыми результатами освоения образовательной программы (компетенциями) и индикаторами их достижения:

Код	Название	Код(ы)	Индикатор(ы)	Планируемые результаты обучения		
	компетенции	''' /				
ОПК-	Способен	ОПК-1.1	Демонстрирует	Знать: знание основ теории		
1	применять		знания,			
	фундаментальны		относящиеся к	Уметь: умение решать типовые задачи		
	е знания,		базовым	применять методы и идеи алгебры		
	полученные в		дисциплинам			
	области		математики,	Владеть: навыками применения полученных		
	математических и		информатики	знаний в учебной и научной деятельности		
	(или)		и естественных			
	естественных		наук.			
	наук, и	ОПК-1.3	Использует			
	использовать их в		современные			
	профессионально		математические			
	й деятельности		инструментальные			
			средства для			
			решения			
			поставленной			
			задачи,			
			анализирует и			
			интерпретирует			
			результаты.			

12. Объем дисциплины в зачетных единицах/час.(в соответствии с учебным планом) — 8/288.

Форма промежуточной аттестации 2 зачета и экзамен

13. Трудоемкость по видам учебной работы

		Трудоемкость				
Вид	Вид учебной работы		По семестрам			
Brig y teether pacers		Всего	1	2		
Контактная работа		160	48	112		
В том шиолог	лекции	96	32	64		
в том числе:	практические	64	16	48		
Самостоятельная работа		92	24	68		
Промежуточная аттестация (для экзамена)		36	отсутствует	36		
Итого:		288	72	216		

13.1. Содержание дисциплины

п/п	Наименование раздела дисциплины	Содержание раздела дисциплины 1. Лекции	Реализация раздела дисциплины с помощью онлайн-курса, ЭУМК *
1.1	Множества и функции	Понятие множества. Операции над множествами.	Алгебра 2-3
1.1	иножества и функции	Определение функции, обратной функции, композиции функций. Отношение эквивалентности.	7 till Copu 2 0
1.2	Числа и многочлены	Аксиомы натуральных чисел. Математическая индукция. Деление целых чисел с остатком. Бесконечность множества простых чисел. Основная теорема арифметики. Определение сравнения. Приведенная система вычетов. Кольцевые свойства. Рациональные числа. Варианты определения комплексных чисел. Декартова, тригонометрическая и экспоненциальная формы. Геометрический смысл операций. Алгебраические и функциональные многочлены. Операции. Деление с остатком и теорема Безу. Разложение на комплексные и действительные множители.	Алгебра 2-3
1.3	Матрицы. Определители 2-го и 3-го порядка	Определение и терминология, связанные с матрицами. Действия с матрицами. Определения и правила вычисления. Свойства определителей. Миноры и алгебраические дополнения. Примеры вычисления. Разложение определителя по строке и столбцу. Определение обратной матрицы. Метод присоединенной матрицы.	Алгебра 2-3
1.4	Системы линейных уравнений.	Терминология, связанная с системами линейных уравнений. Метод Крамера. Матричная запись системы линейных уравнений. Метод обратной матрицы. Матричные уравнения. Ступенчатые матрицы. Прямой и обратный ход метода Гаусса в случае невырожденной системы. Модификация метода Гаусса для нахождения обратной матрицы. Критерий несовместности, основанный на методе элементарных преобразований. Базисные и свободные неизвестные. Метод элементарных	Алгебра 2-3

		преобразований для решения неопределенной системы. Модификация метода Гаусса для вычисления определителя матрицы	
1.5	Определители произвольного порядка	Перестановки. Определение определителя n-го порядка и его свойства. Блочные матрицы. Разложение по строке (столбцу). Линейная независимость строк (столбцов). Ранг матрицы. Теорема о базисном миноре. Метод окаймляющих миноров вычисления ранга. Метод элементарных преобразований вычисления ранга. Теорема Кронекера–Капелли.	Алгебра 2-3
1.5	Линейные пространства	Определение линейного пространства. Арифметическое линейное пространство. Линейная независимость в линейном пространстве. Базис. Размерность. Подпространства и линейные оболочки. Сумма и пересечение подпространств. Прямая сумма. Фактор-пространство. Преобразование координат вектора при замене базиса.	Алгебра 2-3
1.7	Линейные операторы	Определение линейного оператора. Действия с линейными операторами. Обратимые линейные операторы. Изоморфизм линейных пространств. Однотипность линейных операторов. Матрица линейного оператора. Ядро и образ линейного оператора. Ранг линейного оператора. Преобразование матрицы линейного оператора при замене базиса.	Алгебра 2-3
1.8	Начала спектральной теории	Определитель оператора. Характеристический многочлен. Операторные уравнения. Собственные значения и собственные векторы. Базис из собственных векторов. Формулировка теоремы Жордана.	Алгебра 2-3
1.9	Евклидовы пространства	Определение евклидова пространства. Норма в евклидовом пространстве. Ортогональный базис. Ортогонализация Грама–Шмидта. Скалярное произведение в ортонормированном базисе. Метод наименьших квадратов. Ортогональное дополнение. Разложение Шура.	Алгебра 2-3
1.10	Линейные, билинейные и квадратичные функционалы	Определение линейного функционала. Сопряженное пространство. Сопряженный оператор. Самосопряженный оператор. Базис из собственных векторов самосопряженного оператора. Определение билинейного функционала. Матрица билинейного функционала. Преобразование матрицы билинейного функционала при замене базиса. Симметричные билинейные функционалы. Квадратичные функционалы. Метод Лагранжа приведения квадратичного функционала к нормальному виду. Критерий Сильвестра.	Алгебра 2-3
1.11	Алгебраические структуры	Внутренние и внешние законы композиции. Группы, кольца, тела, поля и алгебры. Морфизмы и факторструктуры. Понятие о категориях.	Алгебра 2-3
		рактические занятия	
2.1	Множества и функции	Понятие множества. Операции над множествами. Определение функции, обратной функции, композиции функций. Отношение эквивалентности.	Алгебра 2-3
2.2	Числа и многочлены	Аксиомы натуральных чисел. Математическая индукция. Деление целых чисел с остатком. Бесконечность множества простых чисел. Основная теорема арифметики. Определение сравнения. Приведенная система вычетов. Кольцевые свойства. Рациональные числа. Варианты определения комплексных чисел.	Алгебра 2-3

		Декартова, тригонометрическая и экспоненциальная формы. Геометрический смысл операций. Алгебраические и функциональные многочлены. Операции. Деление с остатком и теорема Безу. Разложение на комплексные и	
2.3	Матрицы. Определители 2-го и 3-го порядка	действительные множители. Действия с матрицами. Определения и правила вычисления. Свойства определителей. Миноры и алгебраические дополнения. Примеры вычисления. Разложение определителя по строке и столбцу. Определение обратной матрицы. Метод присоединенной матрицы.	Алгебра 2-3
2.4	Системы линейных уравнений.	Терминология, связанная с системами линейных уравнений. Метод Крамера. Матричная запись системы линейных уравнений. Метод обратной матрицы. Матричные уравнения. Ступенчатые матрицы. Прямой и обратный ход метода Гаусса в случае невырожденной системы. Модификация метода Гаусса для нахождения обратной матрицы. Критерий несовместности, основанный на методе элементарных преобразований. Базисные и свободные неизвестные. Метод элементарных преобразований для решения неопределенной системы. Модификация метода Гаусса для вычисления определителя матрицы	Алгебра 2-3
2.5	Определители произвольного порядка	Перестановки. Определение определителя n-го порядка и его свойства. Блочные матрицы Разложение по строке (столбцу). Линейная независимость строк (столбцов). Ранг матрицы. Теорема о базисном миноре. Метод окаймляющих миноров вычисления ранга. Метод элементарных преобразований вычисления ранга. Теорема Кронекера–Капелли.	Алгебра 2-3
2.6	Линейные пространства	Определение линейного пространства. Арифметическое линейное пространство. Линейная независимость в линейном пространстве. Базис. Размерность. Подпространства и линейные оболочки. Сумма и пересечение подпространств. Прямая сумма. Фактор-пространство. Преобразование координат вектора при замене базиса.	Алгебра 2-3
2.7	Линейные операторы	Определение линейного оператора. Действия с линейными операторами. Обратимые линейные операторы. Изоморфизм линейных пространств. Однотипность линейных операторов. Матрица линейного оператора. Ранг линейного оператора. Преобразование матрицы линейного оператора при замене базиса.	Алгебра 2-3
2.8	Начала спектральной теории	Определитель оператора. Характеристический многочлен. Операторные уравнения. Собственные значения и собственные векторы. Базис из собственных векторов. Формулировка теоремы Жордана.	Алгебра 2-3
2.9	Евклидовы пространства	Определение евклидова пространства. Норма в евклидовом пространстве. Ортогональный базис. Ортогонализация Грама–Шмидта. Скалярное произведение в ортонормированном базисе. Метод наименьших квадратов. Ортогональное дополнение. Разложение Шура.	Алгебра 2-3
2.10	Линейные, билинейные и квадратичные функционалы	Определение линейного функционала. Сопряженное пространство. Сопряженный оператор. Самосопряженный оператор. Базис из собственных векторов самосопряженного	Алгебра 2-3

			\neg
		оператора. Определение билинейного	
		функционала. Матрица билинейного функционала.	
		Преобразование матрицы билинейного	
		функционала при замене базиса. Симметричные	
		билинейные функционалы. Квадратичные	
		функционалы. Метод Лагранжа приведения	
		квадратичного функционала к нормальному виду.	
		Критерий Сильвестра.	
2.11	Алгебраические структуры	Внутренние и внешние законы композиции. Группы,	
		кольца, тела, поля и алгебры. Морфизмы и фактор-	
		структуры. Понятие о категориях.	

13.2. Темы (разделы) дисциплины и виды занятий

No	Наименевание теми		Виды занятий (количество часов)			
№ п/п	Наименование темы (раздела) дисциплины	Лекции	Практические	Лабораторные	Самостоятельная работа	Всего
1	Множества и функции	4	2		4	8
2	Числа и многочлены	10	5		6	20
3	Матрицы. Определители 2-го и 3- го порядка	6	3		6	12
4	Системы линейных уравнений	12	6		8	24
5	Определители произвольного порядка	8	6		8	22
6	Линейные пространства	8	6		8	22
7	Линейные операторы	8	6		8	22
8	Начала спектральной теории	8	6		8	22
9	Евклидовы пространства	8	6		8	22
10	Линейные, билинейные и квадратичные функционалы	8	6		8	22
11	Алгебраические структуры	16	12		18	46
	Итого:	96	64		92	252

14. Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины

Курс предполагает отведение ряда разделов на самостоятельную работу студентов. Приведенные источники позволяют в полной мере самостоятельно изучить студентами эти разделы.

Изложение материал по каждой теме предполагает использование ранее введенных определений, обозначений и доказательств. Поэтому необходима постоянная самостоятельная проработка и усвоение изложенного на занятиях материала.

Рекомендуется также просмотр материала по данной учебной дисциплине с опережением лекций с использованием рекомендуемой в данной учебной программе литературы.

Приветствуются вопросы студентов по теме учебной дисциплины и смежным вопросам в ходе аудиторных занятий.

При использовании дистанционных образовательных технологий и электронного обучения необходимо выполнять все указания преподавателей по работе на LMS-платформе, своевременно подключаться к online-занятиям, соблюдать рекомендации по организации самостоятельной работы.

15. Перечень основной и дополнительной литературы, ресурсов интернет, необходимых для освоения дисциплины (список литературы оформляется в соответствии с требованиями ГОСТ и используется общая сквозная нумерация для всех видов источников) а) основная литература:

u,	CONCENTANT TIME CPAT	ура.
	No n/n	Источник

1	Курош, А.Г. Лекции по общей алгебре: учебник для вузов / А.Г. Курош.— 4-е изд., стер.— Санкт- Петербург: Лань, 2020.— 556 с.— ISBN 978-5-8114-6477-7.— Текст: электронный // Лань: электронно-библиотечная система.— URL: https://e.lanbook.com/book/147341.— Режим доступа: для авториз. пользователей.
2	Постников, М. М. Линейная алгебра : учебное пособие / М. М. Постников. — 3-е изд.,испр. — Санкт-Петербург : Лань, 2021. — 400 с. — ISBN 978-5-8114-0890-0. — Текст : электронный // Лань : электронно-библиотечная система. — URL: https://e.lanbook.com/book/167777 (дата обращения: 29.11.2021). — Режим доступа: для авториз. пользователей.
3	Мальцев, И. А. Линейная алгебра: учебное пособие / И. А. Мальцев. — 2-е изд., испр. и доп. — Санкт-Петербург: Лань, 2021. — 384 с. — ISBN 978-5-8114-1011-8. — Текст: электронный // Лань: электронно-библиотечная система. — URL: https://e.lanbook.com/book/167832 (дата обращения: 29.11.2021). — Режим доступа: для авториз. пользователей.

б) дополнительная литература:

ополнительная литература.					
№ п/п	Источник				
1	Кряквин, В. Д. Линейная алгебра в задачах и упражнениях : учебное пособие / В. Д. Кряквин. — 3-е изд., испр. — Санкт-Петербург : Лань, 2016. — 592 с. — ISBN 978-5-8114-2090-2. — Текст : электронный // Лань : электронно-библиотечная система. — URL: https://e.lanbook.com/book/72583				
2	Сборник задач по алгебре. Ч. 3. Основные алгебраические структуры / Ю.А. Артамонов, Э.Б. Бахтурин, Е.С. Винберг [и др.] ; Под ред. А.И. Кострикина.— М. : Физматлит, 2007.— Т. 2.— 168 с				
3	Ильин, В. А. Линейная алгебра и аналитическая геометрия / В. А. Ильин, Г. Д. Ким.— 3-е изд.— М. : Московский университет, 1998.— 320 с.				
4	Фаддеев, Д. К. Лекции по алгебре / Д. К. Фаддеев.— М. : Лань, 2020.— 416 с.				
5	Проскуряков, И. В. Числа и многочлены / И. В. Проскуряков.— Второе изд.— М. : Просвещение, 1965.— 284 с.				

в) информационные электронно-образовательные ресурсы (официальные ресурсы интернет)*:

№ п/п	Ресурс				
1.	Электронно-библиотечная система «Университетская библиотека online (доступ осуществляется по				
	адресу: https://biblioclub.ru/);				
2.	Алгебра, 2021, 2-3 группы / В.Г. Курбатов— Образовательный портал «Электронный				
	университет ВГУ». — Режим доступа: https://edu.moodle.ru.				
3.	Электронная библиотека технического ВУЗа «Консультант студента» (доступ осуществляется по				
	адресу: https://www.studmedlib.ru);				
4.	Электронно-библиотечная система «Лань» (доступ осуществляется по				
	адресу: https://e.lanbook.com/).				

^{*} Вначале указываются ЭБС, с которыми имеются договора у ВГУ, затем открытые электронно-образовательные ресурсы, онлайн-курсы, ЭУМК

16. Перечень учебно-методического обеспечения для самостоятельной работы (учебно-методические рекомендации, пособия, задачники, методические указания по выполнению практических (контрольных), курсовых работ и др.)

№ п/п	Источник				
1	Баскаков, А. Г. Лекции по алгебре / А. Г. Баскаков.— Воронеж : ВГУ, 2017.— 158 с.				
2	Алгебра, 2022, 2-3 группы / В.Г. Курбатов— Образовательный портал «Электронный университет ВГУ». — Режим доступа: https://edu.moodle.ru.				

17. Образовательные технологии, используемые при реализации учебной дисциплины, включая дистанционные образовательные технологии (ДОТ), электронное обучение (ЭО), смешанное обучение): лекции и практические занятия (с домашними заданиями), контрольные, зачеты и экзамен.

Дисциплина реализуется с применением электронного обучения и дистанционных образовательных технологий. Для организации занятий рекомендован онлайн-курс «Алгебра, 2022, 2-3 группы», размещенный на платформе Электронного университета ВГУ (LMS moodle), а также Интернет-ресурсы, приведенные в п.15в.5.

18. Материально-техническое обеспечение дисциплины. Учебная аудитория для проведения лекций (394018, г. Воронеж, площадь Университетская, д. 1, пом. 226, 329, 433, 435): специализированная мебель, компьютер (ноутбук), мультимедийное оборудование (проектор, экран, средства звуковоспроизведения).

Windows 10 (лицензионное ПО); LibreOffice (свободное и/или бесплатное ПО); Adobe Reader (свободное и/или бесплатное ПО); Mozilla Firefox (свободное и/или бесплатное ПО).

Учебная аудитория для проведения практических занятий (394018, г. Воронеж, площадь Университетская, д. 1, пом. 226, 227, 319, 321, 323, 329, 428, 430, 433, 435): специализированная мебель, доска (маркерная или меловая).

19. Оценочные средства для проведения текущей и промежуточной аттестаций

Порядок оценки освоения обучающимися учебного материала определяется содержанием следующих разделов дисциплины:

Nº ⊓/⊓	Наименование раздела дисциплины (модуля)	Компетен ция(и)	Индикатор(ы) достижения компетенции	Оценочные средства
1.	Все разделы	ОПК-1	ОПК-1.1 ОПК-1.3	Контрольные работы (3 шт.)
	Промежуточна форма контроля – 2		Перечень вопросов приведен ниже.	

20 Типовые оценочные средства и методические материалы, определяющие процедуры оценивания

20.1 Текущий контроль успеваемости

Контроль успеваемости по дисциплине осуществляется с помощью следующих оценочных средств:

Образцы вариантов контрольных

Контрольная 1

- 1. Вычислить определитель разложением по строке/столбцу и по правилу Саррюса: $\begin{vmatrix} -2 & 6 & 1 \\ -1 & 2 & -1 \\ 0 & 1 & 3 \end{vmatrix}$
- 2. Вычислить определитель четвертого порядка:

$$\begin{vmatrix} 2 & -1 & 1 & 2 \\ 4 & -4 & 3 & 1 \\ -1 & 2 & -3 & -2 \\ 0 & 3 & -4 & 1 \end{vmatrix}.$$

3. Найти матрицу, обратную матрице А, если

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 0 \\ 3 & 2 & 1 \\ 1 & 3 & 2 \end{pmatrix}.$$

4. Найти матрицу X из матричного уравнения $X \cdot A + X + C = 3B$,

если
$$A = \begin{pmatrix} 8 & 7 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$$
, $B = \begin{pmatrix} 1 & -1 \\ 2 & 1 \end{pmatrix}$, $C = \begin{pmatrix} 5 & -3 \\ 4 & 1 \end{pmatrix}$.

5. Решить систему уравнений:
$$\begin{cases} x_1 + 2x_2 = -6, \\ 3x_1 + 2x_2 + x_3 = 3, \\ x_1 + 3x_2 + 2x_3 = 0. \end{cases}$$

Контрольная 2

- 1. Проверить, что отображение A:R^2→R^3, A(x,y,z)=(x-2y, 2x-3z, 2y-x), является линейным оператором.
- 2. Найти матрицу оператора из задания 1.
- 3. Найти матрицу линейного оператора, отображающего систему векторов a1, a2, a3 в систему векторов b1, b2, b3, где a1=(0, -4, -1), b1=(16, -8, 6), a2=(1, -5, -5), b2=(21, -22, 15), a3=(2, 4, 1), b3=(-14, 14, -6).
- 4. Привести к каноническому виду квадратичную форму $Q(x,y,z)=x^2-2y^2+4z^2-4xy+6xz-4yz$.

Контрольная 3

- 1. Найти собственные векторы и собственные значения линейного оператора A:R^2→R^2, A(x,y)=(3x-8y,-2x+3y).
- 2. Найти ядро, образ, ранг и дефект оператора, имеющего матрицу $A = \begin{pmatrix} -1 & 1 & -1 \\ -1 & 3 & -1 \\ 0 & -2 & 0 \end{pmatrix}$.
- 3. Найти все собственные значения и собственные векторы линейного оператора с матрицей А:

$$A = \begin{pmatrix} -1 & 4 & -4 \\ -1 & 3 & -1 \\ 1 & -2 & 4 \end{pmatrix}$$

4. Найти Жорданову форму оператора, имеющего матрицу $A = \begin{pmatrix} 0 & -4 & 0 \\ 1 & -4 & 0 \\ 1 & -2 & -2 \end{pmatrix}.$

Требования к выполнению заданий контрольных (шкалы и критерии оценивания) Оценка «5» (отлично) выставляется, если обучающийся показывает всесторонние и глубокие знания программного материала, знание основной и дополнительной литературы; последовательно и четко отвечает на вопросы билета и дополнительные вопросы; уверенно ориентируется в проблемных ситуациях; демонстрирует способность применять теоретические знания для анализа практических ситуаций, делать правильные выводы, проявляет творческие способности в понимании, изложении и использовании программного материала; подтверждает полное освоение компетенций, предусмотренных программой.

Оценка «4» (хорошо) выставляется, если обучающийся показывает полное знание программного материала, основной и дополнительной литературы; дает полные ответы на теоретические вопросы, допуская некоторые неточности; правильно применяет теоретические положения к оценке практических ситуаций; демонстрирует хороший уровень освоения материала и в целом подтверждает освоение компетенций, предусмотренных программой.

Оценка «3» (удовлетворительно) выставляется, если обучающийся показывает знание основного материала в объеме, необходимом для предстоящей профессиональной деятельности; при ответе на вопросы не допускает грубых ошибок, но испытывает затруднения в последовательности их изложения; не в полной мере демонстрирует способность применять теоретические знания для анализа практических ситуаций, подтверждает освоение компетенций, предусмотренных программой на минимально допустимом уровне.

Оценка «2» (неудовлетворительно) выставляется, если обучающийся имеет существенные пробелы в знаниях основного учебного материала по разделу; не способен аргументированно и последовательно его излагать, допускает грубые ошибки в ответах, неправильно отвечает на задаваемые преподавателем вопросы или затрудняется с ответом; не подтверждает освоение компетенций, предусмотренных программой.

20.2 Промежуточная аттестация

Промежуточная аттестация по дисциплине осуществляется с помощью следующих оценочных средств: собеседование по билетам к зачету, собеседование по экзаменационным билетам к экзамену.

Перечень практических навыков к зачету в 1-м семестре

- 1. Проверка соотношений между множествами.
- 2. Проверка соотношений, содержащих обратную функцию.
- 3. Умение проверять свойства отношений эквивалентности.
- 4. Решение задач на математическую индукцию.
- 5. Решение задач из теории целых чисел.
- 6. Умение проверять свойства сравнений.
- 7. Умение выполнять арифметические операции с комплексными числами, преобразовывать их из одной формы в другую.
- 8. Разложение многочлена на комплексные и действительные множители.
- 9. Действия с матрицами.
- 10. Вычисление определителей.
- 11. Разложение определителя по строке и столбцу.
- 12. Определение обратной матрицы. Ее нахождение методом присоединенной матрицы.
- 13. Метод Крамера.
- 14. Метод обратной матрицы. Матричные уравнения.
- 15. Метод Гаусса в случае невырожденной системы.
- 16. Метод Гаусса для нахождения обратной матрицы. Критерий несовместности, основанный на методе элементарных преобразований.
- 17. Метод элементарных преобразований решения неопределенной системы.
- 18. Метод Гаусса для вычисления определителя матрицы.

Образец билета к зачету в 1-м семестре

- 1. Сформулировать определение отношения эквивалентности.
- 2. Выполнить деление (1-і)/(2+3і).
- 3. Найти обратную матрицу методом присоединенной матрицы.
- 4. Решить систему линейных уравнений.

Перечень практических навыков к зачету во 2-м семестре

- 1. Вычисление определителей произвольного размера.
- Проверка линейной зависимости и независимости.
 Вычисление ранга матрицы.
- 4. Проверка базисности и разложение по базису.
- 5. Преобразование координат вектора при замене базиса.
- 6. Нахождение матрицы линейного оператора. Нахождение ядра и образа.
- 7. Преобразование матрицы линейного оператора при замене базиса.
- 8. Нахождение собственных значений и собственных векторов.
- 9. Вычисление скалярных произведений в различных пространствах.
- 10. Разложение по ортогональному базису.
- 11. Ортогонализация Грама-Шмидта.
- 12. Построение ортогонального базиса из собственных векторов.
- 13. Преобразование матрицы билинейного функционала при замене базиса.
- 14. Метод Лагранжа приведения квадратичного функционала к нормальному виду.
- 15. Критерий Сильвестра.
- 16. Проверка аксиом алгебраических структур.
- 17. Нахождение ядер и образом морфизмов. Проверка изоморфности.

Образец билета к зачету в 2-м семестре

- 1. Сформулировать определение ранга матрицы.
- 2. Найти собственные значения и собственные векторы матрицы.
- 3. Сформулировать определение скалярного произведения.
- 4. Проверить положительную определенность квадратичного функционала.

Описание технологии проведения зачета

Средство промежуточного контроля усвоения разделов дисциплины, организованное в виде собеседования преподавателя и обучающегося.

Требования к выполнению заданий, шкалы и критерии оценивания

Оценка «зачтено» выставляется, если обучающийся показывает знание основного материала в объеме, необходимом для предстоящей профессиональной деятельности; не в полной мере демонстрирует способность применять теоретические знания для анализа практических ситуаций; выполнил не менее 2/3 всех предложенных заданий и задач или допустил не более одной грубой ошибки и двух недочетов, не более одной грубой и одной негрубой ошибки, не более трех негрубых ошибок, одной негрубой ошибки и трех недочетов, при наличии четырех-пяти недочетов; допускает незначительные ошибки при оформлении работы; подтверждает освоение компетенций, предусмотренных программой на минимально допустимом уровне.

Оценка «незачтено» выставляется, если обучающийся имеет существенные пробелы в знаниях основного учебного материала по дисциплине; если число ошибок и недочетов в работе превысило норму для оценки «зачтено» или обучающийся выполнил правильно менее 2/3 всех заданий и задач; допускает грубые ошибки при оформлении работы; не подтверждает освоение компетенций, предусмотренных программой.

Перечень вопросов к экзамену в 2-м семестре

- 1. Перестановки. Определение определителя n-го порядка и его свойства. Блочные матрицы. Разложение по строке (столбцу).
- 2. Линейная независимость строк (столбцов). Ранг матрицы. Теорема о базисном миноре.
- 3. Метод окаймляющих миноров вычисления ранга. Метод элементарных преобразований вычисления ранга. Теорема Кронекера–Капелли.
- 4. Определение линейного пространства. Арифметическое линейное пространство.
- 5. Линейная зависимость и независимость в линейном пространстве.
- 6. Базис. Размерность.
- 7. Подпространства и линейные оболочки. Сумма и пересечение подпространств.
- 8. Прямая сумма. Фактор-пространство.
- 9. Преобразование координат вектора при замене базиса.
- 10. Определение линейного оператора. Действия с линейными операторами.
- 11. Обратимые линейные операторы. Изоморфизм линейных пространств. Однотипность линейных операторов.
- 12. Матрица линейного оператора.
- 13. Ядро и образ линейного оператора. Ранг линейного оператора.
- 14. Преобразование матрицы линейного оператора при замене базиса.
- 15. Определитель оператора. Характеристический многочлен. Операторные уравнения.
- 16. Собственные значения и собственные векторы. Базис из собственных векторов.
- 17. Формулировка теоремы Жордана.
- 18. Определение евклидова пространства. Норма в евклидовом пространстве. Ортогональный базис.
- 19. Ортогонализация Грама-Шмидта.
- 20. Скалярное произведение в ортонормированном базисе.
- 21. Метод наименьших квадратов.
- 22. Ортогональное дополнение.
- 23. Разложение Шура.
- 24. Определение линейного функционала. Сопряженное пространство. Сопряженный оператор.
- 25. Самосопряженный оператор. Базис из собственных векторов самосопряженного оператора.
- 26. Определение билинейного функционала. Матрица билинейного функционала.
- 27. Преобразование матрицы билинейного функционала при замене базиса.
- 28. Симметричные билинейные функционалы. Квадратичные функционалы. Метод Лагранжа приведения квадратичного функционала к нормальному виду. Критерий Сильвестра.
- 29. Внутренние и внешние законы композиции. Алгебраические структуры.
- 30. Группы.
- 31. Кольца, тела, поля и алгебры.
- 32. Морфизмы и фактор-структуры.

Образец экзаменационного билета

1. Теорема о базисном миноре.

- 2. Прямая сумма линейных подпространств.
- 3. Группы.

Описание технологии проведения экзамена

Средство промежуточного контроля усвоения разделов дисциплины, организованное в виде собеседования преподавателя и обучающегося.

Требования к выполнению заданий, шкалы и критерии оценивания

Оценка «отлично» выставляется за глубокое знание предусмотренного программой материала, содержащегося в основных и дополнительных рекомендованных литературных источниках, за умение четко, лаконично и логически последовательно отвечать на поставленные вопросы, за умение анализировать изучаемые явления в их взаимосвязи и диалектическом развитии, применять теоретические положения при решении практических задач; обучающийся подтверждает полное освоение компетенций, предусмотренных программой.

Оценка «хорошо» выставляется за твердое знание основного (программного) материала, включая расчеты (при необходимости), за грамотные, без существенных неточностей ответы на поставленные вопросы, за умение применять теоретические положения для решения практических задач; обучающийся демонстрирует хороший уровень освоения материала и в целом подтверждает освоение компетенций, предусмотренных программой.

Оценка «удовлетворительно» выставляется за общее знание только основного материала, за ответы, содержащие неточности или слабо аргументированные, с нарушением последовательности изложения материала, за слабое применение теоретических положений при решении практических задач; обучающийся подтверждает освоение компетенций, предусмотренных программой на минимально допустимом уровне.

Оценка «неудовлетворительно» выставляется за незнание значительной части программного материала, за существенные ошибки в ответах на вопросы, за неумение ориентироваться в расчетах, за незнание основных понятий дисциплины; не подтверждает освоение компетенций, предусмотренных программой.