

МИНОБРНАУКИ РОССИИ
ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ БЮДЖЕТНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ
ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ

«ВОРОНЕЖСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ»
(ФГБОУ ВО «ВГУ»)

УТВЕРЖДАЮ

Заведующий кафедрой
Системного анализа и управления
(Курбатов В.Г.)



подпись, расшифровка подписи

23.03.2024г.

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ

Б1.В.ДВ.01.02.Оптимальное управление непрерывными системами
Код и наименование дисциплины в соответствии с Учебным планом

1. Шифр и наименование направления подготовки/специальности:

01.04.02 Прикладная математика и информатика

2. Профиль подготовки/специализации / магистерская программа:

Базовый блок дисциплин

3. Квалификация (степень) выпускника: *магистр*

4. Форма обучения: *очная*

5. Кафедра, отвечающая за реализацию дисциплины:

Системного анализа и управления

6. Составители программы: *Коструб И.Д., к. ф.-м.н., доцент*

7. Рекомендована: *Научно-методическим советом факультета прикладной математики, информатики и механики (протокол №5 от 22.03.2024)*

структуры, дата, номер протокола

8. Учебный год: *2025/26*

Семестр(-ы): *3*

9. Цели и задачи учебной дисциплины:

Целями освоения учебной дисциплины являются:

– познакомить с реальными моделями оптимально управления и сформировать у студентов навыки построения математических моделей задач оптимального управления для формирования умений и навыков проводить работу по обработке и анализу научно-технической информации и результатов исследований

Задачи учебной дисциплины:

- изучить необходимые и достаточные условия оптимального управления непрерывными системами,
- изучить задачи с подвижными концами и задачи с дифференциальными и интегральными ограничениями,
- изучить численные методы на основе принципа максимума Понтрягина и градиентные методы в задачах непрерывной оптимизации.
- познакомить с задачами оптимального управления для систем со случайно изменяющейся структурой;
- сформировать практические навыки анализа и обработки информации по тематике исследований;
- сформировать навыки выбора метода решения поставленной задачи с учетом имеющихся ресурсов, а также теоретического обобщения научных данных, результатов экспериментов и наблюдений.

10. Место учебной дисциплины в структуре ООП: (цикл, к которому относится дисциплина, требования к входным знаниям, умениям и компетенциям, дисциплины, для которых данная дисциплина является предшествующей)

на, требования к входным знаниям, умениям и компетенциям, дисциплины, для которых данная дисциплина является предшествующей)

Вариативная часть, дисциплина по выбору. Требуется уверенное владение техникой дифференцирования и интегрирования. Основы линейной алгебры и векторного исчисления. Требуется владение основами функционального анализа, теории дифференциальных уравнений и численными методами.

11. Планируемые результаты обучения по дисциплине/модулю (знания, умения, навыки), соотнесенные спланируемыми результатами освоения образовательной программы (компетенциями) и индикаторами их достижения:

Код	Название компетенции	Код(ы)	Индикатор(ы)	Планируемые результаты обучения
ПК-1	Способен проводить работы по обработке и анализу научно-технической информации, результатов исследований	ПК-1.2	Анализирует и обрабатывает информацию по тематике исследований.	Знать: классические математические методы для применения системного подхода при построении логических и математических моделей поставленных задач Уметь: проводить систематизацию наблюдаемых данных, подбирать адекватные логические и математические модели для решения поставленных задач Владеть: практическим опытом подбора наиболее адекватных источников информации по заданной теме,

				атакже составление обзоров на основенайденныхисточников
		ПК-1.3	Выбирает методы решения поставленной задачи с учетом имеющихся ресурсов, а также теоретического обобщения научных данных, результатов экспериментов и наблюдений.	Знать: методы решения задач Уметь: решать задачи теоретического и прикладного характера из различных разделов прикладной математики, доказывать утверждения, строить модели объектов и понятий Владеть: Методами решения типовых уравнений и методами качественного исследования уравнений

12. Объем дисциплины в зачетных единицах/час.(в соответствии с учебным планом)— 3 / 108.

Форма промежуточной аттестации(зачет/экзамен) зачет

13. Трудоемкость по видам учебной работы

Вид учебной работы		Трудоемкость			
		Всего	По семестрам		
			3		...
Аудиторные занятия		32	32		
в том числе:	лекции	16	16		
	практические	0	0		
	лабораторные	16	16		
Самостоятельная работа		76	76		
в том числе: курсовая работа (проект)					
Форма промежуточной аттестации (зачет – 0 час. / экзамен – ___ час.)					
Итого:		108	108		

13.2 Содержание разделов дисциплины:

п/п	Наименование раздела дисциплины	Содержание раздела дисциплины	Реализация раздела дисциплины с помощью онлайн-курса, ЭУМК *
1. Лекции			
1.1	Оптимизация в классе функций	Сведение задач к минимизации функций нескольких переменных	ОУНС_1
1.2	Принцип максимума Понтрягина	Необходимые условия минимума. Условия трансверсальности. Необходимые и дос-	ОУНС_1

		таточные условия слабого и сильного минимума в задачах вариационного исчисления. Метод градиентного спуска в задачах оптимального управления.	
1.3	Метод динамического программирования	Принцип оптимальности Беллмана. Решение задач с помощью уравнения Беллмана. Комбинаторные задачи.	ОУНС_1
2. Практические занятия			
3. Лабораторные работы			
2.1	Оптимизация в классе функций	Сведение задач к минимизации функций нескольких переменных	ОУНС_1
2.2	Принцип максимума Понтрягина	Необходимые условия минимума. Условия трансверсальности. Необходимые и достаточные условия слабого и сильного минимума в задачах вариационного исчисления. Метод градиентного спуска в задачах оптимального управления.	ОУНС_1
2.3	Метод динамического программирования	Принцип оптимальности Беллмана. Решение задач с помощью уравнения Беллмана. Комбинаторные задачи.	ОУНС_1

13.3. Разделы дисциплины и виды занятий:

№ п/п	Наименование темы (раздела) дисциплины	Виды занятий (часов)				
		Лекции	Практические	Лабораторные	Самостоятельная работа	Всего
1	Оптимизация в классе функций	2		2	24	28
2	Принцип максимума Понтрягина	7		7	24	38
3	Метод динамического программирования	7		7	24	38
	Итого:	16		16	72	108

14. Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины

Материал по каждой теме излагается последовательно с использованием ранее введенных определений, обозначений и доказательств. Необходима постоянная самостоятельная проработка и усвоение изложенного на занятиях материала.

Программа предусматривает большой объем самостоятельной работы. Имеются учебные пособия и учебник, написанный на кафедре.

Желателен просмотр материала по данной учебной дисциплине с опережением лекций с использованием рекомендуемой в данной учебной программе литературы.

Приветствуются вопросы студентов по теме учебной дисциплины и смежным вопросам в ходе аудиторных занятий.

При использовании дистанционных образовательных технологий и электронного обучения выполнять все указания преподавателей по работе на LMS-платформе, своевременно подключаться к online-занятиям, соблюдать рекомендации по организации самостоятельной работы.

15. Перечень основной и дополнительной литературы, ресурсов интернет, необходимых для освоения дисциплины (список литературы оформляется в соответствии с требованиями ГОСТ и используется общая сквозная нумерация для всех видовисточников)

а) основная литература:

№ п/п	Источник
1	Алюшин, В. М. Методы оптимального управления : учебное пособие / В. М. Алюшин, Л. В. Колобашкина. — Москва : НИЯУ МИФИ, 2020. — 176 с. — ISBN 978-5-7262-2695-8. — Текст : электронный // Лань : электронно-библиотечная система. — URL: https://e.lanbook.com/book/175406 . — Режим доступа: для авториз. пользователей.
2	Алексеев, В. М. Сборник задач по оптимизации. Теория. Примеры. Задачи : учебное пособие / В. М. Алексеев, Э. М. Галеев, В. М. Тихомиров. — 2-е изд., перераб. и доп. — Москва : ФИЗМАТЛИТ, 2011. — 256 с. — ISBN 978-5-9221-0590-3. — Текст : электронный // Лань : электронно-библиотечная система. — URL: https://e.lanbook.com/book/2097 . — Режим доступа: для авториз. пользователей.

б) дополнительная литература:

№ п/п	Источник
3	Задорожний В.Г. Методы оптимизации : пособие для студентов / В.Г. Задорожний, Е.Л. Ульянова. – Воронеж : Изд-во Воронеж, ВГУ, 2004. – 31 с.
4	Афанасьев В.Н. Математическая теория конструирования систем управления / В.Н. Афанасьев, В.Б. Колмановский, В.Р. Носов. – М. :Высш. Шк. – 2003. – 615 с.
5	Васильев Ф.П. Численные методы решения экстремальных задач/ Ф.П.Васильев, М.: Наука. – 1980.
6	Васильев Ф.П. Методы оптимизации/ Ф.П. Васильев , М.: МЦНМО. – 2011, - 434 с.
7	Ширяев, В.И. Исследование операций и численные методы оптимизации / В.И. Ширяев. - М.: Ленанд, 2017. - 224 с.
8	Ширяев, В.И. Исследование операций и численные методы оптимизации: Учебное пособие / В.И. Ширяев. - М.: Ленанд, 2015. - 216 с.

в) информационные электронно-образовательные ресурсы:

№ п/п	Источник
9	www.vsu.ru ЗНБ ВГУ
10	Белоусова Е.П., Коструб И.Д. Методы оптимизации http://www.lib.vsu.ru/elib/texts/method/vsu/nov05111.pdf
11	http://e.lanbook.com/ Электронно-библиотечная система "Издательство "Лань"
12	ОУНС / В. Г. Задорожний. — Образовательный портал «Электронный университет ВГУ». — Режим доступа: https://edu.moodle.ru .

16. Перечень учебно-методического обеспечения для самостоятельной работы (учебно-методические рекомендации, пособия, задачки, методические указания по выполнению практических (контрольных), курсовых работ и др.)

№ п/п	Источник
1	Лесин, В. В. Основы методов оптимизации : учебное пособие / В. В. Лесин, Ю. П. Лисовец. — 4-е изд., стер. — Санкт-Петербург : Лань, 2021. — 344 с. — ISBN 978-5-8114-1217-4. — Текст : электронный // Лань : электронно-библиотечная система. — URL: https://e.lanbook.com/book/168975 . — Режим доступа: для авториз. пользователей.
2	Алюшин, В. М. Методы оптимального управления : учебное пособие / В. М. Алюшин, Л. В. Колобашкина. — Москва : НИЯУ МИФИ, 2020. — 176 с. — ISBN 978-5-7262-2695-8. — Текст : электронный // Лань : электронно-библиотечная система. — URL: https://e.lanbook.com/book/175406 . — Режим доступа: для авториз. пользователей.

3	ОУНС_1 / И.Д.Коструб — Образовательный портал «Электронный университет ВГУ». — Режим доступа: https://edu.moodle.ru .
---	---

17. Образовательные технологии, используемые при реализации учебной дисциплины, включая дистанционные образовательные технологии (ДОТ), электронное обучение (ЭО), смешанное обучение):

Дисциплина реализуется с применением электронного обучения и дистанционных образовательных технологий. Для организации занятий рекомендован онлайн-курс «ОУНС», размещенный на платформе Электронного университета ВГУ (LMS moodle), а также Интернет-ресурсы, приведенные в п.15в.

18. Материально-техническое обеспечение дисциплины:

Лекции и практические занятия: лекционная аудитория, учебная мебель, компьютер (ноутбук), мультимедийное оборудование (проектор, экран, средства звуковоспроизведения). Лабораторные работы: компьютерный класс, учебная мебель, компьютер (ноутбук), мультимедийное оборудование (проектор, экран).

ОС Windows 8 (10), интернет-браузер (Chrome, Яндекс.Браузер, Mozilla Firefox), ПО Adobe Reader; пакет стандартных офисных приложений для работы с документами, таблицами (MS Office, Мой-Офис, LibreOffice).

Лабораторные занятия: специализированная аудитория, оснащенная учебной мебелью и персональными компьютерами для индивидуальной работы с возможностью подключения к сети «Интернет» (компьютерные классы, студии).

ОС Windows 8 (10), интернет-браузер (Chrome, Яндекс.Браузер, Mozilla Firefox), ПО IntelliJIDEA-CommunityEdition, Anaconda, Maxima, пакет прикладных программ Matlab

19. Оценочные средства для проведения текущей и промежуточной аттестаций

Порядок оценки освоения обучающимися учебного материала определяется содержанием следующих разделов дисциплины:

№ п/п	Наименование раздела дисциплины (модуля)	Компетенция(и)	Индикатор(ы) достижения компетенции	Оценочные средства
1.	1.Оптимизация в классе функций 2.Принцип максимума Понтрягина 3. Метод динамического программирования	ПК-1	ПК-1.2 ПК-1.3	Лабораторные работы.
Промежуточная аттестация форма контроля - зачет				<i>Перечень вопросов см. ниже.</i>

20 Типовые оценочные средства и методические материалы, определяющие процедуры оценивания

20.1 Текущий контроль успеваемости

Контроль текущей успеваемости по дисциплине осуществляется с помощью следующих оценочных средств: домашние задания, лабораторные работы.

Темы задач для лабораторных работ

1. Математическая модель задачи о брахистохроне.
2. Создать математическая модель задачи о брахистохроне с сопротивлением.
3. Выбрать класс функций, зависящих от одного параметра.
4. Найти оптимальную функцию методом деления отрезка пополам.
5. Выбрать класс функций, зависящих от двух параметров.
6. Решить задачу методом градиентного спуска.

Описание технологии проведения собеседования по лабораторным работам

Средство промежуточного контроля усвоения разделов дисциплины, организованное в виде собеседования преподавателя и обучающегося.

Требования к выполнению заданий, шкалы и критерии оценивания

Оценка «зачтено» выставляется, если обучающийся предъявляет работающие компьютерные решения большинства заданий лабораторных работ и показывает понимание реализуемых алгоритмов в объеме, необходимом для предстоящей профессиональной деятельности; подтверждает освоение компетенций, предусмотренных программой на минимально допустимом уровне.

Оценка «незачтено» выставляется, если обучающийся не в состоянии объяснить алгоритмы и запрограммировать более 1/3 всех заданий; не подтверждает освоение компетенций, предусмотренных программой.

20.2 Промежуточная аттестация

Промежуточная аттестация по дисциплине осуществляется с помощью следующих оценочных средств: собеседование по экзаменационным билетам к экзамену.

Вопросы для подготовки к зачету.

1. Общая постановка задачи оптимального управления.
2. Задача о брахистохроне.
3. Задача об оптимизации работы химического реактора.
4. Оптимизация в классе функций от одной переменной.
5. Оптимизация в классе функций, зависящих от двух переменных.
6. Необходимые условия минимума в задаче с фиксированными концами времени.
7. Принцип максимума Понтрягина.
8. Условия трансверсальности.
9. Разностный метод решения задачи оптимального управления.
10. Градиентный метод в задачах оптимального управления.
11. Метод динамического программирования.

Контрольно-измерительный материал №_1_

1. Задача о брахистохроне.
2. Условие Вейерштрасса.
3. Выписать уравнение Беллмана для задачи:

$$\int_0^1 (\sin^2(x(t)u(t)) + u^2(t)) dt \rightarrow \min$$

Контрольно-измерительный материал №2__

1. Условия трансверсальности.
2. Выписать условие Лежандра для ПЗВИ

$$\int_0^1 (x^2 - \frac{1}{2} x'^2) dt$$

$$x(0) = 0, \quad x(1) = 1.$$

Описание технологии проведения экзамена

Средство промежуточного контроля усвоения разделов дисциплины, организованное в виде собеседования преподавателя и обучающегося.

Требования к выполнению заданий, шкалы и критерии оценивания

Оценка «зачтено» выставляется, если обучающийся показывает знание основного материала в объеме, необходимом для предстоящей профессиональной деятельности; не в полной мере демонстрирует способность применять теоретические знания для анализа практических ситуаций; выполнил не менее 2/3 всех предложенных заданий и задач или допустил не более одной грубой ошибки и двух недочетов, не более одной грубой и одной негрубой ошибки, не более трех негрубых ошибок, одной негрубой ошибки и трех недочетов, при наличии четырех-пяти недочетов; допускает незначительные ошибки при оформлении работы; подтверждает освоение компетенций, предусмотренных программой на минимально допустимом уровне.

Оценка «незачтено» выставляется, если обучающийся имеет существенные пробелы в знаниях основного учебного материала по дисциплине; если число ошибок и недочетов в работе превысило норму для оценки «зачтено» или обучающийся выполнил правильно менее 2/3 всех заданий и задач; допускает грубые ошибки при оформлении работы; не подтверждает освоение компетенций, предусмотренных программой.