#### МИНОБРНАУКИ РОССИИ

# ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ БЮДЖЕТНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ

# «ВОРОНЕЖСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ» (ФГБОУ ВО «ВГУ»)

#### **УТВЕРЖДАЮ**

Заведующий кафедрой уравнений в частных производных и теории вероятностей

> А.В. Глушко 03.07.2018

# РАБОЧАЯ ПРОГРАММА УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ Б1. В. 06 Теория случайных процессов и основы теории массового обслуживания

- 1. Код и наименование направления подготовки: 01.03.04 Прикладная математика
- 2. Профиль подготовки: Применение математических методов к решению инженерных и экономических задач
- 3. Квалификация выпускника: Бакалавр
- 4. Форма обучения: Очная
- 5. Кафедра, отвечающая за реализацию дисциплины: Кафедра уравнений в частных производных и теории вероятностей
- 6. Составители программы: Михайлова Ирина Витальевна, кандидат физикоматематических наук, доцент
- 7. Рекомендована: Научно-методическим советом математического факультета Протокол № 0500-07 от 03.07.2018

8. Учебный год: 2020/2021 Семестр(ы): 5, 6

**9. Цели и задачи учебной дисциплины:** Целью курса является ознакомление слушателей со стохастическим подходом описания обширного класса реальных физических явлений экономических процессов, не укладывающихся в рамки детерминированных конструкций.

Основной задачей курса является изучение численных закономерностей в опытах, результаты которых не могут быть предсказаны однозначно до проведения испытаний.

#### 10. Место учебной дисциплины в структуре ООП: Блок 1 Вариативная часть.

Для его успешного освоения необходимы знания и умения, приобретенные в результате обучения по предшествующим дисциплинам: «Математический анализ», «Комплексный анализ», «Функциональный анализ», «Дифференциальные уравнения», «Теория вероятностей».

Обучающийся должен свободно владеть математическим анализом, теорией рядов, теорией функций комплексной переменной, элементами линейной алгебры, знаниями теории интегралов Лебега и элементами теории вероятностей. Знания, полученные по дисциплине, являются основой для дальнейшего более углубленного изучения вопросов применения математических методов в задачах исследования различных процессов, а также для подготовки курсовых и выпускных квалификационных работ.

Дисциплина является предшествующей для курса «Математическая статистика», «Исследование операций».

# 11. Планируемые результаты обучения по дисциплине/модулю (знания, умения, навыки), соотнесенные с планируемыми результатами освоения образовательной программы (компетенциями выпускников):

Компетен	нция	Планируемые результаты обучения
Код	Название	
ОПК-1	способностью использовать фундаментальные знания в области математического анализа, комплексного и функционального анализа, алгебры, аналитической геометрии и топологии, дифференциальных уравнений, дискретной математики и математической логики, теории вероятности, математической статистики и случайных процессов, численных методов, теоретической механики в будущей профессиональной деятельности	Знать: основные понятия теории случайных процессов: классификация случайных процессов, элементы стохастического анализа, марковские процессы Уметь: строить стохастические модели обширного класса реальных физических явлений, не укладывающихся в рамки детерминированных конструкций Владеть: владеть основами создания стохастических моделей
ОПК-2	способность использовать современные математические методы и современные прикладные программные средства и осваивать современные технологии программирования	Знать: основные понятия теории случайных процессов: числовые характеристики случайных процессов, элементы стохастического анализа, винеровский процесс; - основные элементы систем массового обслуживания, марковские модели и пр. Уметь: строить стохастические модели обширного класса реальных физических явлений, не укладывающихся в рамки детерминированных конструкций Владеть: владеть основами создания стохастических моделей
ПК-9	способность выявлять естественную сущность проблем, возникающих в ходе профессиональной деятельности, готовность использовать для их решения соответствующий естественнонаучный аппарат	Знать: основные способы постановки задач не укладывающихся в рамки детерминированных конструкций Уметь: решать задачи теоретического и прикладного характера в рамках курса Владеть: пониманием основных фактов, концепций, принципов теорий, связанных с теорией случайных процессов
ПК-10	способность применять	Знать: основные способы постановки задач не

	математический аппарат для решения поставленных задач, способность применить соответствующую процессу математическую модель и проверить её адекватность, провести анализ результатов моделирования, принять решение на основе полученных	укладывающихся в рамки детерминированных конструкций Уметь: применять полученную теоретическую базу для решения конкретных задач теории вероятностей Владеть: методами исследования стохастических моделей
ПК-12	результатов способность самостоятельно изучать новые разделы фундаментальных наук	Знать: основные понятия курса, определения и свойства математических объектов в этой области, формулировки утверждений, методы их доказательства, возможные сферы их приложений Уметь: грамотно работать с научной литературой с использованием новых информационных технологий Владеть: навыками моделирования практических задач

12.Объем дисциплины в зачетных единицах/часах —			/	180	
Форма промежуточной аттестации _	Экзамен			-	

### 13. Виды учебной работы

Виды учебной работы	Трудоемкость					
	Всего		По семестрам			
		5	6	№ семестра	№ семестра	
Аудиторные занятия	80	32	48			
В том числе: лекции	48	16	32			
практические	32	16	16			
лабораторные	-	-	-			
Самостоятельная работа	64	40	24			
Форма промежуточной аттестации	36		36			
(зачет – <u>0</u> час./экзамен – <u>36</u> час.)						
Итого:	180	72	108			

### 13.1. Содержание дисциплины

п/п	Наименование раздела дисциплины	Содержание раздела дисциплины		
	1	1. Лекции		
1.1	Случайный процесс. Классификация случайных процессов	Определение случайного процесса. Семейство конечномерных распределений случайного процесса. Математическое ожидание и ковариационная функция случайного процесса. Выборочное пространство случайного процесса. Теорема Колмогорова (о конечномерных распределениях случайного процесса) Классификация случайных процессов. Гауссовские случайные процессы: определение, свойства, винеровский случайный процесс		
1.2	Элементы стохастического анализа	Непрерывность случайного процесса. Дифференцирование случайного процесса. Интегрирование случайного процесса		
1.3	Марковские процессы	Марковские процессы с дискретным и непрерывным временем. Однородные марковские процессы		

		To c
		Процессы рождения и гибели: определение,
		дифференциальные уравнения Колмогорова, связь с
		теорией массового обслуживания
1.4	Ветвящиеся процессы	Ветвящиеся процессы Гальтона-Ватсона.
	Больящивой продосов.	Вероятность вырождения
1.5	Общее описание систем массового	Основные элементы СМО. Типы СМО.
	обслуживания	Входящий поток. Пуассоновский поток. Символика
	COOTY/MIDAIN//	Кендалла.
1.6		Общее описание марковских моделей
		Стационарное распределение. Характеристики
		занятости СМО в стационарном режиме.
		Система М   М   1   ∞
		Система М   М   п  ∞
		Система Эрланга
		Одна задача об оптимальном количестве
	Марковские модели	обслуживающих приборов для системы Эрланга
		Система М   М   п  т
		Система «п станков — m рабочих»
		Линейные стохастические сети массового
		обслуживания
		Характеристики занятости сетей в стационарном
		режиме.
		Система <i>М   G   1  </i> ∞.
	2.Прак	тические занятия
2.1	Случайный процесс. Классификация	Определение случайного процесса. Семейство
	случайных процессов	конечномерных распределений случайного процесса.
		Математическое ожидание и ковариационная функция
		случайного процесса. Выборочное пространство
		случайного процесса. Теорема Колмогорова (о
		конечномерных распределениях случайного процесса)
		Классификация случайных процессов. Гауссовские
		случайные процессы: определение, свойства,
		винеровский случайный процесс
2.2		Непрерывность случайного процесса.
	Элементы стохастического анализа	Дифференцирование случайного процесса.
		Интегрирование случайного процесса
2.3		Марковские процессы с дискретным и непрерывным
		временем. Однородные марковские процессы
	Марковские процессы	Процессы рождения и гибели: определение,
		дифференциальные уравнения Колмогорова, связь с
		теорией массового обслуживания
2.4		Ветвящиеся процессы Гальтона-Ватсона.
	Ветвящиеся процессы	Вероятность вырождения
		Контрольная работа
2.5	Общее описание систем массового	Основные элементы СМО. Типы СМО.
	обслуживания	Входящий поток. Пуассоновский поток. Символика
	,	Кендалла.
2.6		Общее описание марковских моделей
		Стационарное распределение. Характеристики
		занятости СМО в стационарном режиме.
		Cucrema M   M   1   ∞
		Cucrema M   M   n  ∞
		Система Эрланга
	Manyanawa	Одна задача об оптимальном количестве
	Марковские модели	обслуживающих приборов для системы Эрланга
		Система М   М   п  т
		Система «п станков — m рабочих»
		Линейные стохастические сети массового
		обслуживания
		Характеристики занятости сетей в стационарном
		режиме.
		Система <i>М   G   1  </i> ∞.

	1,5
	Контрольная работа
	Коптрольная расота

#### 13.2. Темы (разделы) дисциплины и виды занятий

<b>№</b> п/п	Наименование раздела дисциплины	Лекции	Практические	Лабораторные	Самостоятельная работа	Всего
01	Случайный процесс. Классификация случайных процессов	4	4	-	13	21
02	Элементы стохастического анализа	8	8	-	13	29
03	Марковские процессы	4	4	-	14	22
04	Ветвящиеся процессы	4	2	-	8	14
05	Общее описание систем массового обслуживания	6	2	-	8	16
06	Марковские модели	22	12	-	8	42
	Итого:	48	32	-	64	144

#### 14. Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины

В процессе преподавания дисциплины используются такие виды учебной работы, как лекции, практические занятия, а также различные виды самостоятельной работы обучающихся. На лекциях рассказывается теоретический материал, на практических занятиях решаются примеры по теоретическому материалу, прочитанному на лекциях.

При изучении курса «Теория случайных процессов и основы теории массового обслуживания» обучающимся следует внимательно слушать и конспектировать материал, излагаемый на аудиторных занятиях. Для его понимания и качественного усвоения рекомендуется следующая последовательность действий.

- 1. После каждой лекции студентам рекомендуется подробно разобрать прочитанный теоретический материал, выучить все определения и формулировки теорем, разобрать примеры, решенные на лекции. Перед следующей лекций обязательно повторить материал предыдущей лекции.
- 2. Перед практическим занятием обязательно повторить лекционный материал. После практического занятия еще раз разобрать решенные на этом занятии примеры, после чего приступить к выполнению домашнего задания. Если при решении примеров, заданных на дом, возникнут вопросы, обязательно задать на следующем практическом занятии или в присутственный час преподавателю.
- 3. При подготовке к практическим занятиям повторить основные понятия по темам, изучить примеры. Решая задачи, предварительно понять, какой теоретический материал нужно использовать. Наметить план решения, попробовать на его основе решить практические задачи.
  - 4. Выбрать время для работы с литературой по дисциплине в библиотеке

## 15. Перечень основной и дополнительной литературы, ресурсов интернет, необходимых для освоения дисциплины

а) основная литература:

	№ п/п	Источник
1	Бородин А.Н. Случайные процессы / А.Н. Бородин. – Санкт-Петербург : Лань, 2013, - 640	
L	ı	с. // Издательство «Лань» : электронно-библиотечная система. – URL: http://e.lanbook.com

б) дополнительная литература:

№ п/п	Источник
1	Кирпичников, А.П. Методы прикладной теории массового обслуживания / А.П. Кирпичников ; [науч. ред. А.М. Елизаров] .— Казань : Казанский университет, 2011 .— 199 с., [1] л. фот. : ил. — Библиогр.: с.198-199.
2	Прохоров А.В. Задачи по теории вероятностей / А.В. Прохоров, В.Г. Ушаков. – М.: Наука, 1986. – 327 с.
3	Зубков А.М. Сборник задач по теории вероятностей / А.М. Зубков, Б.А. Севастьянов, В.П. Чистяков. – М.: Наука, 1989. – 319 с.

4	Гнеденко В.В. Курс теории вероятности / В.В. Гнеденко. – М.: Наука, 1988. – 400 с.
5	Волков И.К. Случайные процессы / Волков И.К., Зуев С.М., Цветкова Г.М. – М.: МГТУ, 2000. – 448 с.
6	Боровков А.А. Теория вероятностей / А.А. Боровков. – М.: УРСС, 2003. – 470 с.
7	Севастьянов В.А. Курс теории вероятностей и математической статистики / В.А. Севастьянов. – Ижевск : Ин-т компьютерных исследований, 2004. – 272 с.
8	Булинский А.В. Теория случайных процессов / А.В. Булинский, А.Н. Ширяев. – М.: Физматлит, 2003. – 399 с.

#### в) информационные электронно-образовательные ресурсы (официальные ресурсы интернет)\*:

№ п/п	Источник
1	http://www.lib.vsu.ru - электронный каталог ЗНБ ВГУ
2	http://www.kuchp.ru – электронный сайт кафедры уравнений в частных производных и теории вероятностей, на котором размещены методические издания
3	ЭБС «Университетская библиотека онлайн»
4	https://edu.vsu.ru/course/view.php?id=11876 — электронный курс «Теория вероятностей»

## 16. Перечень учебно-методического обеспечения для самостоятельной работы

№ п/п	Источник
1	Михайлова И.В., Баркова Л.Н. Теория случайных процессов: пособие для студентов 4-5 курсов всех форм обучения математического факультета / сост. И.В. Михайлова, Л.Н. Баркова. — Воронеж, 2004. —№ 1013. — 15 с.
2	Михайлова И.В., Баркова Л.Н. Теория случайных процессов Часть 2: учебно- методическое пособие для студентов 4-5 курсов всех форм обучения математического факультета / сост. И.В. Михайлова, Л.Н. Баркова. — Воронеж, 2005. — 15 с.
3	Положение об организации самостоятельной работы обучающихся в Воронежском государственном университете

## 17. Информационные технологии, используемые для реализации учебной дисциплины, включая программное обеспечение и информационносправочные системы (при необходимости)

Дисциплина может реализовываться с применением дистанционных образовательных технологий, например, на платформе «Электронный университет ВГУ» (https://edu.vsu.ru/course/view.php?id=11876).

Перечень необходимого программного обеспечения: Microsoft Windows 10 Enterprise 64 bit, LibreOffice 6 Writer (текстовый процессор), браузер Mozilla Firefox.

#### 18. Материально-техническое обеспечение дисциплины:

Специализированная мебель.

Для самостоятельной работы используется класс с компьютерной техникой, оснащенный необходимым программным обеспечением, электронными учебными пособиями и законодательноправовой и нормативной поисковой системой, имеющий выход в глобальную сеть.

При реализации дисциплины с использованием дистанционного образования возможны дополнения материально-технического обеспечения дисциплины.

#### 19. Фонд оценочных средств

## 19.1. Перечень компетенций с указанием этапов формирования и планируемых результатов обучения

Код и содержание	Планируемые результаты	Этапы формирования	ФОС*
компетенции (или ее	обучения (показатели	компетенции (разделы	(средства

части)	достижения заданного уровня освоения компетенции посредством формирования	(темы) дисциплины или модуля и их наименование)	оценивания)
ОПК-1 способностью использовать фундаментальные знания в области математического анализа, комплексного и функционального анализа, алгебры, аналитической геометрии и топологии, дифференциальных уравнений, дискретной математики и математической логики, теории вероятности, математической статистики и случайных процессов, численных методов, теоретической механики в будущей	знаний, умений, навыков)  Знать: основные понятия теории случайных процессов: классификация случайных процессов, элементы стохастического анализа, марковские процессы Уметь: строить стохастические модели обширного класса реальных физических явлений, не укладывающихся в рамки детерминированных конструкций Владеть: владеть основами создания стохастических моделей	1-6	КИМ(Контрольная работа №1), КИМ(Контрольная работа №2), КИМ(экзамен)
профессиональной деятельности  ОПК-2 способность использовать современные математические методы и современные прикладные программные средства и осваивать современные технологии программирования	Знать: основные понятия теории случайных процессов: числовые характеристики случайных процессов, элементы стохастического анализа, винеровский процесс; основные элементы систем массового обслуживания, марковские модели и пр. Уметь: строить стохастические модели обширного класса реальных физических явлений, не укладывающихся в рамки детерминированных конструкций Владеть: владеть основами создания стохастических моделей	1-6	КИМ(Контрольная работа №1), КИМ(Контрольная работа №2), КИМ(экзамен)
ПК-9 способность выявлять естественную сущность проблем, возникающих в ходе профессиональной деятельности, готовность использовать для их решения соответствующий	Знать: основные способы постановки задач не укладывающихся в рамки детерминированных конструкций Уметь: решать задачи теоретического и прикладного характера в рамках курса Владеть: пониманием основных фактов, концепций, принципов теорий, связанных с	1-6	КИМ(Контрольная работа №1), КИМ(Контрольная работа №2), КИМ(экзамен)

естественнонаучный аппарат	теорией случайных процессов		
ПК-10 способность	Знать: основные способы	1-6	КИМ(Контрольная
применять	постановки задач не	1-0	работа №1),
математический	укладывающихся в рамки		КИМ(Контрольная
аппарат для	детерминированных		работа №2),
решения	конструкций		КИМ(экзамен)
поставленных	Уметь: применять полученную		,
задач, способность	теоретическую базу для		
применить	решения конкретных задач		
соответствующую	теории вероятностей		
процессу	Владеть: методами		
математическую	исследования стохастических моделей		
модель и проверить её адекватность,	Моделей		
провести анализ			
результатов			
моделирования,			
принять решение на			
основе полученных			
результатов			
ПК-12 способность	Знать: основные понятия	1-6	КИМ(Контрольная
самостоятельно	курса, определения и свойства		работа №1),
изучать новые	математических объектов в		КИМ(Контрольная
разделы	этой области, формулировки утверждений, методы их		работа №2), КИМ(экзамен)
фундаментальных наук	доказательства, возможные		Kriivi(3K3aivien)
паук	сферы их приложений		
	<b>Уметь:</b> грамотно работать с		
	научной литературой с		
	использованием новых		
	информационных технологий		
	Владеть: навыками		
	моделирования практических		
Проможительная с	задач		Omerren
Промежуточная атте	стация		Экзамен

# 19.2. Описание критериев и шкалы оценивания компетенций (результатов обучения) при промежуточной аттестации

Критерии оценивания компетенций	Уровень сформированности	Шкала оценок
	компетенций	
Оценка «отлично» выставляется в любом из	повышенный	ОТЛИЧНО
трех случаев:		
1. Выполнение пяти требований к ответу на		
каждый вопрос экзаменационного билета:		
1) правильность, полнота и глубина ответа		
(верное и глубокое изложение фактов, понятий,		
законов, закономерностей, принципов; опора		
при ответе на исходные методологические		
положения; анализ основных теоретических		
материалов, описанных в различных		

источниках, связь теории с практикой;		
иллюстрация ответа конкретными примерами;		
отсутствие необходимости в уточняющих		
вопросах);		
2) логическая последовательность изложения		
материала в процессе ответа;		
3) грамотное изложение материала на высоком		
научном уровне, высокая культура речи;		
4) наличие полных и обоснованных выводов;		
5) демонстрация собственной		
профессиональной позиции (творческое		
применение знаний в практических ситуациях,		
демонстрация убежденности, а не безразличия;		
демонстрация умения сравнивать,		
классифицировать, обобщать).		
2. Невыполнение одного из перечисленных		
требований (к одному из вопросов		
экзаменационного билета) и правильный ответ		
на дополнительный вопрос в пределах		
программы.		
3. Невыполнение двух из перечисленных		
требований (либо двух к одному вопросу, либо		
по одному к каждому вопросу		
экзаменационного билета) и правильные		
ответы на два дополнительных вопроса в		
пределах программы.		
		VOROUIO
Оценка «хорошо» выставляется в любом из	достаточный	хорошо
трех случаев:		
1. Невыполнение одного из требований к ответу		
(к одному из вопросов экзаменационного		
билета), предъявляемых к оценке «отлично»		
(п.1), и неправильный ответ на дополнительный		
вопрос в пределах программы.		
2. Невыполнение двух требований (либо двух к		
одному вопросу, либо по одному к каждому		
вопросу экзаменационного билета),		
предъявляемых к оценке «отлично» (п.1), и		
правильный ответ только на один		
дополнительный вопрос в пределах программы.		
3. Невыполнение трех требований (в		
различных комбинациях по отношению к		
вопросам экзаменационного билета),		
предъявляемых к оценке «отлично» (п.1), и		
правильные ответы не менее, чем на два		
дополнительных вопроса в пределах		
программы.		
Оценка «удовлетворительно» выставляется в	пороговый	УДОВЛЕТВОРИТЕЛЬНО
любом из трех случаев:		
1. Невыполнение двух требований (либо двух к		
одному вопросу, либо по одному к каждому		
вопросу экзаменационного билета),		
предъявляемых к оценке «отлично» (п.1), и		
неправильные ответы на два дополнительных		
вопроса в пределах программы.		
2. Невыполнение трех требований (в различных		
комбинациях по отношению к вопросам		
экзаменационного билета), предъявляемых к		
оценке «отлично» (п.1), и правильный ответ		
только на один дополнительный вопрос в		
пределах программы.		
3. Невыполнение четырех требований (в различных комбинациях по отношению к		

вопросам экзаменационного билета),		
предъявляемых к оценке «отлично» (п.1), и		
правильные ответы не менее, чем на два		
дополнительных вопроса в пределах		
программы.		
Оценка «неудовлетворительно» выставляется в	_	НЕУДОВЛЕТВОРИТЕЛЬНО
любом из трех случаев:		
1. Невыполнение более четырех требований (в		
различных комбинациях по отношению к		
вопросам экзаменационного билета),		
предъявляемых к оценке «отлично» (п.1).		
2. Невыполнение трех требований (в различных		
комбинациях по отношению к вопросам		
экзаменационного билета), предъявляемых к		
оценке «отлично» (п.1), и неправильные ответы		
на два дополнительных вопроса в пределах		
программы.		
3. Невыполнение четырех требований (в		
различных комбинациях по отношению к		
вопросам экзаменационного билета),		
предъявляемых к оценке «отлично» (п.1), и		
правильный ответ только на один из не		
менее двух дополнительных вопросов в		
пределах программы.		

19.3. Типовые контрольные задания или иные материалы, необходимые для оценки знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующие этапы формирования компетенций в процессе освоения образовательной программы

#### 19.3.1 Перечень вопросов к экзамену:

- 1. Определение случайного процесса. Семейство конечномерных распределений случайного процесса.
- 2. Математическое ожидание и ковариационная функция случайного процесса.
- 3. Выборочное пространство случайного процесса. Теорема Колмогорова (о конечномерных распределениях случайного процесса)
- 4. Классификация случайных процессов.
- 5. Гауссовские случайные процессы: определение, свойства, винеровский случайный процесс
- 6. Непрерывность случайного процесса.
- 7. Дифференцирование случайного процесса.
- 8. Интегрирование случайного процесса
- 9. Марковские процессы с дискретным и непрерывным временем. Однородные марковские процессы
- 10. Процессы рождения и гибели: определение, дифференциальные уравнения Колмогорова, связь с теорией массового обслуживания
- 11. Ветвящиеся процессы Гальтона-Ватсона.
- 12. Вероятность вырождения
- 13. Основные элементы СМО. Типы СМО.
- 14. Входящий поток. Пуассоновский поток. Символика Кендалла.
- 15. Общее описание марковских моделей
- 16. Стационарное распределение. Характеристики занятости СМО в стационарном режиме.
- 17. Система М | М | 1 | ∞
- 18. Система М | М | п |∞
- 19. Система Эрланга
- 20. Одна задача об оптимальном количестве обслуживающих приборов для системы Эрланга
- 21. Система M | M | n |m
- 22. Система «п станков m рабочих»
- 23. Линейные стохастические сети массового обслуживания
- 24. Характеристики занятости сетей в стационарном режиме.
- 25. Система *M* | *G* | 1 | ∞.

- 1. Определение случайного процесса. Семейство конечномерных распределений случайного процесса.
- 2. Система Эрланга

#### 19.3.4. Перечень заданий для контрольных работ

#### Контрольная работа № 1

#### Вариант № 1

1. Найти характеристики случайного процесса

$$\xi_{t}(\omega) = 8\xi_{1} + 3t\xi_{2} - t^{3}$$
, если  $\xi_{1}, \xi_{2}$  - случайные величины с

$$M\xi_1=2, D\xi_1=1, M\xi_2=3, D\xi_2=2$$
 и случайные величины стохастически независимы.

- 2. Найти ковариационную функцию винеровского случайного процесса, используя условие независимости его приращений.
  - 3.  $\{\xi(t) = \xi + t^2\}_{t \in R}$  —случайный процесс, где  $\xi \in N(0,5)$ . Найти  $M(\int_{-1}^{1} \xi(t)dt)$ .

#### Контрольная работа № 2

#### Вариант № 1

- 1. Для условия, когда поступления требований совершенно случайны, подберите взятый из жизни пример, которые иллюстрирует характер функционирования системы массового обслуживания.
- 2. Рассмотреть систему «n станков m рабочих». Для n=3, m=2 построить граф системы и найти стационарное распределение.
  - 3. Формула Эрланга для двухканальной системы массового обслуживания

## 19.4. Методические материалы, определяющие процедуры оценивания знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующих этапы формирования компетенций

Текущий контроль представляет собой проверку усвоения учебного материала теоретического и практического характера, регулярно осуществляемую на занятиях.

К основным формам текущего контроля можно отнести устный опрос, проверку домашних заданий, контрольные работы.

Задание для текущего контроля и проведения промежуточной аттестации должны быть направлены на оценивание:

- 1. уровня освоения теоретических и практических понятий, научных основ профессиональной деятельности;
- 2. степени готовности обучающегося применять теоретические и практические знания и профессионально значимую информацию, сформированности когнитивных умений.
  - 3. приобретенных умений, профессионально значимых для профессиональной деятельности.

<u>Текущий контроль</u> предназначен для проверки хода и качества формирования компетенций, стимулирования учебной работы обучаемых и совершенствования методики освоения новых знаний. Он обеспечивается проведением контрольных заданий и домашних работ, проверкой конспектов лекций, периодическим опросом слушателей на занятиях.

Формы, методы и периодичность текущего контроля определяет преподаватель.

При текущем контроле уровень освоения учебной дисциплины и степень сформированности компетенции определяются оценками за контрольные работы.

#### Описание технологии проведения

Контрольные работы проводятся письменно. В ходе контрольной работы обучающимся выдаётся КИМ с перечнем практических заданий и предлагается решить данные задания. В ходе выполнения заданий можно пользоваться письменными принадлежностями, знаниями, полученными

в ходе изучения данного курса, нельзя пользоваться справочными материалами, на выполнение работы отводится два академических часа.

#### Требование к выполнению заданий

#### Контрольная работа

За контрольную работу ставится оценка «зачтено» в случае, если обучающийся выполнил:

- правильно в полном объеме все задания контрольной работы, показал отличные владения навыками применения полученных знаний и умений при решении профессиональных задач в рамках усвоенного материала;
- обучающийся выполнил все задания с небольшими неточностями и показал хорошие владения навыками применения полученных знаний и умений при решении профессиональных задач в рамках усвоенного материала;
- обучающий выполнил половину из предложенных заданий правильно, остальные с существенными неточностями и показал удовлетворительное владение навыками полученных знаний и умений при решении профессиональных задач в рамках усвоенного материала.

В остальных случаях обучающемуся ставится за контрольную работу «не зачтено».

Если текущая аттестация проводится в дистанционном формате, то обучающийся обязательно должен иметь компьютер, микрофон, камеру. Если у обучающегося отсутствует необходимое оборудование, то он обязан сообщить преподавателю об этом за сутки. На контрольную работу в дистанционном режиме отводится ограничение по времени. Работа длится в течение двух академических часов.

<u>Промежуточная аттестация</u> предназначена для определения уровня освоения всего объема учебной дисциплины. Промежуточная аттестация по дисциплине «Теория случайных процессов и основы теории массового обслуживания» проводится в форме экзамена.

Промежуточная аттестация, как правило, осуществляется в конце семестра и может завершать изучение как отдельной дисциплины, так и ее разделов. Промежуточная аттестация помогает оценить более крупные совокупности знаний и умений, в некоторых случаях — даже формирование определенных профессиональных компетенций.

Для получения допуска к экзамену обучающийся должен иметь зачёт по всем контрольным работам. В противном случае, для получения теоретических вопросов, обучающемуся необходимо верно решить до двух практических задач (по одной за каждую не зачтённую контрольную).

На экзамене оценивается уровень освоения учебной дисциплины и степень сформированности компетенции определяются оценками «отлично», «хорошо», «удовлетворительно», «неудовлетворительно»:

«ОТЛИЧНО» – обучаемый показывает высокий интеллектуальный и общекультурный уровень, глубокое и всестороннее знание предмета, все вопросы билета будут даны правильные исчерпывающие ответы, обучающийся аргументировано и логично излагает материал, правильно решает все предложенные практические задания.

«ХОРОШО» – обучаемый показывает свой интеллектуальный и общекультурный уровень, твердо знает предмет учебной дисциплины, логично излагает изученный материал, умеет применять теоретические знания для решения практических задания, но допустивший в ответах погрешности.

«УДОВЛЕТВОРИТЕЛЬНО» – обучаемый показывает свой общекультурный уровень, в основном знает предмет учебной дисциплины, знает основные определения и термины, имеет определенные знания предмета, практические задания решить не может

«НЕУДОВЛЕТВОРИТЕЛЬНО» – степень освоения учебной дисциплины обучаемым не соответствует критериям, предъявляемым к оценке «удовлетворительно», либо, при отсутствии зачтённых контрольных работ, не решены практические задания.