#### МИНОБРНАУКИ РОССИИ

## ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ БЮДЖЕТНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ

## «ВОРОНЕЖСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ» (ФГБОУ ВО «ВГУ»)

УТВЕ	ЕРЖ	ДАЮ

Заведующий кафедрой	
математического анализа	
Баев А.Д.	9
подпись, расшифровка подписи 20г.	

#### ПРОГРАММА ГОСУДАРСТВЕННОЙ ИТОГОВОЙ АТТЕСТАЦИИ

- 1. Код и наименование направления подготовки/специальности:
- 01.06.01 МАТЕМАТИКА И МЕХАНИКА
- 2. Профиль подготовки:
- 01.01.01 Вещественный, комплексный и функциональный анализ
- **3. Квалификация (степень) выпускника:** Исследователь. Преподаватель исследователь
- 4. Форма обучения: очная
- **5. Кафедра, отвечающая за реализацию дисциплины:** кафедра математического анализа
- 6. Составители программы: Баев Александр Дмитриевич, доктор физикоматематических наук, профессор
- **7. Рекомендована:** Научно-методическим Советом математического факультета протокол № 0500-07 от 01.07.2018
- 8. Учебный год: 2018-2019 Семестр(ы): 8

**9. Цели и задачи учебной дисциплины**: Целью является проверка полученных знаний, умений и навыков, полученных при изучении дисциплин, преподаваемых в аспирантуре..

#### 10. Место учебной дисциплины в структуре ООП:

Учебная дисциплина относится к вариативному циклу дисциплин Федерального государственного образовательного стандарта высшего профессионального образования по направлению подготовки аспирантов.

# 11. Планируемые результаты обучения по дисциплине/модулю (знания, умения, навыки), соотнесенные с планируемыми результатами освоения образовательной программы (компетенциями выпускников):

	Компетенция	Планируемые результаты обучения
Код	Название	
УК-1	способностью к критиче- скому анализу и оценке современных научных достижений, генериро- ванию новых идей при решении исследо- вательских и практиче- ских задач, в том числе в междисциплинарных областях	Знать элементы вещественного анализа, новые разделы комплексного анализа, новые качественные методы функционального анализа. Уметь: решать задачи вещественного анализа, комплексного анализа и функционального анализа.
УК-3	готовностью участвовать в работе российских и международных исследовательских коллективов по решению научных и научно-образовательных задач	Знать элементы вещественного анализа, новые разделы комплексного анализа, новые качественные методы функционального анализа. Уметь: решать задачи вещественного анализа, комплексного анализа и функционального анализа.
УК-5	способностью планировать и решать задачи собственного профессионального и личностного развития	Знать элементы вещественного анализа, новые разделы комплексного анализа, новые качественные методы функционального анализа. Уметь: решать задачи вещественного анализа, комплексного анализа и функционального анализа.
ОПК- 1	способностью самостоятельно осуществлять научно- исследовательскую деятельность в соответствующей профессиональной области с использованием современных методов исследования и информационно-коммуникационных технологий	Знать элементы вещественного анализа, новые разделы комплексного анализа, новые качественные методы функционального анализа. Уметь: решать задачи вещественного анализа, комплексного анализа и функционального анализа.
ПК-1	способность к научно- исследовательской деятельности в области фундаментальной и/или прикладной математики, в частности, в областях	Знать элементы вещественного анализа, новые разделы комплексного анализа, новые качественные методы функционального анализа. Уметь: решать задачи вещественного анализа, комплексного анализа и функционального анализа.

ПК-2	математической логики, алгебры, теории чисел, алгебраической геометрии, дифференциальной геометрии, топологии, дифференциальных уравнений, теории вероятностей и математической статистики, математической физики способность исследовать универсальные математические закономерности, лежащие в основе моделей случайных явлений, и прилагать эти закономерности к изучению свойств конкретных вероятностных	Знать элементы вещественного анализа, новые разделы комплексного анализа, новые качественные методы функционального анализа. Уметь: решать задачи вещественного анализа, комплексного анализа и функционального анализа.
ПК-	моделей способность писать	Знать элементы вещественного анализа, новые
3	научные статьи высокого качества	разделы комплексного анализа, новые качественные методы функционального анализа. Уметь: решать задачи вещественного анализа, комплексного анализа и функционального анализа.
ПК-4	способность к преподаванию математических дисциплин и учебно-методической работе по областям профессиональной деятельности	Знать элементы вещественного анализа, новые разделы комплексного анализа, новые качественные методы функционального анализа. Уметь: решать задачи вещественного анализа, комплексного анализа и функционального анализа.
ПК-5	способность делать на- учные доклады высо- кого уровня на рос- сийских и междуна- родных конференциях	Знать элементы вещественного анализа, новые разделы комплексного анализа, новые качественные методы функционального анализа. Уметь: решать задачи вещественного анализа, комплексного анализа и функционального анализа.

## **12. Объем дисциплины в зачетных единицах/час.**(в соответствии с учебным планом) — **9** / 324.

#### Форма промежуточной аттестации (зачет/экзамен) зачет .

13. Виды учебной работы

D	Tay-200-0-0
вид учеонои расоты	І рудоемкость
1.7	1 31 1

	Всего	По семестрам		
	Decio	8 семестр	№ семестра	
Аудиторные занятия				
в том числе: лекции				
практические				
лабораторные				
Самостоятельная работа	324	324		
Форма промежуточной аттестации	324	324		
(зачет – 0 час. / экзамен  –час.)				
Итого:		зачет		

#### 13.1. Содержание дисциплины

п/п	Наименование раздела дисциплины	Содержание раздела дисциплины
1	Вещественный, комплексный и функциональный анализ	Элементы вещественного анализа. Новые разделы комплексного анализа. Новые качественные методы функционального анализа
2	Глобальный анализ и его приложения	Степень отображений ориентируемых конечномерных многообразий
		Банаховы пространства и линейные фредгольмовы операторы Степень фредгольмовых отображений банаховых многообразий. Метод конечномерной редукции
		Фредгольмовы операторы в теории линейных дифференциальных уравнений Применение ориентированной степени в исследовании
		нелинейных дифференциальных уравнений
3	Дополнительные главы математического анализа	Монотонные функции. Функции с конечным изменением. Дифференциальные свойства. Интеграл Стилтьеса. Предельный преход под знаком интеграла.
		Определение. дифференциальные свойства. Неопределенный интеграл Лебега. Точки плотности. Аппроксимативная плотность. Интеграл Перрона. Свойства. Неопределенный интеграл Перрона. Абстрактный интеграл. Интеграл Данжуа. Теорема Хаке. Широкий интеграл Данжуа
4	Топологическая теория	Степени и индексы эквивариантности отображений
	неподвижных точек	когомологических сфер с действиями конечных и некоторых
		компактных групп
		Гомотопические методы минимизации множества неподвижных
		точек эквивариантных отображений
		Минимизация совпадений в положительной коразмерности Метод каскадного поиска и его приложения
5	Теория фреймов	Преобразование Габора. Оконное преобразование Фурье.
Ü	теория френиов	Непрерывное всплесковое преобразование
		Двоичные всплески и формулы обращения
		Фреймы. Всплесковые ряды
6	Дополнительные главы	Непрерывные меры и атомы. Пространства.
	функционального анализа	Сопряженные пространства.
		Свойство Данфорда – Петтиса
7	Дополнительные главы теории	Теория вычетов
	функций комплексного	Конформные отображения
	переменного	Метод перевала Специальные функции
8	Дополнительные главы теории	Поведение собственных функций на бесконечности
5	асимптотических методов	элементы теории возмущений
	асимптотических методов	сильная сходимость решений операторных уравнений
		слабая сходимость решений операторных уравнений
		асимптотика решений уравнений с частными производными

9	Дополнительные главы теории	Гильбертовы пространства.
	операторов в функциональных	Спектр и поле регулярности замкнутого оператора
	пространствах	Спектральные теоремы
	1 1	Унитарные инварианты спектральной меры
		Нелинейный функциональный анализ

#### 13.2. Темы (разделы) дисциплины и виды занятий

Na		Виды занятий (часов)				
<b>№</b> п/п	Наименование темы (раздела) дисциплины	Лекции	Практические	Лабораторные	Самостоятельная работа	Всего
1	Вещественный, комплексный и функциональный анализ				36	36
2	Глобальный анализ и его приложения				36	36
3	Дополнительные главы математического анализа				36	36
4	Топологическая теория неподвижных точек				36	36
5	Теория фреймов				36	36
6	Дополнительные главы функционального анализа				36	36
7	Дополнительные главы теории функций комплексного переменного				36	36
8	Дополнительные главы теории асимптотических методов				36	36
9	Дополнительные главы теории операторов в функциональных пространствах				36	36
	Итого				324	324

### 14. Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины работа с конспектами лекций

рекомендации обучающимся по освоению дисциплины: работа с конспектами лекций, презентационным материалом, выполнение практических заданий, тестов, заданий текущей аттестации и т.д.)

15. Перечень основной и дополнительной литературы, ресурсов интернет, необходимых для освоения дисциплины (список литературы оформляется в соответствии с требованиями ГОСТ и используется общая сквозная нумерация для всех видов источников)

а) основная литература:

№ п/п	Источник	
	Люстерник, Л.А. Краткий курс функционального анализа [Электронный ресурс] : учебное	
1	пособие / Л.А. Люстерник, В.И. Соболев. — Электрон. дан. — СПб. : Лань, 2009. — 272 с. —	
	Режим доступа: <a href="http://e.lanbook.com/books/element.php?pl1_id=245">http://e.lanbook.com/books/element.php?pl1_id=245</a>	
	Звягин, Виктор Григорьевич. Линейные фредгольмовы операторы и их свойства : учебное	
21	пособие для студентов вузов / В.Г. Звягин, В.Т. Дмитриенко, Н.М. Ратинер ; Воронеж. гос.	
21	ун-т .— Воронеж : ИПЦ ВГУ, 2007 .— 81 с. — Библиогр.: с.79-80 .—	
	<pre><url:http: elib="" m07-77.pdf="" method="" texts="" vsu="" www.lib.vsu.ru=""></url:http:></pre>	

б) дополнительная литература:

	№ п/п	Источник	
<b>Дьедонне, Жан.</b> Основы современного анализа / Ж. Дьедонне ; Пер. с англ. И.А. Е М.: Мир, 1964. — 430 с.: ил.		<u>Дьедонне, Жан</u> . Основы современного анализа / Ж. Дьедонне ; Пер. с англ. И.А. Вайнштейна .—	
		М.: Мир, 1964. — 430 с.: ил.	
		— — 1. математика, математический анализ.	
		Гилбарг, Дэвич. Эллиптические дифференциальные уравнения с частными производными	
3	2	второго порядка / Д. Гилбарг, Н. Трудингер ; пер. с англ. Л. П. Купцова под ред. А. К.	
	3	Гущина .— М. : Наука : Физматлит, 1989 .— 463 с. — Библиогр.: с. 438-454 .— Указ. предм.,	
		обозначений: с. 455-463 .— ISBN 5-02-013938-6.	

в)информационные электронно-образовательные ресурсы (официальные ресурсы интернет)\*:

	the second secon
№ п/п	Ресурс
1.	http://www.lib.vsu.ru – официальный сайт библиотеки ВГУ
2.	http://www.math.vsu.ru официальный сайт математического факультета ВГУ
3.	http://www.math.msu.ru – официальный сайт мехмата МГУ

<sup>\*</sup> Вначале указываются ЭБС, с которыми имеются договора у ВГУ, затем открытые электронно-образовательные ресурсы

**16.** Перечень учебно-методического обеспечения для самостоятельной работы (учебно-методические рекомендации, пособия, задачники, методические указания по выполнению практических (контрольных) работ и др.)

№ п/п	Источник
1	<b>Дьедонне, Жан.</b> Основы современного анализа / Ж. Дьедонне ; Пер. с англ. И.А. Вайнштейна .— М. : Мир, 1964 .— 430 с. : ил.
	—— 1. математика, математический анализ.
2	Гилбарг, Дэвич. Эллиптические дифференциальные уравнения с частными производными второго порядка / Д. Гилбарг, Н. Трудингер; пер. с англ. Л. П. Купцова под ред. А. К. Гущина .— М.: Наука: Физматлит, 1989 .— 463 с. — Библиогр.: с. 438-454 .— Указ. предм., обозначений: с. 455-463 .— ISBN 5-02-013938-6.

17. Информационные технологии, используемые для реализации учебной дисциплины, включая программное обеспечение и информационно-справочные системы (при необходимости)

	18. I	Матер	иально-техн	ическое о	обеспечение	дисциплинь
--	-------	-------	-------------	-----------	-------------	------------

Доска, мел, тряпка, учебные пособия, компьютер.

#### 19. Фонд оценочных средств:

### 19.1. Перечень компетенций с указанием этапов формирования и планируемых результатов обучения

Код и содержание компетенции (или ее части)	Планируемые результаты обучения (показатели достижения заданного уровня освоения компетенции посредством формирования знаний, умений, навыков)	Этапы формирования компетенции (разделы (темы) дисциплины или модуля и их наименование)	ФОС* (средства оценивания)
УК-1	Знать элементы вещественного анализа, новые разделы комплексного анализа, новые качественные методы функционального анализа.	Все разделы	Контрольная работа
	Уметь: решать задачи вещественного анализа, комплексного анализа и	Все разделы	Контрольная работа

	WANTANIO TO LE STORIA SE		
	функционального анализа.	Все разделы	
	Владеть: Элементами вещественного	Бос раздолы	
	анализа, новыми разделами		1/2
	комплексного анализа, новыми ка-		Контрольная работа
	чественными методами функцио-		
	нального анализа.		17.
УК-3	Знать элементы вещественного	Все разделы	Контрольная работа
	анализа, новые разделы		
	комплексного анализа, новые		
	качественные методы		
	функционального анализа.		
	Уметь: решать задачи	Все разделы	Контрольная работа
	вещественного анализа,		
	комплексного анализа и		
	функционального анализа.		
	Владеть: элементами вещественного	Все разделы	Контрольная работа
	анализа, новыми разделами	1:	
	комплексного анализа, новыми ка-		
	· ·		
	чественными методами функцио-		
	нального анализа.		Контрольная работа
ОПК-1	Знать элементы вещественного	Все разделы	Контрольная расста
	анализа, новые разделы	,	
	комплексного анализа, новые		
	качественные методы		
	функционального анализа.		
	Уметь: решать задачи	Все разделы	Контрольная работа
	вещественного анализа,	осе разделы	
	комплексного анализа и		
	функционального анализа.		
	Владеть: элементами вещественного	D	Контрольная работа
	анализа, новыми разделами	Все разделы	
	комплексного анализа, новыми ка-		
	чественными методами функцио-		
	нального анализа.		
ПК-1	Знать элементы вещественного		Контрольная работа
	анализа, новые разделы	Все разделы	
	комплексного анализа, новые		
	качественные методы		
	функционального анализа.		
	Уметь: решать задачи		Контрольная работа
		Все разделы	
	•		
	функционального анализа.		Контрольная работа
	Владеть: элементами вещественного	Все разделы	Контрольная расста
	анализа, новыми разделами		
	комплексного анализа, новыми ка-		
	чественными методами функцио-		
	нального анализа.		
ПК-2	Знать элементы вещественного	Ree paarent	Контрольная работа
	анализа, новые разделы	Все разделы	
	комплексного анализа, новые		
	качественные методы		
	функционального анализа.		
	Уметь: решать задачи		Контрольная работа
		1	1

	POULOCTPOLILIOFO QUARIAGA	Все разделы	
	вещественного анализа,	Все разделы	
	комплексного анализа и		
	функционального анализа.		Контрольная работа
	Владеть: элементами вещественного	Все разделы	Контрольная расота
	анализа, новыми разделами	тоо раздали	
	комплексного анализа, новыми ка-		
	чественными методами функцио-		
	нального анализа.		
ПК-3	Знать элементы вещественного	Вос постоя и	Контрольная работа
	анализа, новые разделы	Все разделы	
	комплексного анализа, новые		
	качественные методы		
	функционального анализа.		
	Уметь: решать задачи		Контрольная работа
	вещественного анализа,	Все разделы	
	комплексного анализа и		
	функционального анализа.		
	Владеть: Элементами вещественного		Контрольная работа
		Все разделы	nomposizioni paccia
	анализа, новыми разделами		
	комплексного анализа, новыми ка-		
	чественными методами функцио-		
F16.4	нального анализа.		
ПК-4	Знать элементы вещественного	Все разделы	Контрольная работа
	анализа, новые разделы	Вое расдолы	
	комплексного анализа, новые		
	качественные методы		
	функционального анализа.		
	Уметь: решать задачи	Dag magaza	Контрольная работа
	вещественного анализа,	Все разделы	
	комплексного анализа и		
	функционального анализа.		
	Владеть: элементами вещественного	_	Контрольная работа
	анализа, новыми разделами	Все разделы	
	комплексного анализа, новыми ка-		
	чественными методами функцио-		
	нального анализа.		
ПК-5	Знать Вещественный, комплексный и		Контрольная работа
3	функциональный анализ.	Все разделы	
	Уметь: решать задачи		Контрольная работа
	вещественного анализа,	Все разделы	
	комплексного анализа и		
	функционального анализа.		Контрольная работа
	Владеть: элементами вещественного	Все разделы	Контрольная расста
	анализа, новыми разделами		
	комплексного анализа, новыми ка-		
	чественными методами функцио-		
	нального анализа.		
Промочения			ICIANA
Промежуточная	напестация		КИМ

 $<sup>^{*}</sup>$  В графе «ФОС» в обязательном порядке перечисляются оценочные средства текущей и промежуточной аттестаций.

### 19.2 Описание критериев и шкалы оценивания компетенций (результатов обучения) при промежуточной аттестации

- 1) знание учебного материала и владение понятийным аппаратом;
- 2) умение связывать теорию с практикой;
- 3) умение иллюстрировать ответ примерами, фактами, данными научных исследований;
- 4) умение применять полученные знания на практике;
- 5) владение понятийным аппаратом данной области науки (теоретическими основами дисциплины), способность иллюстрировать ответ примерами, фактами, данными научных исследований, применять теоретические знания для решения практических задач.

Критерии оценивания компетенций	Уровень сформирован ности компетенций	Шкала оценок
Обучающийся в полной мере владеет понятийным аппаратом данной области науки (теоретическими основами дисциплины),	Повышенный уровень	зачет
способен иллюстрировать ответ примерами, фактами, данными	,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,	
научных исследований, применять теоретические знания для решения практических задач в области		
Обучающийся владеет понятийным аппаратом данной области	Базовый	зачет
науки (теоретическими основами дисциплины), допускает не значительные ошибки при ответе.	уровень	
Обучающийся владеет частично теоретическими основами дисциплины, фрагментарно способен дать ответ.	Пороговый уровень	зачет
Обучающийся демонстрирует отрывочные, фрагментарные знания, допускает грубые ошибки,	_	Незачет

# 19.3 Типовые контрольные задания или иные материалы, необходимые для оценки знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующие этапы формирования компетенций в процессе освоения образовательной программы

#### 19.3.1 Перечень вопросов к экзамену (зачету): (нужное выбрать)

- 1. Элементы вещественного анализа. Новые разделы комплексного анализа.
- 2. Новые качественные методы функционального анализа
- 3. Степень отображений ориентируемых конечномерных многообразий
- 4. Банаховы пространства и линейные фредгольмовы операторы
- 5. Степень фредгольмовых отображений банаховых многообразий. Метод конечномерной редукции
- 6. Фредгольмовы операторы в теории линейных дифференциальных уравнений
- 7. Применение ориентированной степени в исследовании нелинейных дифференциальных уравнений
- 8. Монотонные функции. Функции с конечным изменением. Дифференциальные свойства. Интеграл Стилтьеса. Предельный преход под знаком интеграла.
- 9. Определение. дифференциальные свойства. Неопределенный интеграл Лебега. Точки плотности. Аппроксимативная плотность.
- 10. Интеграл Перрона. Свойства. Неопределенный интеграл Перрона. Абстрактный интеграл. Интеграл Данжуа. Теорема Хаке. Широкий интеграл Данжуа
- 11. Степени и индексы эквивариантности отображений когомологических сфер с действиями конечных и некоторых компактных групп
- 12. Гомотопические методы минимизации множества неподвижных точек эквивариантных отображений
- 13. Минимизация совпадений в положительной коразмерности
- 14. Метод каскадного поиска и его приложения
- 15. Преобразование Габора. Оконное преобразование Фурье. Непрерывное всплесковое преобразование
- 16. Двоичные всплески и формулы обращения
- 17. Фреймы. Всплесковые ряды
- 18. Непрерывные меры и атомы. Пространства.
- 19. Сопряженные пространства.
- 20. Свойство Данфорда Петтиса
- 21. Теория вычетов
- 22. Конформные отображения
- 23. Метод перевала

**19.4.** Методические материалы, определяющие процедуры оценивания знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующих этапы формирования компетенций Текущий контроль представляет собой проверку усвоения учебного материала теоретического и практического характера, регулярно осуществляемую на занятиях.

К основным формам текущего контроля можно отнести устный опрос.

Промежуточная аттестация предназначена для определения уровня освоения всего объема учебной дисциплины в форме зачета.

Промежуточная аттестация, как правило, осуществляется в конце семестра и может завершать изучение как отдельной дисциплины, так и ее разделов. Промежуточная аттестация помогает оценить более крупные совокупности знаний и умений, в некоторых случаях даже формирование определенных компетенций.

На зачете оценивается практический уровень освоения дисциплины и степень сформированности компетенций оценками «зачет» и «не зачет».

Задания текущего контроля и проведение промежуточной аттестации должны быть направлены на оценивание уровня освоения теоретических и практических понятий, научных основ профессиональной деятельности; степени готовности обучающегося применять теоретические и практические знания и практически значимую информацию; приобретение умений профессионально значимых для профессиональной деятельности.

#### ЛИСТ СОГЛАСОВАНИЙ

#### РАБОЧАЯ ПРОГРАММА УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ

Направление/специальность 10.05.04 Информационно-аналитические системы безопасности

код и наименование направления/специальности

ірофиль подготовки	в соответствии с Учебным планом		
Форма обучения очная			
/чебный год 2017/2018			
Ответственный исполнитель	2/		
	Jul	Баев А.Д 20	
должность, подразделение	подпись	расшифровка подписи	
Исполнители	Wagaa	20	
доцент КМА должность, подразделение	Шабров С.А. подпись	20 расшифровка подписи	
СОГЛАСОВАНО			
Куратор ООП			
по направлению/специальности	подпис		
Начальник отдела обслуживания		2 дпись расшифровка подг	

Программа рекомендована НМС математического факультета, протокол №0500-06 от 26.06.2017г.