

МИНОБРНАУКИ РОССИИ
ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ БЮДЖЕТНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ
ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ
«ВОРОНЕЖСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ»
(ФГБОУ ВО «ВГУ»)

УТВЕРЖДАЮ
Заведующий кафедрой
математического анализа


(подпись)

А.Д. Баев

03.07.2018

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ

Б1.Б.07 Математический анализ

- 1. Шифр и наименование направления подготовки/специальности:**
01.05.01 Фундаментальные математика и механика
- 2. Профиль подготовки/специализации/магистерская программа:**
- 3. Квалификация (степень) выпускника:** Специалист
- 4. Форма обучения:** Очная
- 5. Кафедра, отвечающая за реализацию дисциплины:** Кафедра математического анализа
- 6. Составители программы:**
Плетнева Ольга Константиновна, к.п.н., доцент
- 7. Рекомендована:** Научно-методическим Советом математического факультета, протокол №0500-07 от 03.07.2018г.
- 8. Учебный год:** 2018/2019 **Семестр(-ы):** 1, 2, 3, 4

9. Цели и задачи учебной дисциплины:

Цели изучения дисциплины:

- подготовка студента к восприятию математического аппарата специальных дисциплин, чтению специальной литературы;
- получение базовых знаний и формирование основных навыков по математическому анализу, необходимых для решения задач, возникающих в практической экономической деятельности;
- развитие логического мышления;
- формирование необходимого уровня математической подготовки для понимания других математических дисциплин, изучаемых в рамках профиля экономического направления.

Задачи дисциплины:

- демонстрация на примерах математических понятий и методов сущности научного подхода, специфики математики, ее роли в развитии других наук;
- овладение студентами основными математическими понятиями математического анализа;
- выработка умений анализировать полученные результаты, решать типовые задачи, приобретение навыков работы со специальной математической литературой;
- формирование умений использовать математический аппарат для решения теоретических и прикладных задач.

10. Место учебной дисциплины в структуре ООП:

Дисциплина «Математический анализ» относится к учебным дисциплинам базовой части блока Б1 основной образовательной программы направления подготовки 01.05.01 – Фундаментальные математика и механика – Специалист.

Дисциплина «Математический анализ» базируется на знаниях, полученных в рамках школьного курса «Математика» или соответствующих математических дисциплин среднего профессионального образования, использующих соответствующие количественные методы. Приобретенные в результате обучения знания, умения и навыки используются во всех без исключения математических и естественнонаучных дисциплинах, модулях и практиках.

11. Планируемые результаты обучения по дисциплине/модулю (знания, умения, навыки), соотнесенные с планируемыми результатами освоения образовательной программы (компетенциями выпускников):

Компетенция		Планируемые результаты обучения
Код	Название	
ОК-7	готовность к саморазвитию, самореализации, использованию творческого потенциала	знать: - факторы, влияющие на самоорганизацию и самообразование в области профессиональной деятельности; - принципы и технологии, методы и средства самоорганизации и самообразования; - основы и структуру самостоятельной работы; - инструментарий обеспечения высокой мотивации к выполнению профессиональной деятельности уметь: - самостоятельно организовывать свою деятельность, заниматься самообразованием, понимать основы и структуру самостоятельной работы; - применять методы повышения значимости

		<p>своей будущей профессии владеть:</p> <ul style="list-style-type: none"> - способностью к самоорганизации и самообразованию в профессиональной деятельности; - основами и структурой самостоятельной работы.
ОПК-1	<p>готовность использовать фундаментальные знания в области математического анализа, комплексного и функционального анализа, алгебры, аналитической геометрии, дифференциальной геометрии и топологии, дифференциальных уравнений, дискретной математики и математической логики, теории вероятностей, математической статистики и случайных процессов, численных методов, теоретической механики в будущей профессиональной деятельности</p>	<p>знать:</p> <ul style="list-style-type: none"> - основные понятия, определения и свойства объектов математического анализа, формулировки и доказательства утверждений, методы их доказательства; - возможные сферы их связи и приложения в других областях математического знания и дисциплинах естественнонаучного содержания. <p>уметь:</p> <ul style="list-style-type: none"> - доказывать утверждения математического анализа, решать задачи математического анализа; - уметь применять полученные навыки в других областях математического знания и дисциплинах естественнонаучного содержания. <p>владеть:</p> <ul style="list-style-type: none"> - готовностью использовать фундаментальные знания в области математического анализа, комплексного и функционального анализа, алгебры, аналитической геометрии, дифференциальной геометрии и топологии, дифференциальных уравнений, дискретной математики и математической логики, теории вероятностей, математической статистики и случайных процессов, численных методов, теоретической механики в будущей профессиональной деятельности.
ОПК-2	<p>способность решать стандартные задачи профессиональной деятельности на основе информационной и библиографической культуры с применением информационно-коммуникационных технологий и с учетом основных требований информационной безопасности</p>	<p>знать:</p> <ul style="list-style-type: none"> - содержание утверждений и следствий из них, используемых для обоснования выбираемых методов математического анализа решения профессиональных задач; - основные приемы решения математических задач <p>уметь:</p> <ul style="list-style-type: none"> - применять полученные знания по дисциплине при анализе способов решения поставленных задач; - применять инструментальный математический анализ при решении поставленных задач <p>владеть:</p> <ul style="list-style-type: none"> - способностью производить самостоятельный выбор методов и способов решения; - навыками решения основных математических задач; - навыками сбора и обработки необходимых данных для математической постановки и решения прикладных задач; - навыками анализа и интерпретации результатов решения задач.

ОПК-3	способность к интенсивной научно-исследовательской деятельности	<p>знать:</p> <ul style="list-style-type: none"> - методы математического анализа и математического моделирования; <p>уметь:</p> <ul style="list-style-type: none"> - самостоятельно использовать методы математического анализа и математическое моделирование для решения научно-исследовательских задач; <p>владеть:</p> <ul style="list-style-type: none"> - способностью к самостоятельной научно-исследовательской работе.
-------	-----------------------------------------------------------------	-------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------

12. Объем дисциплины в зачетных единицах/часах в соответствии с учебным планом — 26/936.

Форма промежуточной аттестации зачет, экзамен.

13. Виды учебной работы:

Вид учебной работы	Трудоемкость (часы)				
	Всего	По семестрам			
		1 сем.	2 сем.	3 сем.	4 сем.
Аудиторные занятия	532	144	144	108	136
в том числе: лекции	266	72	72	54	68
практические					
лабораторные	266	72	72	54	68
Самостоятельная работа	260	54	54	90	62
Контроль	144	36	36	36	36
Итого:	936	234	234	234	234

13.1. Содержание разделов дисциплины:

№ п/п	Наименование раздела дисциплины	Содержание раздела дисциплины
Лекции		
1.1	Введение. Элементы логики и теории множеств	
1.2	Вещественные числа	Множество \mathbb{R}^1 . Аксиомы поля. Свойство непрерывности вещественной прямой. Аксиомы Архимеда, Кантора. Теорема о вложенных отрезках. Окрестность точки. Предельная точка множества, её свойство. Теорема Больцано. Мощность множества. Счётные множества, континуальные множества, их свойства. Счётность множества рациональных чисел. Континуальность множества $[0,1]$. Ограниченность множества. Верхние и нижние границы множества. Точные верхние и нижние границы, их свойства. Теорема о существовании и единственности точных границ множества.
1.3	Отображения, функции	Отображения, функции. Классификация функций. Последовательности.

1.4	Предел последовательности	Предел последовательности. Теоремы о пределах: о единственности предела; о пределе постоянной; о переходе к пределу в равенствах, об ограниченности сходящейся последовательности. Подпоследовательность. Принцип Больцано-Вейерштрасса. Частичный предел. Верхний и нижний пределы последовательности, их свойства. Условие Коши. Критерий Коши существования предела последовательности. Предел монотонной последовательности.
1.5	Теория пределов функции	Предел функции. Предел функции по множеству. Односторонние пределы. Предел по Гейне. Связь между существованием предела функции и существованием предела по множествам; по Гейне, односторонних пределов. Бесконечно малые и бесконечно большие функции, их свойства. Теорема о представлении функции, имеющей конечный предел. Теоремы о пределах: о единственности предела; о локальной ограниченности функции, имеющей конечный предел и. О свойствах пределов, связанных с неравенствами; об арифметических свойствах пределов; о пределе промежуточной функции. Условие Коши. Критерий Коши существования предела функции. О пределах монотонной функции Первый и второй замечательные пределы. Вычисление пределов с использованием компьютерных технологий.
1.6	Непрерывность функции	Непрерывность функции в точке, на множестве, односторонняя непрерывность. Точки разрыва, их классификация. Равномерная непрерывность. Арифметические свойства непрерывных функций. Непрерывность сложной функции. Свойства функций, непрерывных на отрезке: теорема Вейерштрасса. Теорема Кантора. Теорема Коши о промежуточных значениях функций. Следствия. Обратные функции, их существование и непрерывность. Непрерывность основных элементарных функций и элементарных функций. Замечательные пределы. Сравнение функций.
1.7	Производная и дифференциал	Производная. Непрерывность функции, имеющей производную. Геометрический и физический смысл производной. Арифметические свойства производной. Производная обратной функции. Производная сложной функции. Производные гиперболических функций. Таблица производных. Логарифмическая производная. Производная функции, заданной параметрически. Дифференциал. Связь между существованием дифференциала и производной. Арифметические свойства дифференциала. Таблица дифференциалов. Геометрический смысл дифференциала. Дифференциал сложной функции. Инвариантность формы 1-го дифференциала. Производные высших порядков. Производные высшего порядка от суммы и произведения двух функций. Дифференциалы высшего порядка сложной функции. Инвариантность формы дифференциалов высшего порядка. Теоремы о дифференцируемых функциях (т.т. Ферма, Ролля, Лагранжа, Коши). Правило Лопиталя раскрытия неопределённости. Формула Тейлора.

		Исследование функций с помощью производных: на монотонность, на экстремум. Исследование функций на выпуклость. Нахождение точек перегиба графика функции. Нахождение асимптот функции. Общая схема исследования функций и построение эскиза графика функции.
1.8	Неопределенный интеграл	Первообразная и неопределённый интеграл. Свойства неопределённого интеграла. Таблица интегралов. Замена переменной. Интегрирование по частям. Интегрирование рациональных функций. Интегрирование простых дробей. Метод неопределённых коэффициентов. Метод Остроградского. Интегрирование иррациональных функций. Подстановки Эйлера. Интегрирование дифференциального бинома. Интегрирование тригонометрических функций. Неберущиеся интегралы. Вычисление интегралов с помощью компьютерных технологий.
1.9	Определенный интеграл Римана	Определение определённого интеграла. Примеры вычисления. Ограниченность интегрируемой функции. Верхние и нижние суммы Дарбу, их свойства. Условия существования определённого интеграла. Класс интегрируемых функций. Свойства определённого интеграла. Определённый интеграл с переменным верхним пределом. Его свойства. Формула Ньютона-Лейбница. Замена переменной и интегрирование по частям в определённом интеграле. Приложения определённого интеграла. Мера плоских множеств. Свойства меры. Вычисление площадей плоских фигур. Длина дуги. Нахождение длины дуги кривой. Вычисление объёма тела вращения, площади поверхности вращения. Работа силы. Нахождение работы силы. Вычисление массы дуги кривой. Статические моменты. Нахождение координат центра тяжести дуги кривой. Приближенное вычисление определённого интеграла. Формулы прямоугольников, трапеций, Симпсона.
1.10	Несобственные интегралы	Несобственный интеграл от неограниченной функции. Несобственный интеграл по бесконечному промежутку. Использование компьютера для вычисления несобственных интегралов.
1.11	Функция многих переменных	Пространство R^n . Метрика. Норма элемента. Окрестность точки. Последовательность. Предел последовательности. Эквивалентность сходимости последовательности покоординатной сходимости. Свойства сходящихся последовательностей. Подпоследовательность. Принцип Больцано-Вейерштрасса. $f: R^n \rightarrow R^1$. Предел. Предел по множеству. Свойства пределов. Повторные пределы, условия их равенства. Предел по Гейне. Непрерывность $f: R^n \rightarrow R^1$. Свойства непрерывных функций. Непрерывность суперпозиции непрерывных функций. Непрерывность элементарных функций нескольких переменных. Равномерная непрерывность. Теоремы Вейерштрасса, Коши, Кантора. Дифференцируемость $f: R^n \rightarrow R^1$ (по Фреше). Производная (Фреше). Свойства дифференциалов и производных. Частные производные $f: R^n \rightarrow R^1$. Связь между дифференциру-

		<p>емостью функции и существованием частных производных. Вид производной и дифференциала (Фреше). Производная по направлению. Градиент. Дифференциал Гато, производная Гато. Связь между дифференцируемостью по Фреше и по Гато. Дифференциал сложной функции. Инвариантность формы первого дифференциала. Дифференциалы высшего порядка. Частные производные высшего порядка. Условия равенства смешанных производных. Формулы для вычисления дифференциалов и производных высшего порядка от сложной функции. Неинвариантность формы 2-го дифференциала. Формула Тейлора для $f: R^n \rightarrow R^1$. Экстремум функции нескольких переменных. Отображение $f: R^n \rightarrow R^m$. Предел. Непрерывность. Дифференциал и производная (Фреше). Их свойства. Дифференциал и производная (Гато). Их свойства. Неявные функции. Существование неявных отображений $f: R^1 \rightarrow R^1$. Существование неявных отображений $f: R^n \rightarrow R^1$, $f: R^n \rightarrow R^m$. Свойства непрерывных отображений $f: R^n \rightarrow R^m$. Свойства матриц Якоби и якобианов отображений. Отображение с не равным нулю якобианом. Существование обратного отображения. Условный экстремум.</p>
1.12	Ряды, функциональные последовательности. Бесконечные произведения	<p>Числовые ряды. Свойства сходящихся рядов. Необходимый признак сходимости ряда. Критерий Коши. Признаки сходимости знакоположительных рядов. Абсолютно сходящиеся ряды. Свойства абсолютно сходящихся рядов. Неабсолютно сходящиеся ряды. Теорема Римана. Признаки Дирихле, Абеля. Умножение рядов. Функциональные последовательности. Сходимость поточечная, равномерная. Признаки равномерной сходимости. Непрерывность, интегрируемость, дифференцируемость предельной функции. Функциональные ряды. Сходимость поточечная, равномерная. Признаки равномерной сходимости. Непрерывность, интегрируемость, дифференцируемость суммы функционального ряда. Степенные ряды. Теорема Абеля. Нахождение радиуса сходимости степенного ряда. Дифференцируемость и интегрируемость суммы ряда. Аналитические функции. Ряд Тейлора. Разложение функций в ряд Тейлора. Формулы Эйлера. Бесконечные произведения. Необходимый признак сходимости. Связь с рядами. Абсолютная сходимость. Использование компьютера для разложения функции в ряд.</p>
1.13	Ряды Фурье и преобразование Фурье	<p>Ряды Фурье. Ортонормированные системы в гильбертовом пространстве. Ряд Фурье по элементам ортонормированной системы. Неравенство Бесселя. Замкнутые и полные ортонормированные системы. Равенство Парсеваля. Тригонометрический ряд Фурье. Стремление коэффициентов Фурье к нулю. Интеграл Дирихле. Принцип локализации. Поточечная сходимость ряда Фурье. Теорема Вейерштрасса. Теорема Дирихле. Почленное дифференцирование и интегрирование ряда Фурье. Частные виды рядов Фурье. Комплексная запись ряда Фурье. Преобразование Фурье. Обратное преобразование Фурье.</p>

1.14	Интегралы, зависящие от параметра	Собственные интегралы, зависящие от параметра. Непрерывность, интегрируемость, дифференцируемость. Несобственные интегралы, зависящие от параметра. Равномерная сходимость, её признаки. Непрерывность, интегрируемость, дифференцируемость несобственного интеграла, зависящего от параметра. Интегралы Эйлера, их свойства. Вычисление интегралов с помощью интегралов, зависящих от параметра.
1.15	Интегрирование функции нескольких переменных	Двойной интеграл. Условия существования. Свойства двойного интеграла. Сведение двойного интеграла к повторному. Замена переменных в двойном интеграле. Геометрические и механические приложения двойных интегралов. Тройной интеграл. Условия существования. Свойства. Сведение к повторному интегралу. Замена переменных в тройном интеграле. Геометрические и механические приложения тройного интеграла. n-кратный интеграл. Свойства. Сведение его к повторному. Замена переменных. Несобственные кратные интегралы. Способы задания кривых на плоскости и в пространстве. Касательная и нормаль. Криволинейный интеграл 1-го рода. Связь с римановским интегралом. Свойства криволинейного интеграла 1-го рода. Приложения. Криволинейные интегралы 2-го рода. Связь с криволинейным интегралом 1-го рода, с римановским интегралом. Формула Грина. Условия независимости криволинейного интеграла 2-го рода от пути интегрирования. Случаи наличия особых точек. Приложения криволинейного интеграла 2-го рода. Поверхность в трёхмерном пространстве. Касательная плоскость, нормаль к поверхности. Поверхностный интеграл 1-го рода. Сведение его к римановскому интегралу. Свойства и приложения поверхностного интеграла 1-го рода. Ориентация поверхности. Односторонние и двусторонние поверхности. Поверхностные интегралы 2-го рода. Связь их с римановскими интегралами. Свойства. Формула Остроградского-Гаусса. Формулы Стокса и Остроградского-Гаусса в векторной форме. Формула Стокса. Основные операции теории поля. Соленоидное поле. Потенциальное поле.
Лабораторные работы		
1.1	Введение.	Метод математической индукции. Свойства модуля
1.2	Вещественные числа	Множество \mathbb{R}^1 . Мощность множества. Счётные множества, континуальные множества. Верхние и нижние границы множества. Точные верхние и нижние границы, их свойства.
1.3	Отображения, функции	Построение эскизов графиков функций.
1.4	Предел последовательности	Предел последовательности. Различные приемы вычисления пределов. Подпоследовательность. Частичный предел. Верхний и нижний пределы последовательности. Критерий Коши существования предела последовательности.

1.5	Теория пределов функции	Предел функции. Вычисление пределов. Односторонние пределы. Бесконечно малые и бесконечно большие функции, их свойства. Представление функции, имеющей конечный предел. Свойства пределов, связанные с неравенствами; арифметические свойства пределов. Первый и второй замечательные пределы. Вычисление пределов с использованием компьютерных технологий.
1.6	Непрерывность функции	Непрерывность функции в точке, на множестве, односторонняя непрерывность. Точки разрыва, их классификация. Равномерная непрерывность. Замечательные пределы. Сравнение функций.
1.7	Производная и дифференциал	Производная. Геометрический и физический смысл производной. Арифметические свойства производной. Производная обратной функции. Производная сложной функции. Производные гиперболических функций. Логарифмическая производная. Производная функции, заданной параметрически. Дифференциал. Дифференциал сложной функции. Производные высших порядков. Дифференциалы высшего порядка сложной функции. Формула Тейлора. Исследование функций с помощью производных: на монотонность, на экстремум. Исследование функций на выпуклость. Нахождение точек перегиба графика функции. Нахождение асимптот функции. Общая схема исследования функций и построение эскиза графика функции.
1.8	Неопределенный интеграл	Первообразная и неопределенный интеграл. Таблица интегралов. Замена переменной. Интегрирование по частям. Интегрирование рациональных функций. Интегрирование простых дробей. Метод неопределенных коэффициентов. Метод Остроградского. Интегрирование иррациональных функций. Подстановки Эйлера. Интегрирование дифференциального бинома. Интегрирование тригонометрических функций. Вычисление интегралов с помощью компьютерных технологий.
1.9	Определенный интеграл Римана	Вычисление определенного интеграла. Формула Ньютона-Лейбница. Замена переменной и интегрирование по частям в определенном интеграле. Вычисление площадей плоских фигур. Нахождение длины дуги кривой. Вычисление объема тела вращения, площади поверхности вращения. Нахождение работы силы. Вычисление массы дуги кривой. Статические моменты. Нахождение координат центра тяжести дуги кривой. Приближенное вычисление определенного интеграла. Формулы прямоугольников, трапеций, Симпсона.
1.10	Несобственные интегралы	Несобственный интеграл от неограниченной функции. Несобственный интеграл по бесконечному промежутку. Использование компьютера для вычисления несобственных интегралов.
1.11	Функция многих переменных	Пространство R^n . Предел последовательности. $f: R^n \rightarrow R^1$. Предел. Предел по множеству. Свойства пределов. Повторные пределы. Непрерывность $f: R^n \rightarrow R^1$. Свойства непрерывных функций. Равномерная непрерывность. Частные производные

		$f:R^n \rightarrow R^1$. Производная по направлению. Градиент. Дифференциал сложной функции. Дифференциалы высшего порядка. Частные производные высшего порядка. Формулы для вычисления дифференциалов и производных высшего порядка от сложной функции. Формула Тейлора для $f:R^n \rightarrow R^1$. Экстремум функции нескольких переменных. Условный экстремум.
1.12	Ряды, функциональные последовательности. Бесконечные произведения	Числовые ряды. Необходимый признак сходимости ряда. Признаки сходимости знакоположительных рядов. Абсолютно сходящиеся ряды. Признаки Дирихле, Абеля. Функциональные последовательности. Признаки равномерной сходимости. Функциональные ряды. Степенные ряды. Нахождение радиуса сходимости степенного ряда. Разложение функций в ряд Тейлора. Формулы Эйлера. Использование компьютера для разложения функции в ряд.
1.13	Ряды Фурье и преобразование Фурье	Ряды Фурье. Частные виды рядов Фурье. Комплексная запись ряда Фурье. Преобразование Фурье.
1.14	Интегралы, зависящие от параметра	Собственные интегралы, зависящие от параметра. Несобственные интегралы, зависящие от параметра. Равномерная сходимость, её признаки. Интегралы Эйлера, их свойства. Вычисление интегралов с помощью интегралов, зависящих от параметра.
1.15	Интегрирование функции нескольких переменных	Двойной интеграл. Сведение двойного интеграла к повторному. Замена переменных в двойном интеграле. Геометрические и механические приложения двойных интегралов. Сведение к повторному интегралу. Замена переменных в тройном интеграле. Геометрические и механические приложения тройного интеграла. Несобственные кратные интегралы. Криволинейный интеграл 1-го рода. Связь с римановским интегралом. Свойства криволинейного интеграла 1-го рода. Приложения. Криволинейные интегралы 2-го рода. Связь с криволинейным интегралом 1-го рода, с римановским интегралом. Формула Грина. Приложения криволинейного интеграла 2-го рода. Поверхностный интеграл 1-го рода. Сведение его к римановскому интегралу. Свойства и приложения поверхностного интеграла 1-го рода. Поверхностные интегралы 2-го рода. Связь их с римановскими интегралами. Формула Остроградского-Гаусса. Формула Стокса. Основные операции теории поля.

13.2. Темы (разделы) дисциплины и виды занятий:

№ п/п	Наименование раздела дисциплины	Виды занятий (часов)				
		Лекции	Практические	Лабораторные	Самостоятельная работа	Всего
01	Введение. Элементы логики и теории множеств	4		4	10	18
02	Вещественные числа	8		6	10	24
03	Отображения, функции	4		8	10	22
04	Предел последовательности	16		14	14	44
05	Теория пределов функции	12		12	10	34
06	Непрерывность функции	12		10	10	32
07	Производная и дифференциал	24		30	26	80
08	Неопределенный интеграл	12		34	16	62
09	Определенный интеграл Римана	28		20	26	74
10	Несобственные интегралы	6		8	10	24
11	Функция многих переменных	38		26	20	84
12	Ряды, функциональные последовательности. Бесконечные произведения	26		20	26	72
13	Ряды Фурье и преобразование Фурье	16		16	20	52
14	Интегралы, зависящие от параметра	16		16	20	52
15	Интегрирование функции нескольких переменных	44		42	32	118
Итого		266		266	260	792

14. Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины:*Методические указания к лекционным занятиям*

В ходе лекционных занятий необходимо вести конспектирование учебного материала. Обращать внимание на категории, формулировки, раскрывающие содержание тех или иных явлений и процессов, научные выводы и практические рекомендации. Желательно оставить в рабочих конспектах поля, на которых делать пометки из рекомендованной литературы, дополняющие материал прослушанной лекции, а также подчеркивающие особую важность тех или иных теоретических положений. Задавать преподавателю уточняющие вопросы с целью уяснения теоретических положений, разрешения спорных ситуаций.

Методические рекомендации студентам к практическим занятиям

Важной составной частью учебного процесса в вузе являются практические занятия. Практические занятия требуют помимо знаний теоретического материала еще и навыков решения практических задач, и помогают студентам глубже усвоить учебный материал, приобрести практические навыки и навыки творческой работы над учебной и научной литературой.

В начале практического занятия происходит обсуждение задач, решенных студентами самостоятельно дома. Это возможность для студентов еще раз обратить внимание на не понятные до сих пор моменты и окончательно разобрать их.

Преподаватель может (выборочно) проверить записи с самостоятельно решенными задачами.

Затем начинается опрос по теме, обозначенной для данного практического занятия. В процессе этого опроса студенты под руководством преподавателя более глубоко осмысливают теоретические положения по теме занятия.

На практическом занятии каждый его участник должен быть готовым к ответам на все теоретические вопросы, поставленные в плане, проявлять максимальную активность при их рассмотрении. Ответы должны строиться свободно, убедительно и аргументировано. Преподаватель следит, чтобы ответы были точными, логично построенными и не сводилось к чтению конспекта. Необходимо, чтобы выступающий проявлял глубокое понимание того, о чем он говорит, сопоставлял теоретические знания (определений, теорем, утверждений и т.д.) с их практическим применением для решения задач, был способен привести конкретные примеры тех математических объектов и положений, о которых рассуждает теоретически.

В ходе обсуждения теоретического материала могут разгореться споры, дискуссии, к участию в которых должен стремиться каждый. Преподавателю необходимо внимательно и критически слушать, подмечать особенное в суждениях студентов, улавливать недостатки и ошибки, корректировать их знания, и, если нужно, выступить в роли рефери. При этом обратить внимание на то, что еще не было сказано, или поддержать и развить интересную мысль, высказанную выступающим студентом.

В заключение опроса преподаватель, еще раз кратко резюмирует теоретический материал, необходимый для решения задач. Также преподаватель может (выборочно) проверить конспекты студентов и, если потребуется, внести в них исправления и дополнения,

Затем приступают к решению практических задач, используя изученные теоретические положения.

Планы практических занятий, их тематика, рекомендуемая литература, цель и задачи ее изучения сообщаются преподавателем на вводных занятиях или в методических указаниях по данной дисциплине.

15. Перечень основной и дополнительной литературы, ресурсов интернет, необходимых для освоения дисциплины:

(список литературы оформляется в соответствии с требованиями ГОСТ и используется общая сквозная нумерация для всех видов литературы)

а) основная литература:

№ п/п	Источник
1	Кудрявцев, Л.Д. Краткий курс математического анализа. Т.1. Дифференциальное и интегральное исчисления функций одной переменной. Ряды: Учебник [Электронный ресурс] : учеб. — Электрон. дан. — Москва : Физматлит, 2015. — 444 с. — Режим доступа: https://e.lanbook.com/book/71994 .
2	Фихтенгольц, Г.М. Основы математического анализа. В 2-х тт. Том 1 [Электронный ресурс] : учеб. — Электрон. дан. — Санкт-Петербург : Лань, 2015. — 448 с. — Режим доступа: https://e.lanbook.com/book/65055 .
3	Демидович, Б.П. Сборник задач и упражнений по математическому анализу [Электронный ресурс] : учеб. пособие — Электрон. дан. — Санкт-Петербург : Лань, 2017. — 624 с. — Режим доступа: https://e.lanbook.com/book/92629 .

б) дополнительная литература:

№ п/п	Источник
1.	<i>Ильин В.А. Математический анализ / В.А.Ильин, В.А.Садовничий,</i>

	<i>Б.И.Сендов. – М.: Изд-во МГУ, 2004. – Часть 1. – 616 с.</i>
2.	<i>Ильин В.А. Математический анализ / В.А.Ильин, В.А.Садовничий, Б.И.Сендов. – М.: Изд-во МГУ, 2004. – Часть 2. – 357 с.</i>
3.	<i>Никольский С.М. Курс математического анализа /С.М.Никольский. – М.: Наука, 1990. – Т.1. – 528 с.</i>
4.	<i>Никольский С.М. Курс математического анализа /С.М.Никольский. – М.: Наука, 1990. – Т.2. – 543 с.</i>
5.	<i>Шилов Г.К. Математический анализ (функции одного переменного) /Г.К.Шилов. – М.:Наука, 1969. - 528 с.</i>
6.	<i>Соболев В.И. Краткий курс математического анализа / В.И. Соболев, В.В.Покорный, В.И.Аносов. – Воронеж: Изд-во ВГУ, 1984. – Часть 1. – 392 с.</i>
7.	<i>Соболев В.И. Краткий курс математического анализа / В.И. Соболев, В.В.Покорный, В.И.Аносов. – Воронеж: Изд-во ВГУ, 1984. – Часть 2. – 346 с.</i>
8.	<i>Кудрявцев Л.Д. Сборник задач по математическому анализу / Кудрявцев Л.Д., Кутасов А.Д., Чехлов В.И., Шабунин М.И. – М.: Физматлит, 2003. – Т.2. – 504с.</i>
9.	<i>Математический анализ-1. Метод математической индукции. Точные границы числовых множеств: учебно-методическое пособие для вузов / Воронеж. гос. ун-т; соп. С.П.Зубова, О.К. Плетнева, Е.В. Раецкая – Воронеж: ИПЦ ВГУ, 2007. – 18 с.</i>
10.	<i>Математический анализ-2. Построение графиков функций: учебно-методическое пособие для вузов / Воронеж. гос. ун-т; соп. С.П.Зубова, О.К. Плетнева, Е.В. Раецкая – Воронеж: ИПЦ ВГУ, 2009. – 26 с.</i>

в) информационные электронно-образовательные ресурсы:

№ п/п	Источник
	<i>Электронный каталог Научной библиотеки Воронежского государственного университета. – (http // www.lib.vsu.ru/)</i>
	<i>Google, Yandex, Rambler</i>

16. Перечень учебно-методического обеспечения для самостоятельной работы:

Курс дисциплины построен таким образом, чтобы позволить студентам максимально проявить способность к самостоятельной работе. Для успешной самостоятельной работы предполагается тесный контакт с преподавателем.

Изучение дисциплины следует начинать с проработки настоящей рабочей программы, особое внимание, уделяя целям и задачам, структуре и содержанию курса.

Студентам рекомендуется получить в библиотеке учебную литературу по дисциплине, необходимую для эффективной работы на всех видах аудиторных занятий, а также для самостоятельной работы по изучению дисциплины.

Своевременное и качественное выполнение самостоятельной работы базируется на соблюдении настоящих рекомендаций и изучении рекомендованной литературы. Студент может дополнить список использованной литературы современными источниками, не представленными в списке рекомендованной литературы, и в дальнейшем использовать собственные подготовленные учебные материалы при написании курсовых и дипломных работ.

Успешное освоение курса предполагает активное, творческое участие студента путем планомерной, повседневной работы.

17. Информационные технологии, используемые для реализации учебной дисциплины, включая программное обеспечение и информационно-справочные системы (при необходимости)

Осуществляется интерактивная связь с преподавателем через сеть интернет, проводятся индивидуальные онлайн консультации. Лабораторные занятия ведутся с привлечением мультимедийных технологий.

18. Материально-техническое обеспечение дисциплины:

Учебные аудитории для проведения лекционных и лабораторных занятий. Доска, мел, тряпка, учебные пособия, компьютер.

19. Фонд оценочных средств:

19.1. Перечень компетенций с указанием этапов формирования и планируемых результатов обучения

Код и содержание компетенции	Планируемые результаты обучения (показатели достижения заданного уровня освоения компетенции посредством формирования знаний, умений, навыков)	Этапы формирования компетенции (разделы (темы) дисциплины или модуля и их наименование)	ФОС* (средства оценивания)
ОК-7: готовность к саморазвитию, самореализации, использованию творческого потенциала	<p><u>Знать:</u></p> <ul style="list-style-type: none"> - факторы, влияющие на самоорганизацию и самообразование в области профессиональной деятельности; - принципы и технологии, методы и средства самоорганизации и самообразования; - основы и структуру самостоятельной работы; - инструментарий обеспечения высокой мотивации к выполнению профессиональной деятельности. 	<ul style="list-style-type: none"> - Элементы логики и теории множеств - Вещественные числа - Отображения, функции 	Устный опрос
	<p><u>Уметь:</u></p> <ul style="list-style-type: none"> - самостоятельно организовывать свою деятельность, заниматься самообразованием, понимать основы и структуру самостоятельной работы; - применять методы повышения значимости своей будущей профессии. 	<ul style="list-style-type: none"> - Отображения, функции - Предел последовательности- 	Контрольная работа, Курсовая
	<p><u>Владеть:</u></p> <ul style="list-style-type: none"> - способностью к самоорганизации и самообразованию в профессиональной деятельности; - основами и структурой самостоятельной работы. 	<ul style="list-style-type: none"> - Теория пределов функции - Непрерывность функции - Производная и дифференциал - Неопределенный интеграл - Определенный интеграл Римана - Несобственные ин- 	Курсовая

		тегралы	
ОПК-1: готовность использовать фундаментальные знания в области математического анализа, комплексного и функционального анализа, алгебры, аналитической геометрии, дифференциальной геометрии и топологии, дифференциальных уравнений, дискретной математики и математической логики, теории вероятностей, математической статистики и случайных процессов, численных методов, теоретической механики в будущей профессиональной деятельности	<u>Знать:</u> - основные понятия, методы и теоремы математического анализа; - физический и прикладной смысл дифференциального исчисления.	- Теория пределов функции - Производная и дифференциал - Неопределенный интеграл - Определенный интеграл Римана - Несобственные интегралы - Функция многих переменных - Ряды	Устный опрос
	<u>Уметь:</u> - самостоятельно математически корректно ставить и решать естественнонаучные и инженерно-физические задачи.	- Теория пределов функции - Производная и дифференциал - Неопределенный интеграл - Определенный интеграл Римана - Несобственные интегралы - Функция многих переменных - Ряды	Устный опрос Контрольная работа
	<u>Владеть:</u> - готовностью использовать фундаментальные знания в области математического анализа в будущей профессиональной деятельности.	- Теория пределов функции - Производная и дифференциал - Неопределенный интеграл - Определенный интеграл Римана - Несобственные интегралы - Функция многих переменных - Ряды	Курсовая
ОПК-2: способность решать стандартные задачи профессиональной деятельности на основе информационной и библиографической культуры с применением информационно-коммуникационных	<u>Знать:</u> - содержание утверждений и следствий из них, используемых для обоснования выбираемых методов математического анализа решения профессиональных задач; - основные приемы решения математических задач.	- Теория пределов функции - Производная и дифференциал - Неопределенный интеграл - Определенный интеграл Римана - Несобственные интегралы - Функция многих пе-	Устный опрос

технологий и с учетом основных требований информационной безопасности		ременных - Ряды	
	<u>Уметь:</u> - применять полученные знания по дисциплине при анализе способов решения поставленных задач; - применять инструментарий математического анализа при решении поставленных задач.	- Теория пределов функции - Производная и дифференциал - Неопределенный интеграл - Определенный интеграл Римана - Несобственные интегралы - Функция многих переменных - Ряды	Устный опрос
	<u>Владеть:</u> - способностью производить самостоятельный выбор методов и способов решения; - навыками решения основных математических задач; - навыками сбора и обработки необходимых данных для математической постановки и решения прикладных задач; - навыками анализа и интерпретации результатов решения задач.	- Теория пределов функции - Производная и дифференциал - Неопределенный интеграл - Определенный интеграл Римана - Несобственные интегралы - Функция многих переменных - Ряды	Контрольная работа, Устный опрос
ОПК-3: способность к интенсивной научно-исследовательской деятельности	<u>Знать:</u> - методы математического анализа и математического моделирования.	- Теория пределов функции - Производная и дифференциал - Неопределенный интеграл - Определенный интеграл Римана - Несобственные интегралы - Функция многих переменных - Ряды	Устный опрос
	<u>Уметь:</u> - самостоятельно использовать методы математического анализа и математическое моделирование для решения научно-исследовательских за-	- Теория пределов функции - Производная и дифференциал - Неопределенный интеграл - Определенный интеграл Римана	Устный опрос, Контрольная работа

	доч.	- Несобственные интегралы - Функция многих переменных - Ряды	
	<u>Владеть:</u> - способностью к самостоятельной научно-исследовательской работе.	- Теория пределов функции - Производная и дифференциал - Неопределенный интеграл - Определенный интеграл Римана - Несобственные интегралы - Функция многих переменных - Ряды	Контрольная работа, Курсовая
Промежуточная аттестация			КИМ-ы к зачету и экзамену

19.2. Описание критериев и шкалы оценивания компетенций (результатов обучения) при промежуточной аттестации)

Для оценивания результатов обучения на зачете используются следующие показатели:

- 1) знание основных понятий математического анализа, методов и приемов решения базовых задач;
- 2) умение формулировать основные определения и теоремы курса математического анализа, решать задачи и анализировать полученные результаты;
- 3) владение математическим аппаратом для решения задач анализа и прикладных задач.

Критерии оценивания компетенций	Уровень сформированности компетенций	Шкала оценок
Ответ на контрольно-измерительный материал соответствует одному или более чем одному из перечисленных показателей, обучающийся дает ответы на дополнительные вопросы, может быть не совсем полные. Демонстрирует знание учебного материала, возможно с некоторыми ошибками.	Пороговый уровень и выше порогового	зачтено
Ответ на контрольно-измерительный материал не соответствует ни одному из перечисленных показателей. Обучающийся демонстрирует фрагментарные знания и умения или отсутствие их.		не зачтено

Для оценивания результатов обучения на экзамене используются следующие показатели:

- 1) знание основных определений, понятий и идей изучаемых разделов математического анализа; формулировок и доказательств основных результатов этих разделов.
- 2) умение применять полученные знания и навыки для решения задач; проводить анализ и оптимизацию полученных решений, используя определения; проводить исследования, связанные с основными понятиями.
- 3) владение современными знаниями о математическом анализе и его приложениях; методами математического анализа для решения задач, обоснования результатов расчётов и рассуждений.

Критерии оценивания компетенций	Уровень сформированности компетенций	Шкала оценок
Обучающийся в полной мере владеет понятийным аппаратом данной области науки (теоретическими основами дисциплины), способен иллюстрировать ответ примерами, фактами, данными научных исследований, применять теоретические знания для решения практических задач.	Повышенный уровень	Отлично
Сформированные, но содержащие отдельные пробелы знания основных определений, понятий и идей изучаемого курса, знание с небольшими недочетами доказательств основных результатов. Сформированное, но содержащее отдельные пробелы умение использовать математический аппарат для формализации, анализа и выработки решений.	Базовый уровень	Хорошо
Неполное представление об основных определениях, понятиях и идеях изучаемого курса, незнание доказательств основных результатов. Не полностью сформированное умение использовать математический аппарат для формализации, анализа и выработки решений.	Пороговый уровень	Удовлетворительно
Фрагментарные знания или отсутствие знаний и умений.	-	Неудовлетворительно

Образцы контрольных работ Семестр №1

Контрольная работа №1.1

Вариант 1

Задание 1. Пользуясь определением предела последовательности, доказать что $\lim_{n \rightarrow \infty} a_n = a$ (указать $N(\varepsilon)$), если $a_n = \frac{2n^3}{n^3 - 2}$, $a = 2$.

Задание 2. Пользуясь критерием Коши, доказать сходимость последовательности $x_n = \frac{2+n}{n}$.

Задание 3. Вычислить предел последовательности:

$\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{(3-n)^3}{(n+1)^2 - (n+1)^3}$	$\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{n \sqrt[3]{5n^2 + 4\sqrt{9n^8 + 1}}}{(n + \sqrt{n})\sqrt{7-n+n^2}}$
$\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{\sqrt{3}(n-1)(n+2)n}{(n-3)^3}$	$\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{8^n + (n-1)!}{n^3 + n!}$

Вариант 2

Задание 1. Пользуясь определением предела последовательности, доказать что $\lim_{n \rightarrow \infty} a_n = a$ (указать $N(\varepsilon)$), если $a_n = \frac{2-3n^2}{4+5n^2}$, $a = -\frac{3}{5}$.

Задание 2. Пользуясь критерием Коши, доказать сходимость последовательности $x_n = \frac{3n}{1-n}$.

Задание 3. Вычислить предел последовательности:

$\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{(3-n)^4 - (2-n)^4}{(1-n)^3 - (1+n)^3}$	$\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{n \sqrt[4]{3n+1} + \sqrt{81n^4 - n^2 + 1}}{(n + \sqrt[3]{n})\sqrt{5-n+n^2}}$
$\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{\sqrt{3n^2 - 1} - \sqrt{2n^2 + 1}}{n+1}$	$\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{(-1)^n 6^n + 5^{n+1}}{5^n - 6^{n+1}}$

Контрольная работа №1.2

Вариант 1

Задание 1. Сформулировать с помощью неравенств утверждение: $\lim_{x \rightarrow a-0} f(x) = +\infty$.

Задание 2. Вычислить пределы:

$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sqrt{1+x+x^2} - 1}{x}$	$\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{2x\sqrt{x+1}}{\sqrt{x(3x^2+1)}}$
$\lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{3}} \frac{\sin 3x}{1 - 2\cos x}$	$\lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{x+5}{x-1} \right)^{x+7}$

Задание 3. Найти точки разрыва функции $y = \frac{x^4 - 1}{1 - \sqrt{x}}$ и определить их род.

Задание 4. Используя определение, доказать, что функция $y = x^2$ является равномерно непрерывной на промежутке $(0; 2)$.

Вариант 2

Задание 1. Сформулировать с помощью неравенств утверждение:
 $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = +a$.

Задание 2. Вычислить предел последовательности:

$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sqrt[3]{1 + 3x^2} - 1}{x^2 + x^3}$	$\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x^3 + x^2 - 3}{x\sqrt{x^4 + 1}}$
$\lim_{x \rightarrow 1} \frac{\sin 3\pi x}{\cos \frac{\pi}{2x}}$	$\lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{2x - 5}{2x + 1} \right)^{x-1}$

Задание 3. Найти точки разрыва функции $y = \frac{2x^2 + x - 1}{|x + 1|}$ и определить их род.

Задание 4. Используя определение, доказать, что функция $y = \sqrt{x + 1}$ является равномерно непрерывной на промежутке $(3; 8)$.

Семестр №2

Контрольная работа №2.1

Вариант 1

Задание 1. Вычислить: $\int (4 - 3x)e^{-3x} dx$.

Задание 2. Вычислить: $\int \frac{dx}{x\sqrt{x^2 + 1}}$.

Задание 3. Вычислить: $\int \frac{x^3 + 1}{x^2 - x} dx$.

Задание 4. Вычислить: $\int \frac{\sqrt{1 + \sqrt{x}}}{x^4 \sqrt{x^3}} dx$.

Задание 5. Вычислить: $\int \frac{x^3 + 6x^2 + 13x + 9}{(x + 1)(x + 2)^3} dx$.

Задание 6. Вычислить: $\int x^3(1 - 5x^2)^{10} dx$

Вариант 2

Задание 1. Вычислить: $\int \operatorname{arctg} \sqrt{4x - 1} dx$.

Задание 2. Вычислить: $\int \frac{1 + \ln x}{x} dx$.

Задание 3. Вычислить: $\int \frac{3x^3 + 1}{x^2 - 1} dx$.

Задание 4. Вычислить: $\int \frac{\sqrt[3]{1 + \sqrt{x}}}{x^3 \sqrt{x^2}} dx$.

Задание 5. Вычислить: $\int \frac{x^3 + 6x^2 + 13x + 8}{x(x+2)^3} dx$.

Задание 6. Вычислить: $\int \frac{x^2}{\sqrt{2-x}} dx$.

Контрольная работа №2.2

Вариант 1

Задание 1. Вычислить интегралы: $\int_{-1}^0 \frac{dx}{1 + \sqrt[3]{x+1}}$, $\int_1^3 x \ln x dx$.

Задание 2. Вычислить площадь фигуры, ограниченной линиями: $x y = 6$, $y = 7 - x$.

Задание 3. Вычислить объем тела, образованного вращением вокруг оси Ox кривой $y = \sqrt{x} e^{-x}$, $x = 3$, $y = 0$.

Задание 4. Вычислить площадь фигуры, ограниченной линиями, заданными в полярных координатах: $r = \sin 3\varphi$.

Вариант 2

Задание 1. Вычислить интегралы: $\int_1^4 \frac{1 + \sqrt{x}}{x^2} dx$, $\int_{\pi}^0 x \cdot \cos x dx$.

Задание 2. Вычислить площади фигуры, ограниченной линиями: $x^2 = 9y$, $x = 3y - 6$.

Задание 3. Вычислить объем тела, образованного вращением вокруг оси Ox кривой $y = 3x^2$, $y = 3|x|$.

Задание 4. Вычислить площадь фигуры, ограниченной линиями, заданными в полярных координатах: $r = \cos 2\varphi$.

Семестр №3

Контрольная работа №3.1

Вариант 1

Задание 1. Найти $\frac{\partial z}{\partial x}$ и $\frac{\partial z}{\partial y}$ если а) $z = 2^{xy} + \sin(2xy)$.

$$\text{б) } z = \operatorname{tg} \frac{x}{y} \cdot \sin \frac{y}{x}.$$

Задание 2. Показать, что $\frac{\partial^2 z}{\partial x \partial y} = \frac{\partial^2 z}{\partial y \partial x}$ для функции $z = \ln(x^2 + y)$.

Задание 3. Исследовать на экстремум функцию $z = x^2 + y^2 - 6x + 8y - 2$.

Задание 4. Найти наибольшее и наименьшее значения функции $z = x^2 + 2xy - y^2 - 4x$ в треугольнике со сторонами $y = x + 1$, $y = 0$, $x = 3$.

Вариант 2

Задание 1. Найти $\frac{\partial z}{\partial x}$ и $\frac{\partial z}{\partial y}$ если а) $z = \ln \sin(x^2 + y)$.

$$\text{б) } z = \frac{x}{\sqrt{x^2 + y^2}}.$$

Задание 2. Показать, что $\frac{\partial^2 z}{\partial x \partial y} = \frac{\partial^2 z}{\partial y \partial x}$ для функции $z = \sqrt{2xy + y^2}$.

Задание 3. Исследовать на экстремум функцию $z = 2x - 2y - x^2 - y^2 + 6$.

Задание 4. Найти наибольшее и наименьшее значения функции $z = y^2 - 2xy - x^2 + 4x - 3$ в треугольнике со сторонами $y = x + 1$, $x = 0$, $y = 2$.

Контрольная работа №3.2

Вариант 1

Задание 1. Исследовать данные ряды на сходимость:

$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n!}{2^n}, \quad \sum_{n=1}^{\infty} \left(\frac{2n}{2n+1} \right)^{2n^2}, \quad \sum_{n=1}^{\infty} n \sin \frac{1}{n^2}, \quad \sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{\sqrt{n^5 + 3n + 6}}.$$

Задание 2. Пользуясь признаком Лейбница, исследовать сходимость знакочередующегося ряда $\sum_{n=1}^{\infty} (-1)^{n+1} \left(\frac{n}{2n+1} \right)^n$.

Задание 3. Найти область сходимости ряда $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n^2 - 4n + 5}{3^n \cdot (n+1)} \cdot (3x - 1)^n$.

Задание 4. Вычислить определенный интеграл $\int_0^1 \cos \sqrt[3]{x} dx$ с точностью до 0,001, разложив подынтегральную функцию в ряд.

Вариант 2

Задание 1. Исследовать данные ряды на сходимость:

$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n+3}{3^n}, \sum_{n=1}^{\infty} \left(\frac{3n+1}{n-1} \right)^{n-1}, \sum_{n=1}^{\infty} \arcsin \frac{5}{\sqrt{n^3}}, \sum_{n=1}^{\infty} \frac{n}{\sqrt{n^7 + 4n^2 + 5}}.$$

Задание 2. Пользуясь признаком Лейбница, исследовать сходимость знакочередующегося ряда $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^{n+1}}{\sqrt[4]{2n+3}}$.

Задание 3. Найти область сходимости ряда $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n^2}{2^n (x-1)^n}$.

Задание 4. Вычислить определенный интеграл $\int_0^1 x^2 \sin x^2 dx$ с точностью до 0,001, разложив подынтегральную функцию в ряд.

Семестр №4

Контрольная работа №4.1

Вариант 1

Задание 1. Разложить в ряд Фурье с периодом 2π , заданную на отрезке $[-\pi, \pi]$, функцию $f(x) = 2x + 1$.

Задание 2. Представить периодическую функцию $f(x) = \begin{cases} 2x; & 0 \leq x \leq 3, \\ 6; & 3 < x \leq 6; \end{cases}$ заданную на полупериоде $[0, l]$, рядом Фурье по синусам. Построить график функции и график суммы полученного ряда Фурье.

Задание 3. Разложить периодическую функцию $y = \arcsin(\sin(3x))$ в ряд Фурье. Изобразить график суммы ряда.

Вариант 2

Задание 1. Разложить в ряд Фурье с периодом 2π , заданную на отрезке $[-\pi, \pi]$, функцию $f(x) = x\pi - 1$.

Задание 2. Представить периодическую функцию $f(x) = \begin{cases} 2x; & 0 \leq x \leq 3, \\ 6; & 3 < x \leq 6; \end{cases}$ заданную на полупериоде $[0, l]$, рядом Фурье по косинусам. Построить график функции и график суммы полученного ряда Фурье.

Задание 3. Разложить периодическую функцию $y = \operatorname{sign}\left(\sin \frac{x}{2}\right)$ в ряд Фурье. Изобразить график суммы ряда.

Контрольная работа №4.2

Вариант 1

Задание 1. Вычислить двойной интеграл $\iint_D \frac{x^2}{y^2} dx dy$, D — область, ограниченная линиями: $x = 2$, $y = x$, $xy = 1$.

Задание 2. Перейдя к полярным координатам, вычислить двойной интеграл $\iint_D \arctg \frac{y}{x} dx dy$, D — область, определяемая неравенствами: $x^2 + y^2 \geq 1$, $x^2 + y^2 \leq 9$, $y \geq \frac{x}{\sqrt{3}}$, $y \leq x\sqrt{3}$.

Задание 3. Найти объем тела, ограниченного поверхностями: $y = 0$, $z = 0$, $3x + y = 6$, $3x + 2y = 12$ и $x + y + z = 6$.

Задание 4. Вычислить тройной интеграл $\iiint_D \frac{dx dy dz}{(x + y + z + 1)^3}$, D — область, ограниченная плоскостями: $x = 0$, $y = 0$, $z = 0$, $x + y + z = 1$.

Задание 5. Перейдя в тройном интеграле $\iiint_D f(x, y, z) dx dy dz$ к цилиндрическим или сферическим координатам, расставить пределы интегрирования, если D — область, ограниченная цилиндром $x^2 + y^2 = 2x$, плоскостью $z = 0$ и параболоидом $z = x^2 + y^2$.

Вариант 2

Задание 1. Вычислить двойной интеграл $\iint_D \cos(x + y) dx dy$, D — область, ограниченная линиями: $x = 0$, $y = x$, $y = \pi$.

Задание 2. Перейдя к полярным координатам, вычислить двойной интеграл $\iint_D \sqrt{R^2 - x^2 - y^2} dx dy$, D — круг $x^2 + y^2 \leq Rx$.

Задание 3. Определить площадь части поверхности $z^2 + y^2 = x^2$, вырезанной цилиндром $x^2 - y^2 = a^2$ и плоскостями $y = b$ и $y = -b$.

Задание 4. Вычислить тройной интеграл $\iiint_D xy dx dy dz$, D — область, ограниченная гиперболическим параболоидом $z = xy$ и плоскостями $x + y = 1$ и $z = 0$ ($z \geq 0$).

Задание 4. Перейдя в тройном интеграле $\iiint_D f(x, y, z) dx dy dz$ к цилиндрическим или сферическим координатам, расставить пределы интегрирования, если D — часть шара $x^2 + y^2 + z^2 \leq R^2$, лежащая внутри цилиндра $(x^2 + y^2)^2 = R^2(x^2 - y^2)$ ($x \geq 0$).

Образцы КИМ-ов к экзамену Семестр №1

УТВЕРЖДАЮ
заведующий кафедрой математического анализа


Баев А.Д.
подпись, расшифровка подписи
24.06.2017

Направление подготовки / специальность 01.05.01
шифр, наименование

Дисциплина Математический анализ

Вид контроля Экзамен

промежуточный контроль - аттестация, зачет; текущий контроль с указанием формы

Вид аттестации промежуточный
текущая, промежуточная

Контрольно-измерительный материал № 1

Теория:

1. Логические действия. Таблицы истинности. Основные формулы логического исчисления (доказать две из них).
2. Определение предела функции по Коши и его геометрический смысл. Примеры.
3. Производная функции в точке, определение. Производная обратной функции

Практика:

1. Пользуясь определением предела последовательности, доказать равенство: $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{(-1)^n n}{n^3 + 2} = 0$.

2. Определить тип точки разрыва $x = 0$ для функции $y = 2^{\frac{1}{x}}$.

3. Вычислить предел, пользуясь правилом Лопиталья: $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\ln(1 + \sin x)}{\sin 4x}$.

Преподаватель



подпись

Плетнева О.К.

расшифровка подписи

УТВЕРЖДАЮ
заведующий кафедрой математического анализа


Баев А.Д.
подпись, расшифровка подписи
24.06.2017

Направление подготовки / специальность 01.05.01
шифр, наименование
Дисциплина Математический анализ
Вид контроля Экзамен
промежуточный контроль - аттестация, зачет; текущий контроль с указанием формы
Вид аттестации промежуточный
текущая, промежуточная

Контрольно-измерительный материал № 2

Теория:

1. Основные операции над множествами. Числовые множества. Примеры.
2. Определение предела функции по Гейне. Примеры. Равносильность определений по Гейне и по Коши.
3. Дифференциал функции, определение. Дифференциал сложной функции.

Практика:

1. Вычислить предел последовательности: $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{99(n+2)(1-n)}{(n+3)^3}$.

2. Доказать непрерывность функции $y = \sin x$.

3. Найти производную y'_x функции $\begin{cases} x = \sqrt{2t - t^2}, \\ y = \frac{1}{\sqrt[3]{(1-t)^2}}. \end{cases}$

Преподаватель



подпись

Плетнева О.К.

расшифровка подписи

УТВЕРЖДАЮ
заведующий кафедрой математического анализа


Баев А.Д.
подпись, расшифровка подписи
24.06.2017

Направление подготовки / специальность 01.05.01
шифр, наименование
Дисциплина Математический анализ
Вид контроля Экзамен
промежуточный контроль - аттестация, зачет; текущий контроль с указанием формы
Вид аттестации промежуточный
текущая, промежуточная

Контрольно-измерительный материал № 3

Теория:

1. Принцип Архимеда с доказательством.
2. Односторонние пределы. Критерий существования предела функции через односторонние пределы.
3. Производная функции, определение. Производная сложной функции.

Практика:

1. Пользуясь определением предела последовательности, доказать равенство: $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{n+2}{3n+1} = \frac{1}{3}$.

2. Показать, что функция $f(x) = \begin{cases} x \sin \frac{1}{x}, & x \neq 0, \\ 0, & x = 0; \end{cases}$ непрерывна при $x = 0$.

3. Найти дифференциал функции $y = \ln \frac{x + \sqrt{x^2 + 1}}{2x}$.

Преподаватель



Плетнева О.К.

подпись расшифровка подписи

УТВЕРЖДАЮ
заведующий кафедрой математического анализа


Баев А.Д.
подпись, расшифровка подписи
24.06.2017

Направление подготовки / специальность 01.05.01
шифр, наименование

Дисциплина Математический анализ

Вид контроля Экзамен
промежуточный контроль - аттестация, зачет; текущий контроль с указанием формы

Вид аттестации промежуточный
текущая, промежуточная

Контрольно-измерительный материал № 4

Теория:

1. Теорема о системе вложенных отрезков с длинами стремящимися к нулю.
2. Лемма о сохранении знака.
3. Определение производных высших порядков. Производная высшего порядка суммы.

Практика:

1. Вычислить предел последовательности $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{3\sqrt{n^2 + 1}(n-1)}{(n+3)^2}$.

2. Как следует подобрать число a , чтобы функция $f(x) = \begin{cases} x^2, & x \leq 3, \\ x+a, & x > 3; \end{cases}$ была непрерывной в точке $x = 3$.

3. Вычислить предел, пользуясь правилом Лопиталя: $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{1 - \cos 10x}{e^{x^2} - 1}$.

Преподаватель



подпись

Плетнева О.К.

расшифровка подписи

УТВЕРЖДАЮ
заведующий кафедрой математического анализа


Баев А.Д.
подпись, расшифровка подписи
24.06.2017

Направление подготовки / специальность 01.05.01
шифр, наименование

Дисциплина Математический анализ

Вид контроля Экзамен
промежуточный контроль - аттестация, зачет; текущий контроль с указанием формы

Вид аттестации промежуточный
текущая, промежуточная

Контрольно-измерительный материал № 5

Теория:

1. Счетные множества. Теорема о счетности бесконечного подмножества счетного множества.
2. Свойства пределов функций, связанные с арифметическими операциями.
3. Определение производных высших порядков. Производная высшего порядка произведения функций.

Практика:

1. Пользуясь определением предела последовательности, доказать равенство

$$\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{1 - 2n}{1 + n} = -2.$$

2. Найти предел $\lim_{x \rightarrow 1} (7 - 6x)^{\frac{x}{3x-3}}$.

3. Найти производную третьего порядка функции $y = \frac{\ln x}{x^2}$.

Преподаватель



Плетнева О.К.

подпись расшифровка подписи

Семестр №2

УТВЕРЖДАЮ
заведующий кафедрой математического анализа


Баев А.Д.
подпись, расшифровка подписи
24.06.2017

Направление подготовки / специальность 01.05.01
шифр, наименование

Дисциплина Математический анализ

Вид контроля Экзамен
промежуточный контроль - аттестация, зачет; текущий контроль с указанием формы

Вид аттестации промежуточный
текущая, промежуточная

Контрольно-измерительный материал № 1

Теория:

1. Первообразная и неопределенный интеграл. Лемма об отличии двух первообразных на константу. Примеры.
2. Понятие разбиения отрезка, свойства разбиений.
3. Неравенство Коши-Шварца. Следствия. Координатная запись неравенств.

Практика:

1. Найти интегралы $\int \frac{3x+3}{2x^2-x-1} dx$, $\int \frac{e^{3x}-1}{e^x-1} dx$.
2. 1) Исследовать на сходимость интеграл $\int_0^1 \frac{\sqrt{x} dx}{\sqrt{1-x^4}}$. 2) Вычислить площадь фигуры, ограниченной графиками функций $y = (x-2)^3$, $y = 4x - 8$.
3. 1) Найти область определения функции $f(x, y) = \sqrt{x+y} + \sqrt{x-y}$. 2) Найти частные производные функции $f(x, y) = x^3 + y^3 - 3xy$. Вычислить их значение в точке (1; 1).

Преподаватель



подпись

Плетнева О.К.

расшифровка подписи

УТВЕРЖДАЮ
заведующий кафедрой математического анализа


Баев А.Д.
подпись, расшифровка подписи
24.06.2017

Направление подготовки / специальность 01.05.01
шифр, наименование
Дисциплина Математический анализ
Вид контроля Экзамен
промежуточный контроль - аттестация, зачет; текущий контроль с указанием формы
Вид аттестации промежуточный
текущая, промежуточная

Контрольно-измерительный материал № 2

Теория:

1. Свойства неопределенного интеграла.
2. Определение интеграла Римана. Ограниченность интегрируемой функции. Пример ограниченной неинтегрируемой функции.
3. Пространство R^n . Метрика, расстояние, норма (определение, свойства). Понятие окрестности в n -мерном пространстве.

Практика:

1. Найти интегралы $\int \frac{dx}{4\sqrt{x}-x}$, $\int \frac{1}{\cos x} dx$.
2. 1) Найти площадь области, ограниченной кривыми, заданными уравнениями $y = xe^{-x}$, $y = 0$, $x = 2$, $x = 4$. 2) Вычислить интеграл $\int_0^{\frac{1}{2}} \frac{8x - \arctg 2x}{1 + 4x^2} dx$.
3. 1) Найти линии уровня функции $f(x, y) = \ln(1 - x^2 - y^2)$. 2) Найти частные производные функции $f(x, y, z) = x\sqrt[4]{z} + zy + \frac{y}{\sqrt[4]{x}}$.

Преподаватель



подпись

Плетнева О.К.

расшифровка подписи

УТВЕРЖДАЮ
заведующий кафедрой математического анализа


Баев А.Д.
подпись, расшифровка подписи
24.06.2017

Направление подготовки / специальность 01.05.01
шифр, наименование
Дисциплина Математический анализ
Вид контроля Экзамен
промежуточный контроль - аттестация, зачет; текущий контроль с указанием формы
Вид аттестации промежуточный
текущая, промежуточная

Контрольно-измерительный материал № 3

Теория:

1. Формула замены переменной. Примеры.
2. Верхние и нижние суммы Дарбу. Их свойства (3 свойства).
3. Понятие ограниченности множества. Диаметр множества. Теорема о существовании у ограниченной последовательности сходящейся подпоследовательности.

Практика:

1. Вычислить интегралы $\int \frac{dx}{(1-x^2)^{\frac{5}{2}}}$, $\int \frac{xdx}{(x+1)(x-2)^2}$.

2. 1) Найти объем тела, образованного вращением фигуры, ограниченной линиями $y = e^x - 1$, $y = 2$, $x = 0$ вокруг OX . 2) Вычислить интеграл $\int_{-2}^0 (x^2 - 4) \cos 3x dx$.

3. 1) Найти область определения функции $f(x, y, z) = \ln \frac{x^2 + y^2}{z - x^2 - y^2}$. 2) Найти частные производные функции $f(x, y) = e^{-xy}$. Вычислить их значение в точке $(0; 1)$.

Преподаватель



Плетнева О.К.

подпись расшифровка подписи

УТВЕРЖДАЮ
заведующий кафедрой математического анализа


Баев А.Д.
подпись, расшифровка подписи
24.06.2017

Направление подготовки / специальность 01.05.01
шифр, наименование

Дисциплина Математический анализ

Вид контроля Экзамен
промежуточный контроль - аттестация, зачет; текущий контроль с указанием формы

Вид аттестации промежуточный
текущая, промежуточная

Контрольно-измерительный материал № 5

Теория:

1. Принцип разложения на элементарные дроби. Интегрирование элементарных рациональных дробей первого и второго типов на примере.
2. Классы интегрируемых функций (непрерывные, монотонные).
3. Открытое множество. Лемма об объединении и пересечении открытых и замкнутых множеств.

Практика:

1. Найти интегралы $\int (x+1)e^x dx$, $\int \frac{dx}{\sqrt{x} + \sqrt[4]{x}}$.

2. 1) Найти длину дуги кривой $y = \ln x$, $\frac{3}{4} \leq x \leq \frac{12}{5}$. 2) Вычислить интеграл

$$\int_0^2 \frac{x^3}{x^2 + 4} dx.$$

3. 1) Найти область определения функции $f(x, y) = \ln \frac{x^2 + y^2 - x}{2x - x^2 - y^2}$. 2) Найти частные производные функции $f(x, y) = \operatorname{arctg} \frac{x}{y}$. Вычислить их значение в точке (1; 1).

Преподаватель



Плетнева О.К.

подпись расшифровка подписи

Семестр №3

УТВЕРЖДАЮ
заведующий кафедрой математического анализа


Баев А.Д.
подпись, расшифровка подписи
24.06.2017

Направление подготовки / специальность 01.05.01
шифр, наименование

Дисциплина Математический анализ

Вид контроля Экзамен
промежуточный контроль - аттестация, зачет; текущий контроль с указанием формы

Вид аттестации промежуточный
текущая, промежуточная

Контрольно-измерительный материал № 1

Теория:

1. Частные производные, дифференцируемость функции многих переменных.
2. Признаки Абеля и Дирихле сходимости рядов.
3. Сходимость функциональных последовательностей. Примеры.

Практика:

1. Для функции $z = \frac{x}{y}$ показать, что $x \frac{\partial^2 z}{\partial x \partial y} - \frac{\partial z}{\partial y} = 0$.

2. Исследовать сходимость ряда $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{3n+1}{6^n}$.

3. Найти область сходимости функционального ряда $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(n-2)^3 (x+3)^{2n}}{2n+3}$.

Преподаватель



подпись

Плетнева О.К.

расшифровка подписи

УТВЕРЖДАЮ
заведующий кафедрой математического анализа


Баев А.Д.
подпись, расшифровка подписи
24.06.2017

Направление подготовки / специальность 01.05.01
шифр, наименование
Дисциплина Математический анализ
Вид контроля Экзамен
промежуточный контроль - аттестация, зачет; текущий контроль с указанием формы
Вид аттестации промежуточный
текущая, промежуточная

Контрольно-измерительный материал № 2

Теория:

1. Частные производные высших порядков сложной функции многих переменных.
2. Теорема Римана.
3. Равномерная сходимость функциональных последовательностей. Лемма о необходимом и достаточном условии равномерной сходимости функциональных последовательностей.

Практика:

1. Исследовать на экстремум функцию $z = x^2 + 4xy + y^2 - 12x - 3y$.

2. Исследовать сходимость знакопередающегося ряда $\sum_{n=1}^{\infty} (-1)^{n+1} \left(\frac{n}{2n+1}\right)^n$.

2. Найти радиус и интервал сходимости степенного ряда $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(n+1)^4 x^{2n}}{2n+1}$.

Преподаватель



Плетнева О.К.

подпись

расшифровка подписи

УТВЕРЖДАЮ
заведующий кафедрой математического анализа


Баев А.Д.
подпись, расшифровка подписи
24.06.2017

Направление подготовки / специальность 01.05.01
шифр, наименование
Дисциплина Математический анализ
Вид контроля Экзамен
промежуточный контроль - аттестация, зачет; текущий контроль с указанием формы
Вид аттестации промежуточный
текущая, промежуточная

Контрольно-измерительный материал № 3

Теория:

1. Дифференциалы высших порядков функции многих переменных.
2. Условно сходящиеся ряды. Лемма о расходимости рядов $\sum_{n=1}^{\infty} a_n^+$ и $\sum_{n=1}^{\infty} a_n^-$.
3. Критерий Коши равномерной сходимости функциональных последовательностей.

Практика:

1. Для функции $z = \arctg \frac{y}{x}$ показать, что $\frac{\partial^2 z}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 z}{\partial y^2} = 0$.
2. Исследовать сходимость ряда $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^n}{\sqrt{n^2 + 2n}}$.
3. Исследовать на равномерную сходимость ряд $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n!(x+3)^n}{n^n}$, $[-5, -1]$.

Преподаватель



Плетнева О.К.

подпись расшифровка подписи

УТВЕРЖДАЮ
заведующий кафедрой математического анализа


Баев А.Д.
подпись, расшифровка подписи
24.06.2017

Направление подготовки / специальность 01.05.01
шифр, наименование
Дисциплина Математический анализ
Вид контроля Экзамен
промежуточный контроль - аттестация, зачет; текущий контроль с указанием формы
Вид аттестации промежуточный
текущая, промежуточная

Контрольно-измерительный материал № 4

Теория:

1. Теорема о равенстве смешанных производных.
2. Свойства абсолютно сходящихся рядов (теорем 3).
3. Функциональные ряды. Определение, примеры.

Практика:

1. Исследовать на экстремум функцию $z = x^3 + y^3 - 6xy$.
2. Для ряда $\sum_{n=1}^{\infty} \left(1 + \frac{2}{n}\right)^n$ проверить выполнение необходимого признака сходимости.
3. Найти область сходимости функционального ряда $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n}{n+1} \frac{1}{(3x^2 + 4x + 2)^n}$.

Преподаватель 
Плетнева О.К.
подпись *расшифровка подписи*

УТВЕРЖДАЮ
заведующий кафедрой математического анализа


Баев А.Д.
подпись, расшифровка подписи
24.06.2017

Направление подготовки / специальность 01.05.01

шифр, наименование

Дисциплина Математический анализ

Вид контроля Экзамен

промежуточный контроль - аттестация, зачет; текущий контроль с указанием формы

Вид аттестации промежуточный

текущая, промежуточная

Контрольно-измерительный материал № 5

Теория:

1. Формула Тейлора для функции двух переменных.
2. Свойства абсолютно сходящихся рядов (теорема 2).
3. Сходимость, равномерная сходимость функциональных рядов. Примеры.

Практика:

1. Для функции $z = \frac{1}{y^2 - x^2}$ показать, что $\frac{\partial^2 z}{\partial x^2} - \frac{\partial^2 z}{\partial y^2} = 0$.

2. Исследовать сходимость ряда $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{2n+5}{4n^3-1}$.

3. Найти область сходимости функционального ряда $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(x-7)^{2n-1}}{(2n^2-5n)4^n}$.

Преподаватель



Плетнева О.К.

подпись расшифровка подписи

Семестр №4

УТВЕРЖДАЮ
заведующий кафедрой математического анализа


Баев А.Д.
подпись, расшифровка подписи
24.06.2017

Направление подготовки / специальность 01.05.01

шифр, наименование

Дисциплина Математический анализ

Вид контроля Экзамен

промежуточный контроль - аттестация, зачет; текущий контроль с указанием формы

Вид аттестации промежуточный

текущая, промежуточная

Контрольно-измерительный материал № 1

Теория:

1. Тригонометрические системы Фурье. Лемма о свойствах функций тригонометрической системы.
2. Понятие объема в n -мерном пространстве.
3. Понятие поверхностного интеграла.

Практика:

1. Представить периодическую функцию $f(x) = \begin{cases} 2x; & 0 \leq x \leq 3, \\ 6; & 3 < x \leq 6, \end{cases}$ заданную на полупериоде, рядом Фурье по синусам. Построить график функции и график суммы полученного ряда Фурье.

2. Изменить порядок интегрирования в двойном интеграле $\int_{-1}^0 dx \int_{-8x^2}^{-2x+6} f(x, y) dy$.
Сделать чертеж области интегрирования.

3. Вычислить поверхностный интеграл $\iint_S (x+y+z) dS$, где S – часть плоскости $x+2y+4z=4$, лежащая в первом октанте ($x \geq 0, y \geq 0, z \geq 0$).

Преподаватель



подпись

Плетнева О.К.

расшифровка подписи

УТВЕРЖДАЮ
заведующий кафедрой математического анализа


Баев А.Д.
подпись, расшифровка подписи
24.06.2017

Направление подготовки / специальность 01.05.01
шифр, наименование
Дисциплина Математический анализ
Вид контроля Экзамен
промежуточный контроль - аттестация, зачет; текущий контроль с указанием формы
Вид аттестации промежуточный
текущая, промежуточная

Контрольно-измерительный материал № 2

Теория:

1. Теорема о коэффициентах ряда Фурье.
2. Свойства мер.
3. Поверхностный интеграл первого рода. Свойства.

Практика:

1. Разложить в ряд Фурье функцию $f(x) = \frac{x}{2} - \pi$ с периодом 2π , заданную на отрезке $[-\pi; \pi]$.
2. Вычислить тройной интеграл $\iiint_D y \cos(z+x) dx dy dz$, D — область, ограниченная цилиндром $y = \sqrt{x}$ и плоскостями $x+z = \frac{\pi}{2}$, $y=0$ и $z=0$.
3. Вычислить интеграл $\iint_S (xy + yz + zx) dS$, где S — часть конуса $z = \sqrt{x^2 + y^2}$ внутри поверхности $x^2 + y^2 = 2ax$.

Преподаватель



подпись

Плетнева О.К.

расшифровка подписи

УТВЕРЖДАЮ
заведующий кафедрой математического анализа


Баев А.Д.
подпись, расшифровка подписи
24.06.2017

Направление подготовки / специальность 01.05.01
шифр, наименование
Дисциплина Математический анализ
Вид контроля Экзамен
промежуточный контроль - аттестация, зачет; текущий контроль с указанием формы
Вид аттестации промежуточный
текущая, промежуточная

Контрольно-измерительный материал № 3

Теория:

1. Абсолютно интегрируемые функции.
2. Разбиение измеримых множеств, свойства разбиений.
3. Поверхностный интеграл первого рода. Вычисление. Выражение поверхностного интеграла через двойной.

Практика:

1. Представить периодическую функцию $f(x) = \begin{cases} 2x; & 0 \leq x \leq 3, \\ 6; & 3 < x \leq 6, \end{cases}$ заданную на полупериоде, рядом Фурье по синусам. Построить график функции и график суммы полученного ряда Фурье.
2. Применяя формулу Грина, вычислить криволинейный интеграл:
 $\oint_L (xy + y + x)dx + (yx - y + x)dy$, L – эллипс $\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1$.
3. Вычислить интеграл $\iint_S z^2 dS$, где S представляет собой полную поверхность конуса $\sqrt{x^2 + y^2} \leq z \leq 2$.

Преподаватель



Плетнева О.К.

подпись расшифровка подписи

УТВЕРЖДАЮ
заведующий кафедрой математического анализа


Баев А.Д.
подпись, расшифровка подписи
24.06.2017

Направление подготовки / специальность 01.05.01
шифр, наименование
Дисциплина Математический анализ
Вид контроля Экзамен
промежуточный контроль - аттестация, зачет; текущий контроль с указанием формы
Вид аттестации промежуточный
текущая, промежуточная

Контрольно-измерительный материал № 4

Теория:

1. Финитные функции, характеристические функции, ступенчатые функции. Интегрирование ступенчатой функции.
2. Леммы о разбиениях (2 леммы).
3. Поверхностный интеграл второго рода. Свойства.

Практика:

1. Разложить в ряд Фурье функцию $f(x) = 3 - 2x$ с периодом 2π , заданную на отрезке $[-\pi; \pi]$.
2. Перейдя к полярным координатам, вычислить двойной интеграл $\iint_D \sqrt{R^2 - x^2 - y^2} dx dy$, D — круг $x^2 + y^2 \leq Rx$.
3. Найти интеграл $\iint_S x dS$, где поверхность S — часть сферы $x^2 + y^2 + z^2 = a^2$, лежащая в первом октанте.

Преподаватель


подпись

Плетнева О.К.

расшифровка подписи

УТВЕРЖДАЮ
заведующий кафедрой математического анализа


Баев А.Д.
подпись, расшифровка подписи
24.06.2017

Направление подготовки / специальность 01.05.01

шифр, наименование

Дисциплина Математический анализ

Вид контроля Экзамен

промежуточный контроль - аттестация, зачет; текущий контроль с указанием формы

Вид аттестации промежуточный

текущая, промежуточная

Контрольно-измерительный материал № 5

Теория:

1. Лемма о приближении функции последовательностью финитных ступенчатых функций.
2. Интегральные суммы. Определение кратного интеграла.
3. Поверхностный интеграл второго рода. Вычисление.

Практика:

1. Представить периодическую функцию $f(x) = \begin{cases} 2x; & 0 \leq x \leq 3, \\ 6; & 3 < x \leq 6, \end{cases}$ заданную на полупериоде, рядом Фурье по косинусам. Построить график функции и график суммы полученного ряда Фурье.

2. Вычислить тройной интеграл $\iiint_D \frac{dx dy dz}{(x+y+z+1)^3}$, D — область, ограниченная плоскостями: $x=0$, $y=0$, $z=0$, $x+y+z=1$.

3. Найти интеграл $\iint_S 2xy dz$, где S — внутренняя поверхность сферы $x^2 + y^2 + z^2 = a^2$.

Преподаватель



Плетнева О.К.

подпись расшифровка подписи