

МИНОБРНАУКИ РОССИИ  
ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ БЮДЖЕТНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ  
ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ  
«ВОРОНЕЖСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ»  
(ФГБОУ ВО «ВГУ»)

**УТВЕРЖДАЮ**

Заведующий кафедрой

*теории функций и геометрии*



Семенов Е.М.

31.08.2018г.

**РАБОЧАЯ ПРОГРАММА УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ**

Б1.Б.39 Комбинаторная геометрия

**1. Код и наименование направления подготовки/специальности:**

01.05.01 Фундаментальные математика и механика

**2. Профиль подготовки/специализация:** Теория функций и приложения

**3. Квалификация (степень) выпускника:** Специалист

**4. Форма обучения:** очная

**5. Кафедра, отвечающая за реализацию дисциплины:**

0503 теории функций и геометрии

**6. Составители программы:** Семенов Евгений Михайлович, д. ф.-м. н., профессор

**7. Рекомендована:** НМС математического факультета ВГУ,  
протокол № 0500-07 от 03.07.2018 г.

---

*отметки о продлении вносятся вручную)*

---

**8. Учебный год:** 2018/2019 уч.год

**Семестр(ы):** 6

**9. Цели и задачи учебной дисциплины:** Целью дисциплины является ознакомление студентов с основными теоремами, проблемами и методами комбинаторной геометрии. Комбинаторная геометрия тесно связана с анализом, линейной алгеброй и другими разделами математики, что является отражением внутреннего единства математики. Выявление этих взаимосвязей также является одной из целей дисциплины.

В результате изучения дисциплины студенты должны

(а) Знать

- основные задачи комбинаторной геометрии;
- основные геометрические понятия и факты, лежащие в основе комбинаторных алгоритмов вычислительной геометрии;
- модели вычислений, нижние оценки сложности и фактическую сложность основных комбинаторных алгоритмов вычислительной геометрии;
- рассмотрение конкретных примеров.

(б) Уметь

- самостоятельно составлять машинные алгоритмы и программы решения комбинаторных задач вычислительной геометрии на основе известных методов и алгоритмов;
- модифицировать известные алгоритмы, реализовывать структуры данных, повышающие эффективность комбинаторных алгоритмов вычислительной геометрии;
- оценивать сложность комбинаторных алгоритмов на основе теоретических (нижних) оценок.

(в) Иметь представление о

- об оптимальных по сложности алгоритмах вычислительной геометрии;
- математических методах анализа сложности геометрических задач и алгоритмов;
- об областях применения алгоритмов вычислительной геометрии в информатике, программировании и прикладной математике.

**10. Место учебной дисциплины в структуре ООП:** Курс по выбору «Комбинаторная геометрия» относится к курсам по выбору математического цикла дисциплин Федерального государственного образовательного стандарта высшего профессионального образования (ФГОС ВО) по специальности 01.05.01 «Фундаментальные математика и механика» (специалитет).

Для освоения дисциплины необходимы знания дисциплин: дискретная математика, алгебра. Освоение дисциплины позволит в дальнейшем изучать дисциплины: теория чисел, численные методы, а также специальные курсы по профилю подготовки. Является продолжением общих математических курсов. Дисциплина необходима для успешного написания курсовых и дипломных работ.

Наиболее важные проблемы комбинаторной геометрии связаны с проблемой Борсука, теоремой Хелли, задачей освещения. Эти проблемы рассматриваются в евклидовом пространстве, а также в  $n$ -мерных банаховых пространствах. Одна из важных задач комбинаторной геометрии – нахождение или оценка константы Юнга.

**11. Планируемые результаты обучения по дисциплине/модулю (знания, умения, навыки), соотнесенные с планируемыми результатами освоения образовательной программы (компетенциями выпускников):**

Компетенция		Планируемые результаты обучения
Код	Название	
ОПК-1	готовностью	знать: основные определения и результаты

	использовать фундаментальные знания в области математического анализа, комплексного и функционального анализа, алгебры, линейной алгебры, аналитической геометрии, дифференциальной геометрии и топологии, дифференциальных уравнений и уравнений в частных производных, дискретной математики, теории вероятностей, математической статистики и случайных процессов, численных методов, теоретической механики, механики сплошной среды, теории управления и оптимизации в будущей профессиональной деятельности	комбинаторной геометрии уметь: решать задачи по комбинаторной геометрии владеть (иметь навык(и)): основными методами комбинаторной геометрии и применять их для решения конкретных задач
ПК-3	способностью создавать и исследовать новые математические модели явлений реального мира, сред, тел и конструкций	знать: основные свойства выпуклых множеств уметь: применять свойства выпуклых множеств для решения геометрических задач владеть: аппаратом теории выпуклых множеств и применять его для задач комбинаторного характера
ОК-7	способностью к самоорганизации и самообразованию	знать: примеры выпуклых множеств уметь: использовать геометрические конструкции для решения конкретных геометрических задач владеть (иметь навык(и)): решения комбинаторных задач

**12. Объем дисциплины в зачетных единицах/час.**(в соответствии с учебным планом) — 2/72.

**Форма промежуточной аттестации** (зачет/экзамен) зачет

### 13. Виды учебной работы

Вид учебной работы	Трудоемкость			
	Всего	По семестрам		
		№ семестра	№ семестра	...
Аудиторные занятия	32	6		

в том числе:	лекции	16	6		
практические					
лабораторные		16	6		
Самостоятельная работа		40	6		
Форма промежуточной аттестации (зачет – 3 час. / экзамен – 0 час.)		0	6		
Итого:		72			

### 13.1. Содержание дисциплины

№ п/п	Наименование раздела дисциплины	Содержание раздела дисциплины
<b>1. Лекции</b>		
1	Выпуклые множества.	Изучаются основные свойства выпуклых множеств.
2	Сумма множеств.	Доказываются теоремы о свойствах сумм множеств.
3	Выпуклая оболочка, теорема Каратеодори.	Даются примеры на вычисление выпуклой оболочки и доказывается теорема Каратеодори.
4	Теорема об отделимости, опорная гиперплоскость.	Доказывается теорема об отделимости, приводится ее приложение.
5	Экстремальные точки, теорема Крейна-Мильмана.	Доказывается теорема Крейна-Мильмана. Приводятся примеры.
6	Диаметр и радиус множества.	Доказываются основные свойства диаметра и радиуса множества.
7	Примеры на вычисление диаметра и радиуса множеств	Рассматриваются примеры.
8	Разбиение множества на части меньшего диаметра. Решение задачи для $n = 2$ .	Доказывается теорема о разбиении множеств.
9	$n$ -мерный случай.	Изучаются множества в $n$ -мерном пространстве.
10	Задача о покрытии множества гомотетичными и задача об освещении, эквивалентность задач.	Доказывается теорема об эквивалентности двух задач.
11	Решение задачи об освещении для $n = 2$ .	Доказывается теорема об освещении множеств на плоскости.
12	Неограниченные множества.	Задачи об освещении и о покрытии гомотетичными изучаются для неограниченных множеств.
13	Теорема Хелли (1).	Доказывается точность всех условий теоремы Хелли.
14	Теорема Хелли (2).	Приводятся доказательства теоремы Хелли.
15	Приложения теоремы Хелли.	Приводятся различные приложения теоремы Хелли.
16	Константы Юнга (1).	Приводится общая оценка константы Юнга.
17	Константы Юнга (2).	Вычисляется константа Юнга в евклидовом случае.
18	Примеры на вычисление константы Юнга.	Рассматриваются конкретные примеры вычисления константы Юнга.
<b>2. Практические занятия</b>		
<b>3. Лабораторные работы</b>		
1	Выпуклые множества.	Изучаются основные свойства выпуклых множеств.
2	Сумма множеств.	Доказываются теоремы о свойствах сумм множеств.
3	Выпуклая оболочка, теорема Каратеодори.	Даются примеры на вычисление выпуклой оболочки и доказывается теорема Каратеодори.
4	Теорема об отделимости, опорная гиперплоскость.	Доказывается теорема об отделимости, приводится ее приложение.
5	Экстремальные точки, теорема Крейна-Мильмана.	Доказывается теорема Крейна-Мильмана. Приводятся примеры.
6	Диаметр и радиус	Доказываются основные свойства диаметра и радиуса

	множества.	множества.
7	Примеры на вычисление диаметра и радиуса множеств	Рассматриваются примеры.
8	Разбиение множества на части меньшего диаметра. Решение задачи для $n = 2$ .	Доказывается теорема о разбиении множеств.
9	$n$ -мерный случай.	Изучается множества в $n$ -мерном пространстве.
10	Задача о покрытии множества гомотетичными и задача об освещении, эквивалентность задач.	Доказывается теорема об эквивалентности двух задач.
11	Решение задачи об освещении для $n = 2$ .	Доказывается теорема об освещении множеств на плоскости.
12	Неограниченные множества.	Задачи об освещении и о покрытии гомотетичными изучаются для неограниченных множеств.
13	Теорема Хелли (1).	Доказывается точность всех условий теоремы Хелли.
14	Теорема Хелли (2).	Приводятся доказательства теоремы Хелли.
15	Приложения теоремы Хелли.	Приводятся различные приложения теоремы Хелли.
16	Константы Юнга (1).	Приводится общая оценка константы Юнга.
17	Константы Юнга (2).	Вычисляется константа Юнга в евклидовом случае.
18	Примеры на вычисление константы Юнга.	Рассматриваются конкретные примеры вычисления константы Юнга.

### 13.2. Темы (разделы) дисциплины и виды занятий

№ п/п	Наименование темы (раздела) дисциплины	Виды занятий (часов)				
		Лекции	Практические	Лабораторные	Самостоятельная работа	Всего
1.	Выпуклые множества	6		6	14	26
2.	Диаметр и радиус множества.	6		6	14	26
3.	Теорема Хелли	4		4	12	20
	Итого:	16		16	40	72

### 14. Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины

Рекомендации обучающимся по освоению дисциплины: работа с конспектами лекций.

**15. Перечень основной и дополнительной литературы, ресурсов интернет, необходимых для освоения дисциплины** (список литературы оформляется в соответствии с требованиями ГОСТ и используется общая сквозная нумерация для всех видов источников)

**а) основная литература:**

**а) основная литература:**

№ п/п	Источник
1.	<a href="#">Колмогоров, Андрей Николаевич</a> . Элементы теории функций и функционального анализа : [учебник] / А.Н. Колмогоров, С.В. Фомин ; Моск. гос. ун-т им. М.В. Ломоносова .— Изд. 7-е .— М. : Физматлит, 2004 .— 570 с. : ил.

**б) дополнительная литература:**

№ п/п	Источник
2.	<a href="#">Харазишвили, Александр Бежанович</a> . Введение в комбинаторную геометрию / А.Б. Харазишвили ; Тбилисский гос. ун-т, Ин-т прикладной математики им. И.Н. Векуа .— Тбилиси : Изд-во Тбилис.ун-та, 1985 .— 148,[1]с.
3.	<a href="#">Колмогоров, Андрей Николаевич</a> . Элементы теории функций и функционального анализа : учебное пособие для студ. мат. спец. ун-тов / А. Н. Колмогоров, С. В. Фомин .— 2-е изд., перераб. и доп. — М. : Наука, 1968 .— 496 с. : ил.
4.	<a href="#">Гуревич, Александр Петрович</a> . Сборник задач по функциональному анализу : для студентов механико-математических факультетов / А.П. Гуревич, Л.Б. Зеленко ; Сарат. гос. ун-т им. Н.Г. Чернышевского .— Саратов : Изд-во Сарат. ун-та, 1987 .— 106, [1] с. : ил.
5.	<a href="#">Рыбников, Константин Алексеевич</a> . Введение в комбинаторный анализ / К.А. Рыбников .— 2-е изд. — М. : Изд-во МГУ, 1985 .— 307,[1] с. : ил.
6.	<a href="#">Холл, М.</a> Комбинаторный анализ / М. Холл ; Пер. с англ. К.А. Рыбникова .— М. : Изд-во иностр. лит., 1963 .— 96, [1] с. — (Библиотека сборника "Математика") .— Парал. тит. л. англ. факс. — Библиогр.: с.94-96.
7.	<a href="#">Данцер, Л.</a> Теорема Хелли и ее применения / Л. Данцер, Б. Грюнбаум, В. Кли ; Пер. с англ. С.И. Залгаллер; Под ред. И.М. Яглома .— М. : Мир, 1968 .— 159,[1] с. : ил.

**в) информационные электронно-образовательные ресурсы:**

№ п/п	Источник
	ЭБС «Лань» : <a href="http://e.lanbook.com">http://e.lanbook.com</a>
	Электронный каталог Научной библиотеки Воронежского государственного университета. – ( <a href="http://www.lib.vsu.ru/">http // www.lib.vsu.ru/</a> )
	Google, Yandex, Rambler

\* Вначале указываются ЭБС, с которыми имеются договора у ВГУ, затем открытые электронно-образовательные ресурсы

**16. Перечень учебно-методического обеспечения для самостоятельной работы** (учебно-методические рекомендации, пособия, задачки, методические указания по выполнению практических (контрольных) работ и др.)

№ п/п	Источник
1.	Комбинаторный анализ. Задачи и упражнения : [Учеб. пособие для студ. вузов, обуч. по спец. "Математика" и "Прикладная математика" ] / Под ред. К.А. Рыбникова .— М. : Наука, 1982 .— 365 с. : ил.

## 17. Информационные технологии, используемые для реализации учебной дисциплины, включая программное обеспечение и информационно-справочные системы (при необходимости)

---

**18. Материально-техническое обеспечение дисциплины:** При изучении дисциплины используются активные и интерактивные формы проведения лекций и лабораторных занятий; учебные аудитории для проведения лекционных и лабораторных занятий; осуществляется контроль посещаемости и выполнения всех видов самостоятельной работы. В течение семестра студенты решают задачи, указанные преподавателем, к каждому занятию.

---

## 19. Фонд оценочных средств:

### 1. ВЫПУКЛОЕ МНОЖЕСТВО

в евклидовом или другом векторном пространстве - [МНОЖЕСТВО](#), которое вместе с любыми двумя точками содержит все точки соединяющего их отрезка. Пересечение любой совокупности  $B$  м. есть  $B$  м.

Наименьшая [размерность](#) плоскости, содержащей данное  $B$  м., наз. размерностью этого  $B$  м. Замыкание  $B$  м. (т. е. результат присоединения к  $B$  м. всех его предельных точек) дает  $B$  м. той же размерности. Центральное место в теории  $B$  м. занимает изучение выпуклых тел (в. т.) - конечных (т. е. ограниченных) замкнутых  $B$  м. размерности  $n$ .

При отказе от ограниченности говорят о бесконечных в. т., а при отказе от  $n$ -мерности - о вырожденных в. т. или в. т. более низких размерностей.

В. т. гомеоморфно замкнутому шару. Бесконечное в. т., не содержащее прямых, гомеоморфно полупространству, а содержащее прямую является цилиндром с выпуклым (возможно бесконечным) поперечным сечением.

Через каждую точку границы  $B$  м. проходит хотя бы одна [гиперплоскость](#), оставляющая это  $B$  м. в одном замкнутом полупространстве. Такие гиперплоскости и полупространство нал. опорными для данного  $B$  м. в данной точке границы. Замкнутое  $B$  м. есть [пересечение](#) его опорных полупространств. Пересеченно конечного числа замкнутых полупространств есть [выпуклый многогранник](#). Гранями в. т. называют его пересечения с опорными гиперплоскостями. Это - в. т. более низких размерностей. Само в. т. считают его  $n$ -мерной гранью. Грань грани, в отличие от случая многогранника, может но быть гранью исходного в. т. С каждой граничной точкой хв. т. связывают: открытый [касательный конус](#), заполненный лучами, идущими из  $x$  через внутренние точки в. т.; замкнутый касательный [конус](#) - его замыкание; касательный конус поверхности - его границу. Первые два конуса выпуклые. Точки границы в. т. классифицируют по минимальной размерности граней, к-рым они принадлежат, а также по размерности множества опорных гиперплоскостей в точке. Точки нульмерных граней наз. выступающими. Крайними наз. точки в. т., не внутренние ни для одного отрезка, лежащего в этом в. т. Изучается вопрос о возможном обилии точек и множества направлений граней разного типа. Напр., точки с неединственной опорной гиперплоскостью занимают на границе

нулевую ( $n-1$ )-мерную площадь; направления лежащих на границе отрезков имеют нулевую меру среди всех направлений в пространстве.

Точка, не принадлежащая в. т., строго отделена от него гиперплоскостью, оставляющей эту точку и в. т. в разных открытых полупространствах. Два непересекающихся в. м. отделены гиперплоскостью, оставляющей их в разных замкнутых полупространствах. Последнее свойство отделимости сохраняется для в. м. в бесконечномерных векторных пространствах. С в. т.  $F$  связана его опорная функция  $H$ :

$$E^n \rightarrow E^1, \text{ определяемая равенством } H(u) = \sup \{ux : x \in F\},$$

где  $ux$  - скалярное произведение. Функция  $H(u)$  - положительно однородная 1-й степени:  $H(\alpha u) = \alpha H(u)$  при  $\alpha \geq 0$ , и выпуклая:

$$H(u+v) \leq H(u) + H(v).$$

Любая функция с этими двумя свойствами есть опорная функция для некоторого (причем единственного) в. т. Задание опорной функции - один из основных способов задания в. т.

При размещении начала координат внутри в. т. вводят функцию расстояния  $D: E^n \rightarrow E^1$ , определяемую при  $u \neq 0$  равенством

$$D(u) = \sup \{\alpha : u / \alpha \in F\},$$

и полагают  $D(0) = 0$ . Это - тоже положительно однородная 1-й степени выпуклая функция, определяющая  $F$ . Два в. т. наз. полярными (или двойственными) друг другу, если опорная функция одного из них есть функция расстояния для другого. Существование двойственных в. т. связано с самосопряженностью  $E^n$ .

Если в. т.  $F$  симметрично относительно начала координат, то функция  $\rho(u, v) = D(u - v)$  является метрикой. Это - метрика пространства Минковского (конечномерного банахова пространства), причем играет роль единичного шара. Аналогично в бесконечномерном банаховом пространстве единичный шар есть в. м. Свойства пространства связаны с геометрией этого шара, в частности с наличием на его границе точек разного типа [3].

В. т. можно задавать как выпуклую оболочку точек его границы или части этих точек.

Существует ряд достаточных признаков, позволяющих делать заключение о выпуклости множества (или каждого из множеств некоторого семейства). Напр., если  $C^2$ -гладкая замкнутая поверхность в  $E^3$  имеет в каждой точке неотрицательную гауссову кривизну, то эта поверхность - граница в. т.; если пересечение компактного множества  $F$  в  $E^3$  с каждой плоскостью, оставляющей  $F$  в одном полупространстве, связно, то  $F$  выпукло [4].

На множестве в. т. (в том числе вырожденных, но не пустых) метрику можно ввести многими способами. Наиболее употребительна метрика Хаусдорфа (см. Выпуклых множеств

пространство метрическое). В этой метрике каждое в. т. можно приближать выпуклыми многогранниками, а также такими в. т., к-рые допускают задание  $P(x_1, \dots, x_n) \leq 0$ , где  $P$  - многочлен, и к-рые имеют во всех точках границы положительные главные кривизны.

В. т. всегда имеют конечный объем (по Жордану), совпадающий с его  $n$ -мерной мерой Лебега. Граница в. т. имеет конечную  $(n-1)$ -мерную площадь, причем различные способы введения площади в этом случае эквивалентны. Объем и площадь границы непрерывно (по метрике Хаусдорфа) зависят от в. т.

С изучением зависимости объема линейной комбинации  $\sum \lambda_i F_i$  в. т.  $F_i$  от коэффициентов  $\lambda_i$  связана теория смешанных объемов. Среди смешанных объемов находятся, кроме объема и площади границы, многие другие функционалы, связанные с в. т. [5]; напр,  $k$ -мерные объемы проекций на  $k$ -мерные плоскости разных направлений и их средние значения. Главным достижением этой теории являются разнообразные неравенства между смешанными объемами; среди них - изопериметрическое неравенство классическое.

С в. т. связывают ряд простых фигур, напр, для каждого в. т. единствен наибольший (по объему) вписанный и наименьший описанный эллипсоиды [6]. Развита признаки, выделяющие среди всех в. т. шары, эллипсоиды, центрально-симметричные тела [1], [2]. Особое место в теории В. м. занимают теоремы о семействах В. м. [6].

## 2. Теорема Хелли

о пересечении выпуклых множеств с общей точкой: пусть  $K$  - семейство из не менее чем  $n+1$  выпуклых множеств в  $n$ -мерном аффинном пространстве  $A^n$ , причем  $K$  - конечно или каждое множество из  $K$  - компактно; тогда, если каждые  $n+1$  из множеств семейства имеют общую точку, то существует точка, общая всем множествам семейства  $K$ . Х. т. посвящены многие исследования, относящиеся к ее приложениям, доказательству различных аналогов и предложений типа Х. т., ее обобщений, напр. в вопросах чебышевского приближения, в решениях освещения задач, в теории выпуклых тел. Часто Х. т. фигурирует в доказательствах комбинаторных утверждений следующего типа: если в нек-ром семействе каждое подсемейство из  $n+1$  элементов обладает определенным свойством, то этим свойством обладает и все семейство. Напр., если  $a$  и  $b$  - две точки множества  $K \subset A^n$ , то выражение  $la$  видно из  $ba \in K$  обозначает, что отрезок  $[a, b]$  принадлежит  $K$ . Пусть компакт  $K \subset A^n$  обладает свойством, что для любых  $n+1$  точек из  $K$  существует точка в  $K$ , из к-рой видны эти точки, тогда в  $K$  существует точка, из к-рой видны все точки  $K$ , т. е.  $K$  - звездное множество..

**19.1. Перечень компетенций с указанием этапов формирования и планируемых результатов обучения**

Код и содержание компетенции (или ее части)	Планируемые результаты обучения (показатели достижения заданного уровня освоения компетенции посредством формирования знаний, умений, навыков)	Этапы формирования компетенции (разделы (темы) дисциплины или модуля и их наименование)	ФОС* (средства оценивания)
ОПК-1	Образовательные технологии: активные и интерактивные формы проведения занятий. В течение семестра студенты на лабораторных занятиях решают индивидуальные задания, соответствующего варианта. Результаты самостоятельных работ зачитываются во время зачета.	Выпуклые множества. Диаметр и радиус множества. Теорема Хелли.	Лабораторные задания.  Контрольная работа.
	Знать: основные понятия курса, определения и свойства математических объектов в этой области, формулировки утверждений, методы их доказательства, возможные сферы их приложений;		Лабораторные задания.  Контрольная работа.
ОК-7	Уметь: решать задачи вычислительного и теоретического характера;	Выпуклые множества. Диаметр и радиус множества. Теорема Хелли.	
ПК-3	Владеть: математическим аппаратом, аналитическими методами исследования	Выпуклые множества. Диаметр и радиус множества. Теорема Хелли.	Лабораторные задания. Контрольная работа.
Промежуточная аттестация			

\* В графе «ФОС» в обязательном порядке перечисляются оценочные средства текущей и промежуточной аттестаций.

**19.2 Описание критериев и шкалы оценивания компетенций (результатов обучения) при промежуточной аттестации**

- 1) знание учебного материала и владение понятийным аппаратом;
- 2) умение связывать теорию с практикой;
- 3) умение иллюстрировать ответ примерами, фактами, данными научных исследований;
- 4) умение применять полученные знания на практике;
- 5) владение понятийным аппаратом данной области науки (теоретическими основами дисциплины), способность иллюстрировать ответ примерами, фактами, данными научных исследований, применять теоретические знания для решения практических задач.

Критерии оценивания компетенций	Уровень сформированности компетенций	Шкала оценок
Обучающийся в полной мере владеет понятийным аппаратом данной области науки (теоретическими основами дисциплины), способен иллюстрировать ответ примерами, фактами, данными научных исследований, применять теоретические знания для решения практических задач в области...	<i>Повышенный уровень</i>	<i>зачет</i>
Обучающийся владеет понятийным аппаратом данной области науки (теоретическими основами дисциплины), допускает незначительные ошибки при ответе.	<i>Базовый уровень</i>	<i>зачет</i>
Обучающийся владеет частично теоретическими основами дисциплины, фрагментарно способен дать ответ.	<i>Пороговый уровень</i>	<i>зачет</i>
Обучающийся демонстрирует отрывочные, фрагментарные знания, допускает грубые ошибки,	–	<i>Незачет</i>

### **19.3 Типовые контрольные задания или иные материалы, необходимые для оценки знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующие этапы формирования компетенций в процессе освоения образовательной программы**

#### **19.3.2 Вопросы к зачету**

1. Выпуклые множества.
2. Сумма множеств.
3. Выпуклая оболочка, теорема Каратеодори.
4. Теорема об отделимости, опорная гиперплоскость.
5. Экстремальные точки, теорема Крейна-Мильмана.
6. Диаметр и радиус множества.
7. Разбиение множества на части меньшего диаметра. Решение задачи для  $n = 2$ .
8.  $n$ -мерный случай.
9. Задача об освещении.
10. Теорема Хелли (1).
11. Теорема Хелли (2).
12. Приложения теоремы Хелли.

#### **19.3.4 Тестовые задания**

Тестовых заданий нет

#### **19.3.4 Перечень заданий для контрольных работ**

Контрольная работа №1 по теме «Сумма множеств»

#### **19.3.5 Темы курсовых работ**

Нет курсовых работ.

#### **19.3.6 Темы рефератов**

1. Сумма множеств
2. Диаметр и радиус множества

### **19.4. Методические материалы, определяющие процедуры оценивания знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующих этапы формирования компетенций**

Текущий контроль представляет собой проверку усвоения учебного материала теоретического и практического характера, регулярно осуществляемую на занятиях.

К основным формам текущего контроля можно отнести устный опрос.

Промежуточная аттестация предназначена для определения уровня освоения всего объема учебной дисциплины в форме зачета.

Промежуточная аттестация, как правило, осуществляется в конце семестра и может завершать изучение как отдельной дисциплины, так и ее разделов. Промежуточная

аттестация помогает оценить более крупные совокупности знаний и умений, в некоторых случаях даже формирование определенных компетенций.

На зачете оценивается практический уровень освоения дисциплины и степень сформированности компетенций оценками «зачет» и «не зачет».

Задания текущего контроля и проведение промежуточной аттестации должны быть направлены на оценивание уровня освоения теоретических и практических понятий, научных основ профессиональной деятельности; степени готовности обучающегося применять теоретические и практические знания и практически значимую информацию; приобретение умений профессионально значимых для профессиональной деятельности.