МИНОБРНАУКИ РОССИИ

ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ БЮДЖЕТНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ

«ВОРОНЕЖСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ» (ФГБОУ ВО «ВГУ»)

УТВЕРЖДАЮ

Заведующий кафедрой общей и социальной психологии

Гайдар К.М.

подпись

17.06.2019 г.

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ Б1.Б.7 Высшая математика

Код и наименование дисциплины в соответствии с Учебным планом

1. Шифр и наименование специальности:
37.05.02 Психология служебной деятельности
2. Специализация: Психологическое обеспечение служебной деятельности в экстремальных условиях
3. Квалификация выпускника: психолог
4. Форма образования: очная
5. Кафедра, отвечающая за реализацию дисциплины: общей и социальной психологии факультета философии и психологии
6. Составители программы: <u>Малютина Оксана Петровна, канд. физ-мат. наук,</u> доцент
ФИО, ученая степень, ученое звание
7. Рекомендована: научно-методическим советом факультета философии и психологии, протокол от 26.06.2019, № 1400-06 наименование рекомендующей структуры, дата, номер протокола
отметки о продлении

Семестр(-ы): 1, 2_

8. Учебный год: 2019/2020

9. Цели и задачи учебной дисциплины:

Цель изучения учебной дисциплины — подготовка к использованию в профессиональной деятельности психолога знаний, умений и компетенций из области высшей математики (математического анализа, теории вероятностей, математической статистики).

Основными задачами учебной дисциплины являются:

- 1) оснащение студентов системой знаний о роли и месте математической статистики в современном мире;
- 2) формирование у студентов знаний о роли математического анализа, теории вероятностей, математической статистики в современных психологических исследованиях;
- 3) развитие у будущих специалистов содержательной логики применения математических понятий и методов для решения психологом конкретных экспериментальных и прикладных задач;
- 4) выработка умений и навыков статистической обработки и анализа данных эмпирического (в том числе экспериментального) психологического исследования.

10. Место учебной дисциплины в структуре ООП:

Учебная дисциплина «Высшая математика» относится к блоку «Дисциплины (модули)» Федерального государственного образовательного стандарта высшего образования по специальности 37.05.02 Психология служебной деятельности и входит в базовую часть этого блока.

Специальные требования к входным знаниям, умениям и компетенциям при изучении дисциплины «Высшая математика» не предъявляются. Приступая к изучению данной дисциплины, студенты должны иметь теоретическую и практическую подготовку по элементарной математике (в частности, элементам математического анализа, комбинаторики, теории вероятностей, математической статистики, математической логики, теории множеств), которая изучается в рамках программы общеобразовательной школы.

Учебная дисциплина «Высшая математика» является предшествующей для следующих дисциплин: «Математические методы в психологии», «Психодиагностика», «Экспериментальная психология».

11. Планируемые результаты обучения по дисциплине (знания, умения, навыки), соотнесенные с планируемыми результатами освоения образовательной программы (компетенциями выпускников):

oopas	obarchbilon lipol palilibi	(KOMITE TETT LIPINIA BEITTY CRITICAL).
Компетенция		Планируемые результаты обучения
Код	Название	
ОПК-	способность применять	знать: категориальный аппарат и методологию высшей
2	основные математические и	математики, в том числе теории вероятностей и
	статистические методы,	математической статистики
	стандартные статистические	
	пакеты для обработки	уметь: решать вероятностно-статистические задачи в
	данных, полученных при	ПСИХОЛОГИИ
	решении различных	
	профессиональных задач	владеть: навыками решения вероятностно-
		статистических задач в психологии

12 Объем дисциплины в зачетных единицах/часах (в соответствии с учебным планом) — <u>8 ЗЕТ_/_288 часов.</u>

Форма промежуточной аттестации (зачет/экзамен) – экзамен, экзамен.

13. Виды учебной работы:

			Трудо	емкость (ча	сы)
Dun van Gua X va Gun	Всего	По семестрам			
Вид учебной работы		1 сем.	2 сем.		
Аудиторные занятия		136	72	60	
в том числе:	лекции	68	36	30	
пра	актические	68	36	30	
лабораторные		0	0	0	
Самостоятельная работа		80	36	48	
Контроль		72	36	36	
Итого:		288	144	144	

13.1. Содержание дисциплины:

13.1	13.1. Содержание дисциплины:				
Nº п/п	Наименование раздела дисциплины	Содержание раздела дисциплины			
1.,	1. Лекции				
1.1	Основания математики	Роль математики в психологических исследованиях. Основные понятия теории множеств. Элементы комбинаторики.			
1.2	Элементы алгебры и математического анализа	 Функция. Её свойства. Дифференциальное исчисление функции одной переменной. Применение производной при построении графика функции. Первообразная и неопределённый интеграл. Определённые интегралы. Геометрическое приложение. Несобственные интегралы. Функция Лапласа. Дифференциальные уравнения. Матрицы и определители. Решение систем линейных уравнений 			
1.3	Элементы теории вероятностей	1. Определение вероятности, алгебра событий, 2. Теоремы сложения и умножения вероятностей, формула Байеса. 3. Повторяющиеся испытания. Формулы Бернулли, Пуассона, локальная и интегральная теоремы Лапласа. 4. Дискретные случайные величины (ДСВ). Числовые характеристики ДСВ. 5-6. Функция распределения и законы распределения ДСВ. 7. Непрерывная случайная величина (НСВ). Числовые характеристики НСВ. 8-9. Функция плотности и распределения НСВ. Законы распределения НСВ (биноминальный, Пуассона, равномерный). 10. Нормальный закон распределения, кривая Гаусса, функция Лапласа, правило «трех сигм».			
1.4	Математическая статистика	1-2. Первичная обработка данных, вариационные ряды, плотность, гистограмма. 3-4. Точечные и интервальные оценки параметров распределения. 5. Проверка статистических гипотез, нулевая и альтернативная гипотезы, понятие уровня статистической значимости. 6-7. Статистические критерии различий. 8. Многоплановость критерия хи-квадрат, коэффициент вариации. 9-10. Корреляционный анализ. 11. Линейный регрессионный анализ. 12. Дисперсионный анализ. Модель данных ANOVA, MANOVA.			

1.5	Общая постановка задачи о принятии решения	1. Задача о принятии решения.			
	2. Практические занятия				
2.1	Основания математики	1. Элементы теории множеств. 2. Решение комбинаторных задач.			
2.2	Элементы алгебры и математического анализа	 1-2. Функция. Её свойства. 3-4. Пределы. Основные теоремы о пределах. Классификация точек разрыва. 6-7. Вычисление производных. 8-9. Применение производной при построении графика функции. 10. Первообразная и неопределённый интеграл. 11-12.Основные способы вычисления неопределённого интеграла. 13. Определённые интегралы. Геометрическое приложение определённых интегралов. 14. Несобственные интегралы. Функция Лапласа. 15-16. Дифференциальные уравнения. 17-18. Матрицы и определители. 19. Решение систем линейных уравнений 			
2.3	Элементы теории вероятностей	1. Вычисление классической, статистической и геометрической вероятностей. 2. Алгебра событий. Условная вероятность. 3. Формула полной вероятности. Формула Байеса. 4-5. Повторяющиеся испытания. Формулы Бернулли, Пуассона, локальная и интегральная теоремы Лапласа. 6-7. Дискретные случайные величины (ДСВ). Числовые характеристики ДСВ. 8-9. Функция распределения и законы распределения ДСВ. 10. Непрерывная случайная величина (НСВ). Числовые характеристики НСВ. 11-12. Функция плотности и распределения НСВ. Законы распределения НСВ (биноминальный, Пуассона, равномерный). 13. Нормальный закон распределения, кривая Гаусса, функция Лапласа, правило «трех сигм».			

13.2 Темы (разделы) дисциплины и виды занятий:

Nº	Наименарация таки (раздада)	Виды занятий (часов)			
п/п	Наименование темы (раздела) дисциплины	Лекции	Практич. занятия	Самостоятельная работа	Всего
1	Основания математики	4	4	16	24
2	Элементы алгебры и математического анализа	16	38	16	70
3	Элементы теории вероятностей	20	24	18	62
4	Математическая статистика	20	0	16	36
5	Общая постановка задачи о принятии решения	2	0	18	20
	Контроль		72		72
	Итого:	66	66	84	288

14. Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины

Освоение дисциплины предполагает не только обязательное посещение обучающимся аудиторных занятий (лекций, практических занятий) и активную работу на них, но и самостоятельную учебную деятельность, на которую отводится в 1 семестре 36 часов, во втором семестре — 44 часа, а также работу

при подготовке к промежуточной аттестации – экзамену (отводится по 36 часов в каждом из двух семестров).

Самостоятельная учебная деятельность студентов по дисциплине «Высшая математика» предполагает решение соответствующих вопросам изучаемой темы (приведены выше) примеров и задач, самостоятельное освоение понятийного аппарата, составление справочника формул по темам и разделам дисциплины и подготовку к текущим аттестациям (контрольным работам) (примеры см. ниже).

Вопросы практических занятий прорабатываются на занятиях в виде устного и письменного опроса – индивидуального и фронтального, а также в форме индивидуальной и групповой работы с доской. При подготовке к практическим занятиям обучающимся важно помнить, что их задача, выполняя упражнения (решая примеры и задачи), соответствующие теме занятия, и дополнительные задания, выдаваемые преподавателем, показать свои знания и кругозор, умение логически мыслить, отстаивать свою профессиональную позицию, владение монологической речью, графическими навыками. В ходе устного и письменного опроса выявляются детали, которые по каким-то причинам оказались недостаточно осмысленными студентам в ходе учебных занятий. Тем опрос выполняет важнейшие обучающую, развивающую самым корректирующую функции, позволяет студентам учесть недоработки и избежать их при подготовке к экзамену.

Выполнение дополнительных письменных заданий предназначено для более глубокого и осмысленного усвоения обучающимися теоретического материала, закрепления практических математических умений и навыков. Одна из главных задач обучающегося — научиться решать примеры и задачи по изучаемой теме, отбирать из учебного математического текста главные мысли и положения.

Подготовка к письменным и устным опросам требует от студента усвоения определений ключевых понятий изучаемой темы, навыков решения примеров и задач, рекомендуемых преподавателем к практическому занятию. Для этого целесообразно использовать конспекты как лекций, так и литературных источников, рекомендованных для подготовки к практическому занятию. Выполнение устных и письменных заданий на практическом занятии ограничено по времени, поэтому задается, как правило, 1-2 задания.

Одновременно обучающиеся составляют справочник формул по темам и разделам дисциплины.

Все выполняемые студентами самостоятельно задания (решения примеров и задач, конспекты литературных источников, справочник формул) подлежат последующей проверке преподавателем для получения допуска к экзамену.

15. Перечень основной и дополнительной литературы, ресурсов интернет, необходимых для освоения дисциплины

а) основная литература:

№ п/п	Источник			
1	Горлач Б.А. Теория вероятностей и математическая статистика / Б.А. Горлач. – Москва :			
	Лань, 2013. – URL:http://e.lanbook.com/books/element.php?pl1_cid=25&pl1_id=4864			
усева Е.Н. Теория вероятностей и математическая статистика / Е.Н. Гусе				
4	Флинта, 2011. – 220 с. – URL:http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=83543			
	Туганбаев А.А. Задачи и упражнения по высшей математике для психологов / А.А.			
3	Туганбаев. – Москва : Флинта, 2012. – 322 с. –			
	URL:http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=115144			

б) дополнительная литература:

	№ п/п	Источник		
Ī	1	Гмурман В.Е. Руководство к решению задач по теории вероятностей и математической		
	4	статистике : учеб. пособие для вузов / В.Е. Гмурман. – Москва : Высш. шк., 1999. – 399 с.		

5	Гмурман В.Е. Теория вероятностей и математическая статистика : учеб. пособие для студ. вузов / В.Е. Гмурман. – Москва : Высш. шк., 1999. – 478 с.	
6	Кремер Н.Ш. Теория вероятностей и математическая статистика / Н.Ш. Кремер. – Москва : ЮНИТИ, 2003. – 543 с.	
7	Малютина О.П. Дисперсионный анализ в примерах психологических исследований с применением Excel, SPSS, STATISTICA / О.П. Малютина. – Воронеж : ЦНТИ, 2013. – 80 с. – URL:http://www.lib.vsu.ru/elib/texts/method/vsu/m13-195.pdf.	
8	Малютина О.П. Применение теории вероятностей при решении эргономических задач. Учебметод. пособие / О.П. Малютина . – Воронеж : Изд. дом ВГУ, 2017. – 76 с.	
9	Сидоренко Е.В. Методы математической обработки в психологии / Е.В. Сидоренко. – Санкт-Петербург : Речь, 2001. – 349 с.	
10	Суходольский Г.В. Математическая психология / Г.В. Суходольский. – Харьков : Гуманитар. центр, 2006. – 358 с.	
11	Суходольский Г.В. Математические методы в психологии / Г.В. Суходольский. – Харьков : Гуманитар. центр, 2004. – 282 с.	
12	Харченко М.А. Корреляционный анализ / М.А. Харченко. — Воронеж : ИПЦ ВГУ, 2008. — 32 с. — URL:http://www.lib.vsu.ru/elib/texts/method/vsu/m08-196.pdf	
13	Харченко М.А. Теория статистического вывода : учеб. пособие для вузов / М.А. Харченко. – Воронеж : ИПЦ ВГУ, 2008. – 78 с. – URL:http://www.lib.vsu.ru/elib/texts/method/vsu/m08-197.pdf	
14	Элементы теории вероятностей и математической статистики [Электронный ресурс] : учебметод. пособие для вузов / сост. О.П. Малютина. — Электрон. текстовые дан. — Воронеж, 2010. — 74 с. — Загл. с титул. экрана. — Электрон. версия печ. публикации. — Свободный доступ из интрасети ВГУ. — Текстовый файл. — Windows 2000; Adobe Acrobat Reader. — URL:http://www.lib.vsu.ru/elib/texts/method/vsu/m10-232.pdf.	
15	Элементы теории вероятностей для психологов [Электронный ресурс] : учебметод. пособие для вузов / сост. О.П. Малютина. — Электрон. текстов. дан. — Воронеж, 2011. — 48 с. — Загл. с титул. экрана. — Электрон. версия печ. публикации. — Свободный доступ из интрасети ВГУ. — Текстовый файл. — Windows 2000; Adobe Acrobat Reader. — URL:http://www.lib.vsu.ru/elib/texts/method/vsu/m11-251.pdf.	

в) информационные электронно-образовательные ресурсы (официальные ресурсы интернет):

№ п/п	Источник	
16	Карелина И.Г. Математика : учеб. пособие / И.Г. Карелина. – Воронеж : ВГУ, 2002. – Ч. 1. – 25 с. – URL:http://www.lib.vsu.ru/elib/texts/method/vsu/jan03012.pdf.	
17	Карелина И. Г. Математика : учеб. пособие / И.Г. Карелина. – Воронеж : ВГУ, 2002. – Ч. 3. – 65 с. – URL:http://www.lib.vsu.ru/elib/texts/method/vsu/jan03014.pdf.	
18	Карелина И.Г. Математика : учеб. пособие / И.Г. Карелина. – Воронеж : ВГУ, 2002. – Ч. 4. – 32 с. – URL:http://www.lib.vsu.ru/elib/texts/method/vsu/jan03013.pdf.	
19	Малютина О.П. Дисперсионный анализ в примерах психологических исследований с применением Excel, SPSS, STATISTICA / О.П. Малютина. – Воронеж : ЦНТИ, 2013. – 80 с. – URL:http://www.lib.vsu.ru/elib/texts/method/vsu/m13-195.pdf	
20	Элементы теории вероятностей и математической статистики [Электронный ресурс] : учебметод. пособие для вузов / сост. О.П. Малютина. — Электрон. текстовые дан. — Воронеж, 2010. — 74 с. — Загл. с титул. экрана. — Электрон. версия печ. публикации. — Свободный доступ из интрасети ВГУ. — Текстовый файл. — Windows 2000; Adobe Acrobat Reader. — URL:http://www.lib.vsu.ru/elib/texts/method/vsu/m10-232.pdf	
21	Элементы теории вероятностей для психологов [Электронный ресурс] : учебметод. пособие для вузов / сост. О.П. Малютина. — Электрон. текстов. дан. — Воронеж, 2011. — 48 с. — Загл. с титул. экрана. — Электрон. версия печ. публикации. — Свободный доступ из интрасети ВГУ. — Текстовый файл. — Windows 2000; Adobe Acrobat Reader. — URL:http://www.lib.vsu.ru/elib/texts/method/vsu/m11-251.pdf.	
22	Психология [Электронный ресурс] : Реферативный журнал: РЖ / ВИНИТИ. – Москва : ВИНИТИ, 2002 – В ЗНБ ВГУ с 2002 г. – ЭБ. – Ежемесячно	
23	Социальные и гуманитарные науки. Философия и социология : Библиогр. база данных 1981–2016 гг. / ИНИОН РАН. – Москва, 2017. – (CD–ROM	
24	ЭБС Издательства «Лань». – URL:http://e.lanbook.com.	
25	ЭБС Университетская библиотека онлайн. – URL:http://biblioclub.ru	
26	Электронный каталог Научной библиотеки Воронежского государственного университета. – URL:http://www.lib.vsu.ru.	

27	Наследов А. Д. Математичекие методы в психологии. Основы применения / А. Д.
21	Наследов, Д. Н. Волков. – Открытое образование. – URL: https://openedu.ru/
	https://courses.openedu.ru/courses/course-v1:spbu+MATMET

16. Перечень учебно-методического обеспечения для самостоятельной работы

№ п/п	Источник
1	Карелина И.Г. Математика : учеб. пособие / И.Г. Карелина. – Воронеж : ВГУ, 2002. – Ч. 1. – 25 с. – URL:http://www.lib.vsu.ru/elib/texts/method/vsu/jan03012.pdf.
2	Карелина И. Г. Математика : учеб. пособие / И.Г. Карелина. — Воронеж : ВГУ, 2002. — Ч. 3. — 65 с. — URL:http://www.lib.vsu.ru/elib/texts/method/vsu/jan03014.pdf.
3	Карелина И.Г. Математика : учеб. пособие / И.Г. Карелина. – Воронеж : ВГУ, 2002. – Ч. 4. – 32 с. – URL:http://www.lib.vsu.ru/elib/texts/method/vsu/jan03013.pdf.
4	Малютина О.П. Дисперсионный анализ в примерах психологических исследований с применением Excel, SPSS, STATISTICA / О.П. Малютина. – Воронеж : ЦНТИ, 2013. – 80 с. – URL:http://www.lib.vsu.ru/elib/texts/method/vsu/m13-195.pdf.
5	Элементы теории вероятностей и математической статистики [Электронный ресурс] : учебметод. пособие для вузов / сост. О.П. Малютина. — Электрон. текстовые дан. — Воронеж, 2010. — 74 с. — Загл. с титул. экрана. — Электрон. версия печ. публикации. — Свободный доступ из интрасети ВГУ. — Текстовый файл. — Windows 2000; Adobe Acrobat Reader. — URL:http://www.lib.vsu.ru/elib/texts/method/vsu/m10-232.pdf

17. Информационные технологии, используемые для реализации учебной дисциплины, включая программное обеспечение и информационносправочные системы

При реализации дисциплины используются следующие образовательные технологи: логическое построение дисциплины, установление межпредметных связей, обозначение теоретического и практического компонентов в учебном материале, актуализация личного И учебно-профессионального обучающихся. Применяются различные типы лекций (вводная, обзорная, проблемная) и семинарских информационная, И практических (проблемные, дискуссионные и др.). На практических занятиях используются следующие интерактивные формы: групповое обсуждение, дискуссия, метод case-study, (анализ и решение профессиональных ситуационных задач), элементы рефлексивного практикума.

ПО Интерактивное учебное пособие «Наглядная математика»; контракт №3010-07/22-16 от 23.03.2016 с ООО «Информационные технологии» (ООО «Интех». Воронеж): бессрочный.

Неисключительная лицензия на 3 пользовательские версии ПО «STATISTI-CA Advanced 10.0 RUS»; договор №3010-08/19-13 от 18.03.2013 с ООО «Ал-Софт» (Казань); бессрочный.

WinPro 8 RUS Upgrd OLP NL Acdm. Договор №3010-07/37-14 от 18.03.2014; бессрочная лицензия.

OfficeSTd 2013 RUS OLP NL Acdmc. Договор №3010-07/37-14 от 18.03.2014; бессрочная лицензия.

Справочная правовая система «Консультант-плюс», версия сетевая. Договор о сотрудничестве №14-2000/RD от 10.04.2000 с АО ИК «Информсвязь-Черноземье» (Воронеж); бессрочный.

Справочная правовая система «Гарант», версия сетевая. Договор о сотрудничестве №19/08 от 10.12.2006 с ООО «Гарант-Сервис»; бессрочный.

Применяются дистанционные образовательные технологии (Наследов А. Д. Математичекие методы в психологии. Основы применения / А. Д. Наследов, Д. Н. Волков. — Открытое образование. — https://courses.openedu.ru/courses/course-

<u>v1:spbu+MATMET</u>, в частности модуль 3 урок 1 в части освоения лекционного материала по теме «Непрерывная случайная величина». Контроль в виде теста.

18. Материально-техническое обеспечение дисциплины:

Мультимедийная аудитория для проведения занятий лекционного и семинарского типов, текущего контроля и промежуточной аттестации, помещение для хранения и профилактического обслуживания учебного оборудования (г.Воронеж, проспект Революции, д.24, ауд. 308): специализированная мебель, интерактивная доска Smart SBM685 в комплекте с проектором Optoma W312, ноутбук HP 630.

Лаборатория практической психологии – помещение для хранения и профилактического обслуживания учебного оборудования (г.Воронеж, проспект Революции, д.24, ауд. 307/4): ноутбук HP 630.

Компьютерный класс (кабинет информационных технологий №2) для проведения индивидуальных и групповых консультаций, аудитория для самостоятельной работы, помещение для хранения и профилактического обслуживания учебного оборудования (г.Воронеж, проспект Революции, д.24, ауд. 303): специализированная мебель, 15 ПК на базе процессора Intel Cor 2 Duo.

19. Фонд оценочных средств:

19.1 Перечень компетенций с указанием этапов формирования и планируемых результатов обучения:

лапирусмых результатов осу тепил.								
Код и содержание	Планируемые результаты	Этапы формирования						
компетенции (или	обучения (показатели	компетенции (разделы	ФОС					
ее части)	достижения заданного	(темы) дисциплины или	(средства					
	уровня освоения	модуля и их наименование)	оценивания)					
	компетенции посредством							
	формирования знаний,							
	умений, навыков)							
ОПК-2 способность	Знать: категориальный	1.1. Элементы теории						
применять	аппарат и методологию	множеств.						
основные	высшей математики, в том	1.2 Решение комбинаторных						
математические и	числе теории	задач.						
статистические	вероятностей и	2.1-2.2. Функция. Её						
методы,	математической	свойства.	Контрольная					
стандартные	статистики	2.3-2.4. Пределы. Основные	работа № 1					
статистические		теоремы о пределах.	(темы 1.1,					
пакеты для		2.5. Классификация точек	2.1-2.7)					
обработки данных,		разрыва.						
полученных при		2.6-2.7. Вычисление	Контрольная					
решении		производных.	работа № 2					
различных		2.8-2.9. Применение	(темы 2.8-					
профессиональных		производной при	2.19)					
задач		построении графика						
		функции.	Контрольная					
		2.10. Первообразная и	работа № 3					
		неопределённый интеграл.	(темы 1.1-1.2,					
		2.11-2.12.Основные способы	3.1-3.5)					
		вычисления						
		неопределённого интеграла.	Контрольная					
		2.13. Определённые	работа № 4					
		интегралы. Геометрическое	(темы 3.6-3.13)					
		приложение определённых						
		интегралов.						
		2.14. Несобственные						
		интегралы. Функция						
		Лапласа.						

		2.15-2.16.	
		Дифференциальные	
		уравнения.	
		2.17-2.18. Матрицы и	
		определители.	
		2.19. Решение систем	
		линейных уравнений.	
		3.1. Вычисление	
		классической,	
		статистической и	
		геометрической	
		вероятностей.	
		3.2 Алгебра событий.	
		Условная вероятность.	
		3.3. Формула полной	
		вероятности. Формула	
		Байеса.	
		3.4-3.5. Повторяющиеся	
		испытания. Формулы	
		Бернулли, Пуассона,	
		локальная и интегральная	
		теоремы Лапласа.	
		3.6-3.7. Дискретные	
		случайные величины (ДСВ).	
		Числовые характеристики	
		ДСВ.	
		дов. 3.8-3.9. Функция	
		распределения и законы распределения ДСВ.	
		• • •	
		3.10. Непрерывная случайная величина (HCB).	
		I	
		Числовые характеристики НСВ.	
		3.11-3.12. Функция	
		плотности и распределения	
		НСВ. Законы распределения	
		НСВ (биноминальный,	
		Пуассона, равномерный).	
		3.13. Нормальный закон	
		распределения, кривая	
		Гаусса, функция Лапласа,	
	W	правило «трех сигм».	
	Уметь: решать	1.1. Элементы теории	
	вероятностно-	множеств.	
	статистических задачи в	1.2. Решение	
	психологии	комбинаторных задач.	
		3.1. Вычисление	
		классической,	
		статистической и	Контрольная
		геометрической	рабо́та № 3
		вероятностей.	(темы 1.1-1.2,
		3.2 Алгебра событий.	3.1-3.5)
		Условная вероятность.	,
		3.3. Формула полной	Контрольная
		вероятности. Формула	работа № 4
		Байеса.	(темы 3.6-3.13)
		3.4-3.5. Повторяющиеся	(
		испытания. Формулы	
		Бернулли, Пуассона,	
		локальная и интегральная	
		теоремы Лапласа.	
1		3.6-3.7. Дискретные	
		· ·	
		случайные величины (ДСВ).	

Промежуточная атт	гестация № 2		КИМ № 2
Промежуточная атт			КИМ № 1
		Гаусса, функция Лапласа, правило «трех сигм».	
		распределения, кривая	
		3.13. Нормальный закон	
		НСВ (биноминальный, Пуассона, равномерный).	
		НСВ. Законы распределения	
		плотности и распределения	
		НСВ. 3.11-3.12. Функция	
		Числовые характеристики	
		случайная величина (НСВ).	
		распределения ДСВ. 3.10. Непрерывная	(темы 3.6-3.13)
		распределения и законы	работа № 4
		дов. 3.8-3.9. Функция	Контрольная
		Числовые характеристики ДСВ.	3.1-2.3.5)
		случайные величины (ДСВ).	1.1-2.1.2,
		3.6-3.7. Дискретные	раоота те
		локальная и интегральная теоремы Лапласа.	Контрольная работа № 3
		Бернулли, Пуассона,	16
		испытания. Формулы	
		з.4-3.5. Повторяющиеся	
		вероятности. Формула Байеса.	
		3.3. Формула полной	
		Условная вероятность.	
		вероятностей. 3.2 Алгебра событий.	
	психологии	геометрической	
	статистических задач в	статистической и	
	решения вероятностно-	классической,	
	Владеть: навыками	правило «трех сигм» 3.1. Вычисление	
		Гаусса, функция Лапласа,	
		распределения, кривая	
		3.13. Нормальный закон	
		НСВ (биноминальный, Пуассона, равномерный).	
		НСВ. Законы распределения	
		плотности и распределения	
		3.11-3.12. Функция	
		Числовые характеристики НСВ.	
		случайная величина (НСВ).	
		3.10. Непрерывная	
		распределения ДСВ.	
		3.8-3.9. Функция распределения и законы	
		ДСВ.	
		Числовые характеристики	

19.2 Описание критериев и шкалы оценивания компетенций (результатов обучения) при промежуточной аттестации.

Для оценивания результатов обучения на экзамене используются следующие *показатели:*

- 1) знание учебного материала и категориального аппарата (верное и глубокое изложение понятий, формул, законов, закономерностей высшей математики);
- 2) знание основных методов высшей математики, умение связывать теоретические положения высшей математики с областями их практического применения в психологии;
 - 3) умение решать вероятностно-статистические задачи;
- 4) умение излагать материал в процессе ответа логически последовательно, профессионально грамотно, иллюстрировать ответ математическими примерами, делать полные и обоснованные выводы;
- 5) умение применять стандартные статистические пакеты для решения вероятностно-статистических задач;
 - 6) владеть навыками решения вероятностно-статистических задач.

Для оценивания результатов обучения на экзамене используется 4-балльная *шкала:* «отлично», «хорошо», «удовлетворительно», «неудовлетворительно».

Соотношение показателей, критериев и шкалы оценивания результатов обучения:

обучения: Критерии оценивания компетенций	Уровень	Шкала оценок
притерии оценивания компетенции	сформированно	шкала оценок
	сти компетенций	
Полное соответствие ответа обучающегося всем	Повышенный	Отлично
перечисленным показателям по каждому из вопросов	уровень	Оприно
контрольно-измерительного материала.	уровень	
Продемонстрировано знание учебного материала и		
категориального аппарата (верное и глубокое изложение		
понятий, формул, законов, закономерностей высшей		
математики), основных методов высшей математики;		
умения решать вероятностно-статистические задачи;		
излагать материал в процессе ответа логически		
последовательно, профессионально грамотно,		
иллюстрировать ответ математическими примерами,		
делать полные и обоснованные выводы, применять		
стандартные статистические пакеты для решения		
вероятностно-статистических задач; владение навыками		
решения вероятностно-статистических задач.		
Несоответствие ответа обучающегося одному из	Базовый	Хорошо
перечисленных показателей (к одному из вопросов	уровень	
контрольно-измерительного материала) и правильный		
ответ на дополнительный вопрос в пределах программы.		
ИЛИ		
Несоответствие ответа обучающегося любым двум из		
перечисленных показателей (либо двум к одному вопросу,		
либо по одному к каждому вопросу контрольно-		
измерительного материала) и правильные ответы на два		
дополнительных вопроса в пределах программы.		
В ответе на основные вопросы контрольно-		
измерительного материала содержатся отдельные		
пробелы в знании учебного материала и категориального		
аппарата (верное и глубокое изложение понятий, формул,		
законов, закономерностей высшей математики), основных		
методов высшей математики; недостаточно		
продемонстрированы умения решать вероятностно-		
статистические задачи; излагать материал в процессе ответа логически последовательно, профессионально		
грамотно, иллюстрировать ответ математическими		
примерами, делать полные и обоснованные выводы,		
применять стандартные статистические пакеты для		
решения вероятностно-статистических задач; владение		
рошения вереятностно статистических задач, владение	<u> </u>	

навыками решения вероятностно-статистических задач		
навыками решения вероятностно-статистических задач. Несоответствие ответа обучающегося любым двум из перечисленных показателей и неправильный ответ на дополнительный вопрос в пределах программы. ИЛИ Несоответствие ответа обучающегося любым трем из перечисленных показателей (в различных комбинациях по отношению к вопросам контрольно-измерительного материала). В ответе на основные вопросы контрольно-измерительного материала содержатся частичные знания учебного материала и категориального аппарата (верное и глубокое изложение понятий, формул, законов, закономерностей высшей математики), основных методов высшей математики; допускаются существенные ошибки	Пороговый уровень	Удовлетвори- тельно
при демонстрации умений решать вероятностностатистические задачи; излагать материал в процессе ответа логически последовательно, профессионально грамотно, иллюстрировать ответ математическими примерами, делать полные и обоснованные выводы, применять стандартные статистические пакеты для решения вероятностно-статистических задач; проявляются серьезные трудности при демонстрации владения навыками решения вероятностностатистических задач.		
Несоответствие ответа обучающегося любым четырем из перечисленных показателей (в различных комбинациях по отношению к вопросам контрольно-измерительного материала). В ответе на основные вопросы контрольно-измерительного материала содержатся отрывочные знания учебного материала и категориального аппарата (верное и глубокое изложение понятий, формул, законов, закономерностей высшей математики), основных методов высшей математики; допускаются грубые ошибки при демонстрации умений излагать материал в процессе ответа логически последовательно, профессионально грамотно, делать полные и обоснованные выводы, умение решать теоретико-множественные, вероятностностатистические задачи, иллюстрировать ответ математическими примерами, умение применять стандартные статистические пакеты; не демонстрируется владение навыками решения вероятностностатистических задач.	_	Неудовлетвори- тельно

19.3 Типовые контрольные задания или иные материалы, необходимые для оценки знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующие этапы формирования компетенций в процессе освоения образовательной программы

19.3.1 Перечень вопросов к промежуточной аттестации – экзамену:

Nº	Вопросы к промежуточной аттестации (экзамену)						
	Экзамен – 1 семестр						
1	Множества. Операции над множествами. Свойства операций над множествами.						
2	Числовые множества. Промежутки.						
3	В Диаграммы Эйлера-Венна. История метода.						
4	Теорема включений и исключений.						
5	Прямое (декартово) произведение множеств.						
6	6 Соответствие. Мощность множества.						
7	У Дизъюнктивная сумма.						

8	Отношения. Свойства отношений.
9	Тригонометрические функции.
10	Предел дробно-рациональной функции.
11	Первый замечательный предел.
12	Второй замечательный предел. Число $\it e$.
13	Непрерывность функции. Точки разрыва функции.
14	Производная. Теорема о дифференцируемости функции.
15	Дифференциал. Геометрический смысл. Приближенное вычисление значения функции.
16	Производная. Теорема о непрерывности дифференцируемой функции.
17	Производная. Теорема о производной произведения двух функций.
18	Производные старших порядков. Геометрический смысл производной 2-го порядка.
19	Первообразная. Связь между двумя первообразными функциями.
20	Неопределенный интеграл. Свойства неопределенного интеграла.
21	Формула замены переменной в неопределенном интеграле.
22	Формула интегрирования по частям для неопределенного интеграла.
23	Определенный интеграл. Формула Ньютона-Лейбница.
24	Свойства определенного интеграла.
25	Приложения определённого интеграла.
26	Обыкновенные дифференциальные уравнения.
27	Линейные дифференциальные уравнения первого порядка
28	Матрицы. Алгебра матриц
29	Алгоритм построения обратной матрицы
30	Определтели. Способы вычисления
31	Метод Гаусса.
32	Метод Крамера.
	Экзамен – 2 семестр
1	События. Виды событий. Действия над событиями.
2	Классическое понятие вероятности. Свойства.
3	Теорема о вероятности суммы несовместных событий.
4	Условная вероятность. Теорема о вероятности произведения независимых событий.
5	Теорема о вероятности суммы совместных событий.
6	Формула полной вероятности.
7	Формула Байеса.
<u>8</u> 9	Независимые испытания. Теорема Бернулли. Независимые испытания. Теорема Пуассона.
10	Случайная величина. Действия над случайными величинами. Характеристики случайных
10	величин.
11	Математическое ожидание случайной величины. Свойства.
12	Дисперсия случайной величины. Свойства.
13	Функция распределения случайной величины. Свойства.
14	Непрерывная случайная величина. Плотность вероятности. Свойства.
15	Биноминальный закон распределения дискретной случайной величины.
15	Закон Пуассона распределения дискретной случайной величины.
16	Нормальный закон распределения непрерывной случайной величины. Правило «трех
	СИГМ».
17	Случайная выборка. Выборочные значения. Объем выборки.
18	Гистограмма. График гистограммы для какого-нибудь примера.
19	Эмпирическая функция распределения. График функции.
20	Точечное оценивание. Несмещенные оценки.
21	Состоятельные оценки. Достаточное условие состоятельности.
22	Метод моментов.
23 24	Метод максимального правдоподобия.
24	Выборочное среднее, выборочная дисперсия; выборочное среднеквадратическое отклонение; выборочный коэффициент вариации.
25	Выборочная квантиль, выборочная медиана, выборочные нижняя и верхняя квартили,
20	выборочная мода.
26	Выборочные коэффициенты асимметрии и эксцесса.
27	Доверительный интервал для математического ожидания нормального распределения.
28	Доверительный интервал для дисперсии нормального распределения.
29	Параметрические и непараметрические критерии, уровни достоверности.
23	т парашетри теопие и пенарашетри теопие критерии, уревни достоверности.

30	Ранговая корреляция.				
31	Линейная корреляция.				
32	Регрессионный анализ.				
33	Модель однофакторного дисперсионного анализа.				
34	Модель двухфакторного дисперсионного анализа.				
35	Модель трёхфакторного дисперсионного анализа.				
36	Модель и методы ANOVA и MANOVA.				
37	Задача о принятии решения.				

19.3.2 Перечень заданий для контрольных работ:

Комплект заданий для контрольной работы № 1

Тема: «Основания математики. Элементы математического анализа».

Вариант 1

- 1. Выполнить указанные операции над множествами $A = \{1, 2, 3, 4\}, B = \{3, 4, 5, 6\}, C = \{4, 6, 7\}$ подмножествами множества N натуральных чисел $(A \cup B \cup C) \cap \overline{A}$.
- 2. В группе 30 студентов, каждый из них изучает английский или немецкий язык, известно, что английский изучают 27 человек, немецкий 6. Сколько студентов в группе изучают оба языка.
- 3. Найти пределы функций в точке x_0 , используя свойства пределов, замечательные пределы

1)
$$\lim_{x \to x_0} \frac{2x^2 - 6x + 4}{3x^2 - 3}$$
: a) $x_0 = 2$, 6) $x_0 = -1$, B) $x_0 = 1$, Г) $x_0 = \infty$;

2)
$$\lim_{x\to 0} \frac{\sqrt{1+x}-\sqrt{1-x}}{3x}$$
; 3) $\lim_{x\to 0} \frac{\cos x-\cos^2 x}{x^2}$; 4) $\lim_{x\to 0} \frac{\left(\sqrt[3]{1+tg\,2x}-1\right)\ln\left(1+\sin^2 3x\right)}{\left(1-\cos x\right)\left(2^{arctg\,4x}-1\right)}$.

4. Исследовать на непрерывность функции f(x) и построить эскизы их графиков.

a)
$$f(x) = \begin{cases} x-1, & \text{если } x \le 1, \\ \sin(x-1), & \text{если } 1 < x \le 2, \\ x^2, & \text{если } x > 2; \end{cases}$$
 6) $f(x) = 3^{\frac{4}{(x-2)^2(x^2+5x+4)}}$.

5. Найти производную функции. $y = \sin(2x + 3)$.

Вариант 2

- 1. Выполнить указанные операции над множествами $A = \{1, 2, 3, 4\}, B = \{3, 4, 5, 6\}, C = \{4, 6, 7\}$ подмножествами множества N натуральных чисел $A \cup B \cup C \cap \overline{C}$.
- 2. В группе, состоящей из 20 человек, 6 знают немецкий, 7 французский и 8 английский язык, 3 человека знают немецкий и французский, 4 немецкий и английский, 5 французский и английский и один человек знает все 3 языка. Сколько человек не знают ни одного иностранного языка?
- 3. Найти пределы функций в точке x_0 , используя свойства пределов, замечательные пределы

1)
$$\lim_{x \to x_0} \frac{2x^2 + x - 1}{3x^2 + 2x - 1}$$
:a) $x_0 = \frac{1}{2}$, 6) $x_0 = \frac{1}{3}$, B) $x_0 = -1$, r) $x_0 = \infty$;

2)
$$\lim_{x \to 7} \frac{\sqrt{2+x}-3}{x-7}$$
; 3) $\lim_{x \to 0} \frac{\sin 3x}{tg7x}$; 4) $\lim_{x \to 0} \frac{(1-\cos 3x)(\sqrt{1-\operatorname{arc} tg x}-1)}{(e^{\sin^2 2x}-1)\ln(1-\operatorname{arcsin} 3x)}$.

4. Исследовать на непрерывность функции f(x) и построить эскизы их графиков. а)

$$f\left(x\right) = \begin{cases} x+1, & \text{если } x \le 1, \\ -x+3, & \text{если } 1 < x \le 2, \\ 2^{-x}, & \text{если } x > 2; \end{cases}$$
 б)
$$f\left(x\right) = -2^{\frac{3}{\left(x-1\right)^2\left(x^2-5x+6\right)}}.$$

5. Найти производную функции. $y = \ln(2x)$.

Вариант 3

- 1. Выполнить указанные операции над множествами $A = \{1,2,3,4\}, \ B = \{3,4,5,6\}, \ C = \{4,6,7\}$ подмножествами множества N натуральных чисел. $(A \cup B) \setminus C) \cap A$.
- 2. В школьной химической олимпиаде участвовали 21 человек, в физической 26 человек, в математической 29 человек. 14 человек участвовали в химической и математической, 15 человек в физической и математической, 8 во всех трех олимпиадах. Сколько человек участвовали хотя бы в одной из трех олимпиад?
- 3. Найти пределы функций в точке x_0 , используя свойства пределов, замечательные

пределы.1)
$$\lim_{x \to x_0} \frac{4x^2 - 7x - 2}{2x^2 - 5x + 2}$$
 :a) $x_0 = -\frac{1}{4}$, б) $x_0 = \frac{1}{2}$, в) $x_0 = 2$,г) $x_0 = \infty$;

2)
$$\lim_{x \to 1} \frac{x - \sqrt{x}}{x^2 - x}$$
; 3) $\lim_{x \to 0} \frac{tg \, 2x}{\sin 3x}$; 4) $\lim_{x \to 0} \frac{\log_2(1 + tg^2 \, 3x)(3^{\sin 4x} - 1)}{(\sqrt[4]{1 + \arcsin 2x} - 1)(1 - \cos 2x)}$.

4. Исследовать на непрерывность функции f(x) и построить эскизы их графиков. а)

$$f(x) = \begin{cases} x^2 - 1, & \text{если } x \le 1, \\ 2^{x-1} - 1, & \text{если } 1 < x < 2, \\ \sin \pi x, & \text{если } x > 2; \end{cases}$$
 б)
$$f(x) = 4^{\frac{2}{x^2(x^2 - 4x + 3)}}.$$

5. Найти производную функции: $y = \cos(3x + 4)$.

Вариант 4

- 1. Выполнить указанные операции над множествами $A = \{1, 2, 3, 4\}, B = \{3, 4, 5, 6\}, C = \{4, 6, 7\}$ подмножествами множества N натуральных чисел $(A \cup B \cup C) \cap \overline{A}$.
- 2. В группе 30 студентов, каждый из них изучает английский или немецкий язык, известно, что английский изучают 27 человек, немецкий 6. Сколько студентов в группе изучают оба языка?
- 3. Найти пределы функций в точке x_0 , используя свойства пределов, замечательные пределы

1)
$$\lim_{x \to x_0} \frac{2x^2 - 6x + 4}{3x^2 - 3}$$
: a) $x_0 = 2$, 6) $x_0 = -1$, B) $x_0 = 1$, $x_0 = \infty$;

2)
$$\lim_{x\to 0} \frac{\sqrt{1+x}-\sqrt{1-x}}{3x}$$
; 3) $\lim_{x\to 0} \frac{\cos x - \cos^2 x}{x^2}$; 4) $\lim_{x\to 0} \frac{\left(\sqrt[3]{1+tg\,2x}-1\right)\ln\left(1+\sin^2 3x\right)}{\left(1-\cos x\right)\left(2^{arctg\,4x}-1\right)}$.

4. Исследовать на непрерывность функции f(x) и построить эскизы их графиков.

a)
$$f(x) = \begin{cases} x-1, & \text{если } x \le 1, \\ \sin(x-1), & \text{если } 1 < x \le 2, \\ x^2, & \text{если } x > 2; \end{cases}$$
 6) $f(x) = 3^{\frac{4}{(x-2)^2(x^2+5x+4)}}$.

5. Найти производную функции. $y = \sin(2x + 3)$.

Вариант 5

- 1. Выполнить указанные операции над множествами $A = \{1, 2, 3, 4\}, B = \{3, 4, 5, 6\}, C = \{4, 6, 7\}$ подмножествами множества N натуральных чисел $A \cup B \cup C \cap \overline{C}$.
- 2. В группе, состоящей из 20 человек, 6 знают немецкий, 7 французский и 8 английский язык, 3 человека знают немецкий и французский, 4 немецкий и английский, 5 французский и английский и один человек знает все 3 языка. Сколько человек не знают ни одного иностранного языка?

3. Найти пределы функций в точке x_0 , используя свойства пределов, замечательные пределы

1)
$$\lim_{x \to x_0} \frac{2x^2 + x - 1}{3x^2 + 2x - 1}$$
:a) $x_0 = \frac{1}{2}$, 6) $x_0 = \frac{1}{3}$, B) $x_0 = -1$, r) $x_0 = \infty$;

2)
$$\lim_{x \to 7} \frac{\sqrt{2+x}-3}{x-7}$$
; 3) $\lim_{x \to 0} \frac{\sin 3x}{tg \, 7x}$; 4) $\lim_{x \to 0} \frac{(1-\cos 3x)(\sqrt{1-\arctan tg \, x}-1)}{(e^{\sin^2 2x}-1)\ln(1-\arcsin 3x)}$.

4. Исследовать на непрерывность функции $f\left(x
ight)$ и построить эскизы их графиков. а)

$$f\left(x\right) = \begin{cases} x+1, & \text{если } x \le 1, \\ -x+3, & \text{если } 1 < x \le 2, \\ 2^{-x}, & \text{если } x > 2; \end{cases}$$
 б)
$$f\left(x\right) = -2^{\frac{3}{\left(x-1\right)^2\left(x^2-5x+6\right)}}.$$

5. Найти производную функции: $y = \ln(2x)$.

Вариант 6

- 1. Выполнить указанные операции над множествами $A = \{1, 2, 3, 4\}, B = \{3, 4, 5, 6\}, C = \{4, 6, 7\}$ подмножествами множества N натуральных чисел. $(A \cup B) \setminus C \cap A$.
- 2. В школьной химической олимпиаде участвовали 21 человек, в физической 26 человек, в математической 29 человек. 14 человек участвовали в химической и математической, 15 человек в физической и математической, 8 во всех трех олимпиадах. Сколько человек участвовали хотя бы в одной из трех олимпиад?
- 3. Найти пределы функций в точке x_0 , используя свойства пределов, замечательные

пределы.1)
$$\lim_{x \to x_0} \frac{4x^2 - 7x - 2}{2x^2 - 5x + 2}$$
 :a) $x_0 = -\frac{1}{4}$, б) $x_0 = \frac{1}{2}$, в) $x_0 = 2$,г) $x_0 = \infty$;

2)
$$\lim_{x \to 1} \frac{x - \sqrt{x}}{x^2 - x}$$
; 3) $\lim_{x \to 0} \frac{tg \, 2x}{\sin 3x}$; 4) $\lim_{x \to 0} \frac{\log_2(1 + tg^2 \, 3x)(3^{\sin 4x} - 1)}{(\sqrt[4]{1 + \arcsin 2x} - 1)(1 - \cos 2x)}$.

4. Исследовать на непрерывность функции $f\left(x\right)$ и построить эскизы их графиков. a)

$$f\left(x\right) = \begin{cases} x^2 - 1, & \text{если } x \le 1, \\ 2^{x-1} - 1, & \text{если } 1 < x < 2, \\ \sin \pi x, & \text{если } x > 2; \end{cases}$$
 б)
$$f\left(x\right) = 4^{\frac{2}{x^2\left(x^2 - 4x + 3\right)}}.$$

5. Найти производную функции: $y = \cos(3x + 4)$.

Вариант 7

- 1. Выполнить указанные операции над множествами $A = \{1, 2, 3, 4\}, B = \{3, 4, 5, 6\}, C = \{4, 6, 7\}$ подмножествами множества N натуральных чисел $(A \cup B \cup C) \cap \overline{A}$.
- 2. В группе 30 студентов, каждый из них изучает английский или немецкий язык, известно, что английский изучают 27 человек, немецкий 6. Сколько студентов в группе изучают оба языка?
- 3. Найти пределы функций в точке x_0 , используя свойства пределов, замечательные пределы

1)
$$\lim_{x \to x_0} \frac{2x^2 - 6x + 4}{3x^2 - 3}$$
: a) $x_0 = 2$, 6) $x_0 = -1$, B) $x_0 = 1$, $x_0 = \infty$;

2)
$$\lim_{x\to 0} \frac{\sqrt{1+x}-\sqrt{1-x}}{3x}$$
; 3) $\lim_{x\to 0} \frac{\cos x-\cos^2 x}{x^2}$; 4) $\lim_{x\to 0} \frac{\left(\sqrt[3]{1+tg\,2x}-1\right)\ln\left(1+\sin^2 3x\right)}{\left(1-\cos x\right)\left(2^{arctg\,4x}-1\right)}$.

4. Исследовать на непрерывность функции f(x) и построить эскизы их графиков.

a)
$$f(x) = \begin{cases} x-1, & \text{если } x \le 1, \\ \sin(x-1), & \text{если } 1 < x \le 2, \end{cases}$$
 6) $f(x) = 3^{\frac{4}{(x-2)^2(x^2+5x+4)}}$

5. Найти производную функции. $y = \sin(2x + 3)$

Вариант 8

- 1. Выполнить указанные операции над множествами $A = \{1,2,3,4\}, \ B = \{3,4,5,6\}, \ C = \{4,6,7\}$ подмножествами множества N натуральных чисел $(A \cup B \cup C) \cap \overline{C}$.
- 2. В группе, состоящей из 20 человек, 6 знают немецкий, 7 французский и 8 английский язык, 3 человека знают немецкий и французский, 4 немецкий и английский, 5 французский и английский и один человек знает все 3 языка. Сколько человек не знают ни одного иностранного языка?
- 3. Найти пределы функций в точке x_{0} , используя свойства пределов, замечательные пределы

1)
$$\lim_{x \to x_0} \frac{2x^2 + x - 1}{3x^2 + 2x - 1}$$
:a) $x_0 = \frac{1}{2}$, 6) $x_0 = \frac{1}{3}$, B) $x_0 = -1$, r) $x_0 = \infty$;

2)
$$\lim_{x \to 7} \frac{\sqrt{2+x}-3}{x-7}$$
; 3) $\lim_{x \to 0} \frac{\sin 3x}{tg7x}$; 4) $\lim_{x \to 0} \frac{(1-\cos 3x)(\sqrt{1-\arctan tg x}-1)}{(e^{\sin^2 2x}-1)\ln(1-\arcsin 3x)}$.

4. Исследовать на непрерывность функции f(x) и построить эскизы их графиков. а)

$$f\left(x\right) = \begin{cases} x+1, & \text{если } x \le 1, \\ -x+3, & \text{если } 1 < x \le 2, \\ 2^{-x}, & \text{если } x > 2; \end{cases}$$
 б)
$$f\left(x\right) = -2^{\frac{3}{\left(x-1\right)^2\left(x^2-5x+6\right)}}.$$

5. Найти производную функции: $y = \ln(2x)$

Вариант 9

- 1. Выполнить указанные операции над множествами $A = \{1, 2, 3, 4\}, B = \{3, 4, 5, 6\}, C = \{4, 6, 7\}$ подмножествами множества N натуральных чисел. $(A \cup B) \setminus C \cap A$.
- 2. В школьной химической олимпиаде участвовали 21 человек, в физической 26 человек, в математической 29 человек. 14 человек участвовали в химической и математической, 15 человек в физической и математической, 8 во всех трех олимпиадах. Сколько человек участвовали хотя бы в одной из трех олимпиад?
- 3. Найти пределы функций в точке x_0 , используя свойства пределов, замечательные

пределы.1)
$$\lim_{x \to x_0} \frac{4x^2 - 7x - 2}{2x^2 - 5x + 2}$$
 :a) $x_0 = -\frac{1}{4}$, б) $x_0 = \frac{1}{2}$, в) $x_0 = 2$,г) $x_0 = \infty$;

2)
$$\lim_{x \to 1} \frac{x - \sqrt{x}}{x^2 - x}$$
; 3) $\lim_{x \to 0} \frac{tg \, 2x}{\sin 3x}$; 4) $\lim_{x \to 0} \frac{\log_2(1 + tg^2 \, 3x)(3^{\sin 4x} - 1)}{\left(\sqrt[4]{1 + \arcsin 2x} - 1\right)(1 - \cos 2x)}$.

4. Исследовать на непрерывность функции f(x) и построить эскизы их графиков. а)

$$f(x) = \begin{cases} x^2 - 1, & \text{если } x \le 1, \\ 2^{x-1} - 1, & \text{если } 1 < x < 2, \\ \sin \pi x, & \text{если } x > 2; \end{cases}$$
 б)
$$f(x) = 4^{\frac{2}{x^2(x^2 - 4x + 3)}}$$

5. Найти производную функции: $y = \cos(3x + 4)$

- 1. Выполнить указанные операции над множествами $A = \{1, 2, 3, 4\}, B = \{3, 4, 5, 6\}, C = \{4, 6, 7\}$ подмножествами множества N натуральных чисел $A \cup B \cup C \cap \overline{A}$.
- 2. В группе 30 студентов, каждый из них изучает английский или немецкий язык, известно, что английский изучают 27 человек, немецкий 6. Сколько студентов в группе изучают оба языка?
- 3. Найти пределы функций в точке x_0 , используя свойства пределов, замечательные пределы

1)
$$\lim_{x \to x_0} \frac{2x^2 - 6x + 4}{3x^2 - 3}$$
 : a) $x_0 = 2$, 6) $x_0 = -1$,B) $x_0 = 1$,r) $x_0 = \infty$;

2)
$$\lim_{x\to 0} \frac{\sqrt{1+x}-\sqrt{1-x}}{3x}$$
; 3) $\lim_{x\to 0} \frac{\cos x-\cos^2 x}{x^2}$; 4) $\lim_{x\to 0} \frac{\left(\sqrt[3]{1+tg\,2x}-1\right)\ln\left(1+\sin^2 3x\right)}{\left(1-\cos x\right)\left(2^{arctg\,4x}-1\right)}$.

4. Исследовать на непрерывность функции f(x) и построить эскизы их графиков.

a)
$$f(x) = \begin{cases} x-1, & \text{если } x \le 1, \\ \sin(x-1), & \text{если } 1 < x \le 2, \\ x^2, & \text{если } x > 2; \end{cases}$$
 б) $f(x) = 3^{\frac{4}{(x-2)^2(x^2+5x+4)}}$.

5. Найти производную функции: $y = \sin(2x + 3)$.

Тест – контроль модуля 3 урока 1 в части освоения лекционного материала по теме «Непрерывная случайная величина» (Нормальное раопределение) с примением дистанционных образовательных технологий (Наследов А. Д. Математичекие методы в психологии. Основы применения / А. Д. Наследов, Д. Н. Волков. – Открытое образование. – https://courses.openedu.ru/courses/course-v1:spbu+MATMET

- 1. Кто из ученых занимался предсказанием выигрыша для богатых?
 - а) Де Муавр;
 - в) Пуассон;
 - с) Бернулли.
- 2. Кривая нормального распределения называется
 - а) кривой Гаусса;
 - в) кривой Байеса;
 - с) кривой Коши.
- 3.Символ М означает
 - а) моду;
 - в) среднее;
 - с) дискриминант.
- 4.Символ d означвет
 - а) моду;
 - в) среднее;
 - с) среднее квадратичное отклонение.
- 5. Площадь под кривой нормального распределения равна
 - a) 0,5;
 - в) нулю;
 - с) единице.

Комплект заданий для контрольной работы № 2

Тема «Элементы алгебры и математического анализа».

Вариант 1

- 1. Найти неопределенные интегралы 1) $\int \left(4\sqrt{x} \frac{2}{x^5} \frac{6}{x} + 7\sin x + \frac{5}{\sqrt{9-x^2}} 3\right) dx$; 2) $\int \frac{dx}{x \sqrt{x}}$; 3) $\int \ln x \, dx$
- 2. Найти общее решение уравнения: $xy' + y e^x = 0$
- 3. Вычислить площадь фигуры, ограниченной линиями y = x + 2, $y = 2x \frac{x^2}{2} + 6$
- 4. Исследовать функцию и построить её график. $y = \frac{2x^3}{x^2 + 2x 3}$

Вариант 2

1. Найти неопределенные интегралы

1)
$$\int \left(10 + \frac{4}{\sqrt{16 - x^2}} - \frac{7}{x^4} - 3\sqrt[3]{x^2} + \cos x\right) dx$$
; 2) $\int x \arctan(x) dx$; 3) $\int \frac{(x+3)dx}{x^2 + 3x + 2}$

- 2. Решить дифференциальное уравнение. $y' \frac{y}{2x} = x$
- 3. Вычислить площадь фигуры, ограниченной линиями $y = \sqrt{x+2}$, y = x , x = 7 .
- 4. Исследовать функцию и построить её график $y = \frac{3x^3}{x^2 + 3x 4}$

Вариант 3

1. Найти неопределенные интегралы

1)
$$\int \left(\frac{6}{\sin^2 x} + \frac{9}{\sqrt{x^2 - 4}} - \frac{5}{x} + e^x - \sqrt[4]{x^3}\right) dx$$
; 2) $\int \frac{dx}{15 - 7x}$; 3) $\int \frac{(5x - 1)dx}{x^2 - 5x + 6}$

- 2. Решить дифференциальное уравнение y' + xy = x
- 3. Вычислить площадь фигуры, огр. линиями $y=\sqrt{x}$, $y=\frac{2}{3}x-3$, $y=-\frac{1}{2}x+4$
- 4. Исследовать функцию и построить её график $y = \frac{4x^3}{x^2 + 5x 3}$.

Вариант 4

1. Найти неопределенные интегралы

1)
$$\int \left(15\sin x - \frac{1}{x^2 + 9} + \frac{8}{\sqrt[3]{x}} + 13\cdot 4^x - 6\right) dx$$
; 2) $\int \cos(1+2x) dx$; 3) $\int \frac{(4x-1)dx}{x^2 + 4x + 3}$

- 2. Решить дифференциальное уравнение $2xy' + y = 2x^3$
- 3. Вычислить площадь фигуры, ограниченной линиями $y=\frac{1}{x}, \ y=-x^2+4x-2$
- 4. Исследовать функцию и построить её график $y = \frac{x^3}{x^2 + x 6}$

Комплект заданий для контрольной работы № 3

Тема «Элементы теории вероятностей».

Вариант 1

- 1.В лотерее 1000 билетов, из них 500 билетов выигрышных, а 500 остальных нет. Куплено 2 билета. Какова вероятность того, что оба билета выигрышные?
- 2. Вероятность выхода станка из строя в течение рабочего дня α < 1. Какова вероятность того, что за пять дней станок ни разу не выйдет из строя?
- 3. Вероятность появления события А в одном испытании равна 0.4. Какова вероятность того, что при 10 испытаниях событие А появится не более 3 раз?
- 4. Имеются 4 урны. В первой урне находится 1 белый и 1 черный шары, во второй 2 белых и 3 черных шара, в третьей 3 белых и 5 черных шаров, в четвертой 4 белых и 7 черных шаров. Событие Ні выбор і-й урны (і = 1,2, 3,4). Дано, что вероятность выбора і-й урны есть і / 10. Выбирается наугад с указанной вероятностью одна из урн и вынимается из нее один шар. Какова вероятность того, что этот шар белый?

Вариант 2

- 1. В группе 30 учеников. На контрольной работе получили: 6 учеников пятерки, 10 четверки, 9 тройки, 5 двойки. Какова вероятность того, что три ученика, вызванные к доске, все имеют неудовлетворительные оценки?
- 2. Радист дважды вызывает своего корреспондента. Вероятность того, что будет принят первый вызов, равна 0.2, второй 0.3. События, состоящие в том, что вызовы будут услышаны, независимы. Найти вероятность того, что вызовы будут услышаны не менее одного раза?
- 3. Из колоды в 36 карт вынимаются наудачу подряд три карты, с возвращением каждой после осмотра в колоду. Каждый раз колода перемешивается. Вычислить вероятность того, что среди выбранных карт будут два туза.
- 4. Имеются три ящика. В первом ящике находится 20 белых шаров, во втором 10 белых и 10 черных. В третьем 20 черных. Из выбранного наугад ящика вынули белый шар. Вычислить вероятность того, что шар вынули из первого ящика.

Вариант 3

- 1. В первом ящике находится 2 белых и 10 черных шаров. Во втором 8 белых и 4 черных. Из каждого вынули по шару. Какова вероятность того, что один шар белый, другой черный?
- 2. Пять претендентов участвуют в конкурсе на звание лучшего учителя. Вероятность того, что каждый претендент ответит на вопросы первого этапа одна и та же 0.6. Какова вероятность того, что не менее трех претендентов пройдут первый этап?
- 3. Комиссия проверяет работу служащих трех отделов. В первом отделе работают А штатных и В нештатных служащих, во втором С штатных и D нештатных, в третьем только штатные. Из выбранного наудачу отдела также наудачу выбирается служащий. Какова вероятность того, что он в штате?
- 4. Бросаются одновременно две игровые кости. Найти вероятность событий:
- 1. сумма выпавших очков равна 8;
- 2. произведение выпавших очков равно 8;
- 3. сумма выпавших очков больше, чем произведение.

Вариант 4

- 1. В семье 5 детей. Какова вероятность того, что в семье не больше трех девочек? Предполагается, что вероятность рождения мальчика равна 0.6, девочки 0.4.
- 2. Имеются 3 урны. В первой находится 10 белых шаров, во второй 5 белых и 5 черных, в третьей 10 черных шаров. Из наудачу выбранной урны также наудачу взяли шар. Найти вероятность того, что вынут белый шар?
- 3. Три участника конкурса отвечают на вопросы. Вероятность того, что первый участник знает ответ равна 0.75, второй 0.8, третий 0.9. Определить вероятность того, что хотя бы один из них ответит на вопросы?
- 4. В группе 30 учеников. На контрольной работе получили: 6 учеников пятерки, 10 четверки, 9 тройки, 5 двойки. Какова вероятность того, что три ученика, вызванные к доске, все имеют неудовлетворительные оценки?

Тема «Элементы теории вероятностей (часть II)».

Вариант 1

- 1. Производится ряд выстрелов по мишени с вероятностью попадания 0.7 при каждом выстреле; стрельба ведется до первого попадания в мишень, но не свыше 5 выстрелов. Найти закон распределения, математическое ожидание и дисперсию числа произведенных выстрелов. Построить функцию распределения, определить вероятность того, что число выстрелов до первого попадания будет не меньше трех.
- 2. Для непрерывной случайной величины плотность вероятностей f(x) = Ae^x для x, имеющей

стандартное нормальное распределение N(0, 1). Требуется построить графики плотности распределения и функции распределения, определив предварительно параметр А. Найти математическое ожидание, дисперсию, среднеквадратическое отклонение. Найти вероятность того, что отклонение случайной величины от математического ожидания будет не более среднеквадратического отклонения.

3. По заданному ряду распределения

		1 17 1				
X	1	2	3	4	5	6
p	2/20	1/20	10/20	5/20	1/20	1/20

вычислить среднее, дисперсию.

Вариант 2

1. Известно, что в партии из 20 телевизоров имеется 5 неисправных. Из партии выбрано 4 аппарата. Найти закон распределения, математическое ожидание и дисперсию числа неисправных телевизоров среди отобранных. Построить функцию распределения. Определить вероятность того, что число неисправных телевизоров среди отобранных будет не более двух.1. Первый студент знает ответ на 2 вопроса из 12, второй — на 8 из 12. Каждому наудачу задается

2.. Дана функция распределения случайной величины Х:

$$F(x) = \begin{cases} e^x, & x \leqslant a; \\ 1, & x > a. \end{cases}$$

Найти параметр а, функцию плотности распределения вероятностей случайной величины X, вычислить математическое ожидание и дисперсию.

3. Дан ряд распределения

a. Han by H brank all and my						
	Χ	500	50	10	1	0
	р	0.01	0,05	0,1	0,15	0,69

Вычислить математическое ожидание и дисперсию.

Вариант 3

- 1. Вероятность того, что стрелок попадет в мишень при одном выстреле, равна 0.6. Стрелок производит последовательно выстрелы до тех пор, пока не промахнется, но не более 5 выстрелов. Найти закон распределения, математическое ожидание и дисперсию числа произведенных выстрелов. Построить функцию распределения. Определить вероятность того, что число произведенных выстрелов будет не менее трех.
- 2. Случайная величина Х задана функцией распределения

$$F_X(x) = \begin{cases} 0, & x \le 0, \\ ax^2, & 0 < x \le 1, \\ 1, & x > 1. \end{cases}$$

Найти: 1) коэффициент a; 2) $f_X(x)$ и построить ее график; 3) $\mathbf{P}\{\mathbf{0,25} \leq X < \mathbf{0,5}\}$.

3. Департамент образования, проводя исследования вопроса о том, сколько времени в неделю (в часах) учащиеся старших классов тратят на выполнение домашних заданий, по схеме собственнослучайной бесповторной выборки опросили 200 школьников. Результаты представлены в таблице:

Время (час.)	менее 5	5-8	8-11	11-14	14-17	17-20	более 20	Итого:
Число школьников	8	19	36	65	45	23	4	200

Вариант 4

1. Случайная величина Х задана функцией плотности

$$f_{\mathbf{x}}(x) = \begin{cases} 0, & |x| \ge \frac{\pi}{2}, \\ a \cos x, & |x| < \frac{\pi}{2}. \end{cases}$$

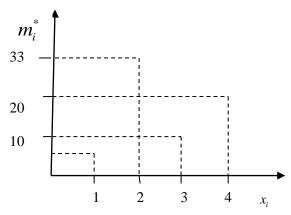
Найти: 1) коэффициент a; 2) $F_X(x)$ и построить ее график; 3) $\mathbb{P}\bigg\{0 \le X < \frac{\pi}{4}\bigg\}$

2. По заданному ряду распределения

 	, ,	, .				
X	1	2	3	4	5	6
p	2/20	1/20	10/20	5/20	1/20	1/20

вычислить среднее, дисперсию.

3. Из генеральной совокупности извлечена выборка объема $\,n=70\,,\,$ полигон частот которой имеет вид



Определить число вариант для x_i .

Критерии оценки компетенций (результатов обучения) при текущей аттестации (контрольной работе):

- оценка «отлично» выставляется, если не менее чем на четыре пятых всех заданий контрольной работы даны правильные, полные и глубокие ответы, раскрывающие уверенное знание студентом понятий, законов, закономерностей, принципов, фактов, содержащихся в конкретных материалах по теме; высокую сформированность у него аналитико-синтетических операций и их успешное применение при выполнении заданий контрольной работы;
- оценка «хорошо» выставляется, если не менее чем на две трети всех заданий контрольной работы даны правильные, полные и глубокие ответы, раскрывающие достаточное знание студентом понятий, законов, закономерностей, принципов, фактов, содержащихся в конкретных материалах по теме; хорошую сформированность у него аналитико-синтетических операций и в целом их адекватное применение при выполнении заданий контрольной работы;
- оценка «удовлетворительно» выставляется, если правильно выполнено не менее половины всех заданий контрольной работы, при этом допускается недостаточная полнота и глубина ответов, в которых студентом продемонстрирован необходимый минимум знаний понятий, законов, закономерностей, принципов, фактов, содержащихся в конкретных материалах по

теме; слабая сформированность у него аналитико-синтетических операций, затруднения в их применении при выполнении заданий контрольной работы;

– оценка «неудовлетворительно» выставляется, если с минимально необходимым уровнем решения выполнено менее половины всех заданий контрольной работы, ответы демонстрируют незнание или поверхностное знание студентов понятий, законов, закономерностей, принципов, фактов, содержащихся в конкретных материалах по теме; несформированность у него аналитикосинтетических операций.

Количественная шкала оценок:

- оценка «отлично» выставляется, если безошибочно выполнено не менее 80% заданий контрольной работы, качество решения которых соответствует критерию оценки «отлично»;
- оценка «хорошо» выставляется, если безошибочно выполнено не менее 66% и не более 67% заданий контрольной работы, качество решения которых соответствует критериям оценки «отлично» или «хорошо»;
- оценка «удовлетворительно» выставляется, если безошибочно выполнено не менее 50% и не более 65% заданий контрольной работы, качество решения которых соответствует критериям оценки «хорошо» или «удовлетворительно»;
- оценка «неудовлетворительно» выставляется, если безошибочно выполнено менее 50% заданий контрольной работы, качество решения которых соответствует критериям оценки «удовлетворительно» или «неудовлетворительно».

19.4. Методические материалы, определяющие процедуры оценивания знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующих этапы формирования компетенций

Оценка знаний, умений и навыков, характеризующая этапы формирования компетенций в рамках изучения дисциплины осуществляется в ходе текущей и промежуточной аттестаций.

Текущая аттестация проводится в соответствии с Положением о текущей аттестации обучающихся по программам высшего образования Воронежского государственного университета. Текущая аттестация проводится в форме контрольных работ. Критерии оценивания приведены выше.

Промежуточная аттестация проводится в соответствии с Положением о промежуточной аттестации обучающихся по программам высшего образования.

Контрольно-измерительные материалы промежуточной аттестации включают в себя теоретические вопросы и практические задания, позволяющие оценить уровень полученных знаний и умений.

При оценивании используются количественные шкалы оценок. Критерии оценивания приведены выше.

Форма контрольно-измерительного материала

		УТВЕРЖДАЮ Зав. кафедрой общей и социальной психологии
	_	К.М. Гайдар 20
Специальность: 37.05.02 Психология служе Дисциплина: Высшая математика (часть 1) Курс: 1 Форма обучения: очная Вид аттестации: промежуточная Вид контроля: экзамен	бной деятельности	
Контрольно-изме	рительный материа	ал № 24
1. Основные черты математического 2. Производная. Таблица производна 3. Изобразить на числовой прямой $A = \{x \in R : x-1 \ge 3\}, \ D = \{x \in R : x-3 \le 2\}$	ых. множества $A,B,A \cap B$	
	Преподаватель	Малютина О.П.
Форма контрольно-	измерительного	материала
		УТВЕРЖДАЮ Зав. кафедрой общей и социальной психологии
	-	К.М. Гайдар 20
Специальность: 37.05.02 Психология служе Дисциплина: Высшая математика (часть 2) Курс: 1 Форма обучения: очная Вид аттестации: промежуточная Вид контроля: экзамен	бной деятельности	
Контрольно-изме	рительный материа	ал № 24
4. 0.5		

- События. Виды событий. Действия над событиями.
 Производная. Таблица производных.
- 3. По заданному ряду распределения

_	him ordering hydy bereinbedering.						
	X	1	2	3	4	5	6
	p	2/20	1/20	10/20	5/20	1/20	1/20

вычислить среднее, дисперсию.

Преподаватель	 Малютина О.П.

лист согласований

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ

Специальность 37.05.02 Психология служебной деятельности						
П.,.,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,			е направления/спе	циальности		
дисциплина <u>Б1.Б</u>	Дисциплина <u>Б1.Б.7 Высшая математика</u> код и наименование дисциплины					
Специализация	Психологическо			деятельности в		
экстремальных			-			
условиях						
	ВС	оответствии с уч	ебным планом			
Форма обучения	очная					
Учебный год <u>201</u>	7/18					
————— Ответственны	й исполнитель					
Доцент кафедр	оы общей и					
социальной по	ихологии_		<u>Малютина О.П</u>	1.06.2017		
должность, подр	азделение	подпись	расшифровка под)писи		
СОГЛАСОВАНО						
Куратор ООП ВО						
по направленик	о/ специальности		<u>Гайдар К.М</u>	2.06.2017		
		подпись	расшифровка по	одписи		
Начальник отде	ела					
обслуживания 3	ЗНБ		Васильченко	<u>П.В.</u> 2.06.2017		
		подпись	расшифровка по	одписи		
Программа в сист	10115050110 LINAO 1	haus (5) 505 5 4 ··				
Программа реком	лендована <u>піліС (</u>	<u>ракультета ФИ</u>	лософии и псих	אא וטו נכ		

протокол № 1400-06 от 29.06.2017 г.

наименование факультета, структурного подразделения