

МИНОБРНАУКИ РОССИИ
ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ БЮДЖЕТНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ
ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ
«ВОРОНЕЖСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ»
(ФГБОУ ВО «ВГУ»)

УТВЕРЖДАЮ

Заведующий кафедрой
_____ *системного анализа и управления* _____
наименование кафедры, отвечающей за реализацию дисциплины
 _____ *проф. Курбатов В.Г.*
подпись, расшифровка подписи
31.03.2025

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ

Б1.О.21 Алгебра

1. Код и наименование специальности: _____
_____ *10.05.01 Компьютерная безопасность* _____
2. Профиль специализация:
Математические методы защиты информации,
Безопасность компьютерных систем и сетей
3. Квалификация выпускника: специалист _____
4. Форма обучения: очная _____
5. Кафедра, отвечающая за реализацию дисциплины:
кафедра системного анализа и управления
6. Составители программы: _____ *Кабанцова Лариса Юрьевна, к.ф.-м.н., доцент кафедр*
ры системного анализа и управления
7. Рекомендована: _____
Научно-методическим советом факультета прикладной математики, информатики и ме-
ханики (протокол №06 от 17.03.2025) _____
8. Учебный год: 2025/26 Семестр 1

9. Цели и задачи учебной дисциплины

Целями освоения учебной дисциплины являются: получение знаний об основных алгебраических структурах, освоение круга задач классической и современной алгебры, получение фундаментальных знаний, необходимых для последующего изучения смежных математических дисциплин.

Задачи учебной дисциплины: приобретение навыков работы с основными алгебраическими объектами: группами, кольцами, полями, комплексными числами, различными типами матриц и их числовыми характеристиками, полиномами, системами линейных алгебраических уравнений, матричными уравнениями.

10. Место учебной дисциплины в структуре ООП:

Учебная дисциплина относится к обязательной части Блока 1. Ее изучение базируется на знаниях обучающихся, полученных в школьных курсах «Алгебра и начала анализа» и «Геометрия». Приобретенные при освоении данной дисциплины знания параллельно или в последующем используются в дисциплинах «Математический анализ», «Линейная алгебра», «Дифференциальные уравнения», «Методы оптимизации» и др.

11. Планируемые результаты обучения по дисциплине/модулю (знания, умения, навыки), соотнесенные с планируемыми результатами освоения образовательной программы (компетенциями) и индикаторами их достижения:

Код	Название компетенции	Код(ы)	Индикатор(ы)	Планируемые результаты обучения
ОПК-3	Способен на основании совокупности математических методов разрабатывать, обосновывать и реализовывать процедуры решения задач профессиональной деятельности.	ОПК-3.7	Знает основные свойства важнейших алгебраических систем: групп, колец, полей	<i>Знать:</i> основные алгебраические структуры – группа, кольцо, поле <i>Уметь:</i> определять по заданной алгебраической структуре ее свойства <i>Владеть:</i> навыками работы с алгебраическими структурами
		ОПК-3.8	Знает основы линейной алгебры и важнейшие свойства векторных пространств над произвольными полями	<i>Знать:</i> основы линейной алгебры и важнейшие свойства векторных пространств над произвольными полями <i>Уметь:</i> применять на практике важнейшие свойства векторных пространств над произвольными полями <i>Владеть:</i> базовыми инструментами линейной алгебры
		ОПК-3.9	Знает основные свойства колец многочленов над кольцами и полями	<i>Знать:</i> основные свойства колец многочленов над кольцами и полями <i>Уметь:</i> применять на практике основные свойства колец многочленов <i>Владеть:</i> базовыми инструментами для работы с кольцами многочленов
		ОПК-3.10	Знает основные свойства отображений важнейших алгебраических систем	<i>Знать:</i> основные свойства отображений важнейших алгебраических систем <i>Уметь:</i> применять на практике основные свойства отображений <i>Владеть:</i> навыками использования основных свойств отображений важнейших алгебраических систем
		ОПК-3.11	Умеет производить стандартные алгебраические операции в основных числовых и конечных полях, кольцах, а также оперировать с подстановками, многочленами, матрицами, в том числе с использованием компьютерных программ	<i>Знать:</i> основные алгебраические операции в основных числовых и конечных полях, кольцах, алгебру многочленов и матриц <i>Уметь:</i> производить стандартные алгебраические операции в основных числовых и конечных полях, кольцах, а также оперировать с подстановками, многочленами, матрицами, в том числе с использованием компьютерных программ <i>Владеть:</i> базовыми инструментами для работы с многочленами, подстановками и матрицами
		ОПК-3.12	Умеет решать системы линейных уравнений над	<i>Знать:</i> основные подходы к решению систем линейных уравнений, приведе-

			полями, приводить матрицы и квадратичные формы к каноническому виду;	нию матрицы и квадратичные формы к каноническому виду <i>Уметь:</i> решать системы линейных уравнений над полями, приводить матрицы и квадратичные формы к каноническому виду <i>Владеть:</i> базовыми подходами к решению систем линейных уравнений
		ОПК-3.13	Умеет производить оценку качества полученных решений прикладных задач	<i>Знать:</i> основные принципы оценки качества полученных решений прикладных задач <i>Уметь:</i> производить оценку качества полученных решений прикладных задач <i>Владеть:</i> навыками оценки качества полученных решений
		ОПК-3.14	Владеет методами решения стандартных алгебраических, матричных, подстановочных уравнений в алгебраических структурах	<i>Знать:</i> основные методы решения стандартных алгебраических, матричных, подстановочных уравнений <i>Уметь:</i> применять на практике методы решения стандартных алгебраических, матричных, подстановочных уравнений <i>Владеть:</i> методами решения стандартных алгебраических, матричных, подстановочных уравнений в алгебраических структурах
		ОПК-3.15	Владеет навыками решения типовых линейных уравнений над полем и кольцом вычетов	<i>Знать:</i> основные методы решения типовых линейных уравнений над полем и кольцом вычетов <i>Уметь:</i> применять на практике методы решения типовых линейных уравнений над полем и кольцом вычетов <i>Владеть:</i> навыками решения типовых линейных уравнений над полем и кольцом вычетов
		ОПК-3.16	Владеет навыками решения стандартных задач в векторных пространствах и методами нахождения канонических форм линейных преобразований	<i>Знать:</i> основные методы решения стандартных задач в векторных пространствах и методами нахождения канонических форм линейных преобразований <i>Уметь:</i> применять на практике стандартных задач в векторных пространствах и методами нахождения канонических форм линейных преобразований <i>Владеть:</i> навыками решения стандартных задач в векторных пространствах и методами нахождения канонических форм линейных преобразований

12. Объем дисциплины в зачетных единицах/час 4/144.

Форма промежуточной аттестации экзамен

13. Трудоемкость по видам учебной работы

Вид учебной работы		Трудоемкость	
		Всего	По семестрам
			1 семестр
Аудиторные занятия		68	68
в том числе:	лекции	34	34
	практические	34	34
	лабораторные	0	0
Самостоятельная работа		40	40
в том числе: курсовая работа (проект)			
Форма промежуточной аттестации <i>экзамен</i>		36	36
Итого:		144	144

13.1. Содержание дисциплины

№ п/п	Наименование раздела дисциплины	Содержание раздела дисциплины	Реализация раздела дисциплины с помощью онлайн-курса, ЭУМК*
1. Лекции			
1.1	Множества. Отношения.	Понятие множества. Операции над множествами. Отношение эквивалентности.	Алгебра_КБ_10.05.01 https://edu.vsu.ru/course/view.php?id=27935
1.2	Отображения	Классификация отображений. Обратимость.	Алгебра_КБ_10.05.01 https://edu.vsu.ru/course/view.php?id=27935
1.3	Алгебраические структуры	Группы, кольца, поля	Алгебра_КБ_10.05.01 https://edu.vsu.ru/course/view.php?id=27935
1.4	Числовые системы: кольца целых чисел, классов вычетов целых чисел	Деление в кольце целых чисел, основная теорема арифметики, сравнение по модулю, операции в кольце вычетов	Алгебра_КБ_10.05.01 https://edu.vsu.ru/course/view.php?id=27935
1.5	Поле комплексных чисел	Варианты определения комплексных чисел: алгебраическая, тригонометрическая и экспоненциальная формы. Геометрический смысл операций.	Алгебра_КБ_10.05.01 https://edu.vsu.ru/course/view.php?id=27935
1.6	Кольцо многочленов	Алгебраические и функциональные многочлены. Операции. Деление с остатком и теорема Безу. Алгоритм Эвклида. Разложение на комплексные и действительные множители.	Алгебра_КБ_10.05.01 https://edu.vsu.ru/course/view.php?id=27935
1.7	Матричное исчисление	Классификация матриц. Действия с матрицами. Свойства определителей. Миноры и алгебраические дополнения. Определение обратной матрицы. Метод присоединенной матрицы.	Алгебра_КБ_10.05.01 https://edu.vsu.ru/course/view.php?id=27935
1.8	СЛАУ	Системы линейных алгебраических уравнений. Методы обратной матрицы, Крамера, Гаусса. Ранг матрицы. Теорема Кронекера–Капелли.	Алгебра_КБ_10.05.01 https://edu.vsu.ru/course/view.php?id=27935
2. Практические занятия			
2.1	Множества. Отношения.	Понятие множества. Операции над множествами. Отношение эквивалентности.	Алгебра_КБ_10.05.01 https://edu.vsu.ru/course/view.php?id=27935
2.2	Отображения	Классификация отображений. Обратимость.	Алгебра_КБ_10.05.01 https://edu.vsu.ru/course/view.php?id=27935
2.3	Алгебраические структуры	Группы, кольца, поля.	Алгебра_КБ_10.05.01 https://edu.vsu.ru/course/view.php?id=27935

2.4	Кольца целых чисел, классов вычетов целых чисел	Деление в кольце целых чисел, основная теорема арифметики, сравнение по модулю, операции в кольце вычетов	Алгебра_КБ_10.05.01 https://edu.vsu.ru/course/view.php?id=27935
2.5	Комплексные числа	Преобразования, изображения фигур на комплексной плоскости, решение уравнений и систем.	Алгебра_КБ_10.05.01 https://edu.vsu.ru/course/view.php?id=27935
2.6	Кольцо многочленов	Схема Горнера. Алгоритм Эвклида. Корни полинома.	Алгебра_КБ_10.05.01 https://edu.vsu.ru/course/view.php?id=27935
2.7	Матричное исчисление	Операции над матрицами. Вычисление определителей. Нахождение обратной матрицы	Алгебра_КБ_10.05.01 https://edu.vsu.ru/course/view.php?id=27935
2.8	СЛАУ	Системы линейных алгебраических уравнений. Методы обратной матрицы, Крамера, Гаусса.	Алгебра_КБ_10.05.01 https://edu.vsu.ru/course/view.php?id=27935

13.2. Темы (разделы) дисциплины и виды занятий

№ п/п	Наименование темы (раздела) дисциплины	Виды занятий (количество часов)				
		Лекции	Практические	Лабораторные	Самостоятельная работа	Всего
1.1	Множества. Отношения.	3	2		3	8
1.2	Отображения	3	4		4	11
1.3	Алгебраические структуры	6	5		6	17
1.4	Числовые системы: кольца целых чисел, классов вычетов целых чисел	4	4		6	14
1.5	Поле комплексных чисел	3	5		5	13
1.6	Кольцо многочленов	6	5		5	16
1.7	Матричное исчисление	4	5		6	15
1.8	СЛАУ	5	4		5	14
1.9	Подготовка к экзамену	0	0		36	36
	Итого:	34	34		76	144

14. Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины:

Для успешного освоения дисциплины необходима систематическая работа с конспектами лекций, изучение соответствующих разделов основной и дополнительной литературы, выполнение практических заданий, тестов, заданий текущей аттестации.

При использовании дистанционных образовательных технологий и электронного обучения выполнять все указания преподавателей по работе на LMS-платформе, своевременно подключаться к online-занятиям, соблюдать рекомендации по организации самостоятельной работы.

15. Перечень основной и дополнительной литературы, ресурсов интернет, необходимых для освоения дисциплины

а) основная литература:

№ п/п	Источник
1	Курбатова, Г. И. Курс лекций по алгебре : учебное пособие / Г. И. Курбатова, В. Б. Филиппов. — Санкт-Петербург : Лань, 2022. — 656 с. — ISBN 978-5-8114-1905-0. — Текст : электронный // Лань : электронно-библиотечная система. — URL: https://e.lanbook.com/book/212060 .
2	Ермолаева, Н. Н. Практические занятия по алгебре. Элементы теории множеств, теории чисел, комбинаторики. Алгебраические структуры : учебное пособие / Н. Н. Ермолаева, В. А.

	<i>Козынченко, Г. И. Курбатова. — Санкт-Петербург : Лань, 2022. — 112 с. — ISBN 978-5-8114-1657-8. — Текст : электронный // Лань : электронно-библиотечная система. — URL: https://e.lanbook.com/book/211595 (</i>
3	<i>Практические занятия по алгебре. Комплексные числа, многочлены : учебное пособие / Ю. В. Волков, Н. Н. Ермолаева, В. А. Козынченко, Г. И. Курбатова. — Санкт-Петербург : Лань, 2022. — 192 с. — ISBN 978-5-8114-1743-8. — Текст : электронный // Лань : электронно-библиотечная система. — URL: https://e.lanbook.com/book/211694</i>

б) дополнительная литература:

№ п/п	Источник
4	<i>Кабанцова Л.Ю. Алгебра: элементы множеств, отображения, алгебраические структуры : учебное пособие / Л. Ю. Кабанцова ; Воронежский государственный университет. Воронеж : Издательский дом ВГУ, 2025. — 54 с. URL: http://www.lib.vsu.ru/elib/texts/method/vsu/m25-29.pdf.</i>
5	<i>Курбатов В. Г. Алгебра : учебное пособие / В. Г. Курбатов ; Воронежский государственный университет. Воронеж : Издательский дом ВГУ, 2022. 603 с. : ил. ; 21 см. ISBN 978-5-9273-3499-5.</i>
6	<i>Фаддеев Д.К. Сборник задач по высшей алгебре / Д.К. Фаддеев, Соминский И.С. — М. :Физматлит, 1977. — 288 с.</i>
7	<i>Мартынов, Л. М. Алгебра и теория чисел для криптографии : учебное пособие для вузов / Л. М. Мартынов. — 2-е изд., стер. — Санкт-Петербург : Лань, 2022. — 456 с. — ISBN 978-5-8114-9346-3. — Текст : электронный // Лань : электронно-библиотечная система. — URL: https://e.lanbook.com/book/189446</i>
8	<i>Баскаков А.Г. Лекции по алгебре : учебное пособие / А.Г. Баскаков ; Воронеж. гос. ун-т. — Воронеж : Издательско-полиграфический центр Воронежского государственного университета, 2013. — 155 с.</i>

в) информационные электронно-образовательные ресурсы (официальные ресурсы интернет)*:

№ п/п	Ресурс
9	<i>Электронный каталог Научной библиотеки Воронежского государственного университета. — Режим доступа: http://www.lib.vsu.ru</i>
10	<i>ЭБС Лань. Режим доступа: http://www.e.lanbook.com</i>
11	<i>Алгебра_КБ_10.05.01 – Образовательный портал «Электронный университет ВГУ». — Режим доступа: https://edu.vsu.ru/course/view.php?id=27935</i>

16. Перечень учебно-методического обеспечения для самостоятельной работы

№ п/п	Источник
1	<i>Кабанцова Л.Ю. Алгебра: элементы множеств, отображения, алгебраические структуры : учебное пособие / Л. Ю. Кабанцова ; Воронежский государственный университет. Воронеж : Издательский дом ВГУ, 2025. — 54 с. URL: http://www.lib.vsu.ru/elib/texts/method/vsu/m25-29.pdf.</i>
2	<i>Курбатов, Виталий Геннадьевич. Алгебра : учебное пособие / В. Г. Курбатов ; Воронежский государственный университет. Воронеж : Издательский дом ВГУ, 2022. 603 с. : ил. ; 21 см. ISBN 978-5-9273-3499-5.</i>
3	<i>Мартынов, Л. М. Алгебра и теория чисел для криптографии : учебное пособие для вузов / Л. М. Мартынов. — 2-е изд., стер. — Санкт-Петербург : Лань, 2022. — 456 с. — ISBN 978-5-8114-9346-3. — Текст : электронный // Лань : электронно-библиотечная система. — URL: https://e.lanbook.com/book/189446 (дата обращения: 14.06.2024). — Режим доступа: для авториз. пользователей.</i>
4	<i>Алгебра_КБ_10.05.01 – Образовательный портал «Электронный университет ВГУ». — Режим доступа: https://edu.vsu.ru/course/view.php?id=27935</i>

17. Образовательные технологии, используемые при реализации учебной дисциплины, включая дистанционные образовательные технологии (ДОТ, электронное обучение (ЭО), смешанное обучение):

Дисциплина реализуется с применением электронного обучения и дистанционных образовательных технологий. Для организации занятий рекомендован онлайн-курс «Алгебра_КБ_10.05.01», размещенный на платформе Электронного университета ВГУ (LMS moodle) <https://edu.vsu.ru/course/view.php?id=27935>, а также Интернет-ресурсы, приведенные в п.15в.

18. Материально-техническое обеспечение дисциплины:

Учебная аудитория для проведения лекций, практических занятий: специализированная мебель, доска (маркерная или меловая).

Учебная аудитория для организации самостоятельной работы, проведения текущей и промежуточной аттестаций: специализированная мебель, доска (маркерная или меловая), персональные компьютеры в количестве, обеспечивающем возможность индивидуальной работы, компьютер преподавателя, мультимедийное оборудование (проектор, экран), допускается использование переносного оборудования.

Программное обеспечение:

ОС Windows 8 (10), интернет-браузер (Google Chrome, Mozilla Firefox), с возможностью подключения к сети «Интернет» и платформе Электронного университета ВГУ (LMS moodle), ПО Adobe Reader, пакет стандартных офисных приложений для работы с документами (MS Office, Мой Офис, Libre Office).

19. Оценочные средства для проведения текущей и промежуточной аттестаций

Порядок оценки освоения обучающимися учебного материала определяется содержанием следующих разделов дисциплины:

№ п/п	Наименование раздела дисциплины (модуля)	Компетенция(и)	Индикатор(ы) достижения компетенции	Оценочные средства
1.	Множества. Отношения.	ОПК-3	ОПК-3.8	Контрольная работа -1
2.	Отображения	ОПК-3	ОПК-3.10	Контрольная работа -1
3.	Алгебраические структуры	ОПК-3	ОПК-3.7, ОПК-3.11	Контрольная работа -1
4.	Числовые системы: кольца целых чисел, классов вычетов целых чисел	ОПК-3	ОПК-3.15	Контрольная работа -1
5.	Поле комплексных чисел	ОПК-3	ОПК-3.8, ОПК-3.11	Контрольная работа -1
6.	Кольцо многочленов	ОПК-3	ОПК-3.9, ОПК-3.11	Контрольная работа -2
7.	Матричное исчисление	ОПК-3	ОПК-3.12	Контрольная работа -2
8.	СЛАУ	ОПК-3	ОПК-3.12, ОПК-3.13, ОПК-3.14, ОПК-3.15, ОПК-3.16	Контрольная работа -2
Промежуточная аттестация форма контроля – экзамен				<i>Перечень вопросов и Практическое задание</i>

20. Типовые оценочные средства и методические материалы, определяющие процедуры оценивания

20.1. Текущий контроль успеваемости

Контроль успеваемости по дисциплине осуществляется с помощью следующих оценочных средств:

Перечень заданий для контрольных работ

Контрольная работа 1 (пример варианта)

- Доказать, что $\bar{A} \Delta \bar{B} = A \Delta B$,
- Исследовать на инъективность и сюръективность функцию

$$f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}, \quad f(x) = -e^x - 3.$$

- На множестве $G = \{a, b\}$ операция задана таблицей Кэли

	a	b
a	a	a
b	b	b

является ли алгебраическая структура группой?

- Решить сравнение $7x \equiv 10 \pmod{13}$.
- Найти корни квадратного уравнения $x^2 - (3 - 2i)x + (5 - 5i) = 0$.

Контрольная работа 2 (пример варианта)

- Разложить многочлен $f = x^5 - 4x^3 + 6x^2 - 8x + 10$ по степеням $x + 1$
- Решить матричное уравнение

$$\begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 1 & -4 \end{pmatrix} X \begin{pmatrix} -1 & 2 \\ 2 & 2 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 9 & -6 \\ 3 & 6 \end{pmatrix}$$

- Решите с.л.а.у.

$$\begin{cases} x_1 + x_2 + 2x_3 = -1 \\ 2x_1 - x_2 + 2x_3 = -4 \\ 4x_1 + x_2 + 4x_3 = -2 \end{cases}$$

методом Крамера.

- Найти ранг матрицы

$$\begin{pmatrix} 8 & 2 & 2 & -1 & 1 \\ 1 & 7 & 4 & -2 & 5 \\ -2 & 4 & 2 & -1 & 3 \end{pmatrix}$$

Описание технологии проведения:

Средство проверки умений применять полученные знания для решения задач определенного типа по дисциплине

Контрольная работа проводится на занятии одновременно во всей учебной группе в виде письменной работы. Ограничение по времени— 1 час 35 минут.

Требования к выполнению заданий контрольной (или шкалы и критерии оценивания)

Отлично	Обучающийся верно решил не менее 4 заданий. При этом одно задание может быть решено неверно из-за вычислительной ошибки
Хорошо	Верно решено 4 задания и допущенная ошибка не является арифметической.
Удовлетворительно	Обучающийся верно решил 3 задания. При этом одно задание может быть решено неверно из-за вычислительной ошибки
Неудовлетворительно	правильно выполнено менее 3 заданий

20.2. Промежуточная аттестация

Промежуточная аттестация по дисциплине осуществляется с помощью следующих оценочных средств:

Перечень вопросов к экзамену: _____

1. **Множества и отношения.** Элемент множества. Способы задания множеств. Пустое множество. Подмножество множества. Равные множества. Операции над множествами: объединение, пересечение, разность, дополнение, симметрическая разность. Универсальное множество. Свойства операций над множествами. Декартово произведение множеств. Степень множества. Разбиение множества. Конечные множества. Мощность конечного множества. Бинарное отношение. Отношение эквивалентности. Класс эквивалентности.
2. **Отображение и бесконечные множества.** Отображение. Равенство отображений. Образ элемента, прообраз элемента. Образ множества, прообраз множества, образ отображения. Отображение инъективное, сюръективное, биективное. Суперпозиция отображений и ее свойства. Обратное отображение. Критерий обратимости отображения. Бесконечные множества. Равномощность множеств. Счетные множества. Сравнение мощностей бесконечных множеств.
3. **Алгебраические структуры.** Бинарная операция. Ассоциативная операция. Полугруппа. Нейтральный элемент. Моноид. Обратный элемент. Группа, абелева группа. Таблица Кэли. Степень элемента. Порядок группы. Кольцо, свойство операций в кольце. Кольцо с единицей. Делители нуля. Тело, поле.
4. **Кольцо целых чисел.** Натуральные числа. Коммутативное кольцо целых чисел. Деление в кольце целых чисел. Деление с остатком в кольце целых чисел. Основная теорема арифметики.
5. **Кольцо вычетов.** Сравнимость по модулю n и его свойства. Вычеты по модулю n . Простейшие свойства сравнений. Сумма и произведение вычетов и их свойства. Вычитание в кольце вычетов. Деление в кольце вычетов. Критерий того, что кольцо вычетов является полем. Теорема Ферма.
6. **Поле комплексных чисел.** Комплексное число; операции сложения и умножения, равенство комплексных чисел, мнимая единица; алгебраическая форма записи комплексного числа, сопряженное комплексное число. Модуль и аргумент комплексного числа, тригонометрическая форма записи. Возведение в степень комплексного числа. Показательная функция комплексной переменной, формула Эйлера. Извлечение корня из комплексного числа.
7. **Кольцо многочленов.** Многочлен (полином), степень многочлена, равенство многочленов. Функциональный и алгебраический подход к определению и равенству многочленов. Сложение и умножение многочленов и свойства данных операций. Свойства степени многочленов. Корень многочлена, кратность корня. Обратимые элементы в кольце многочленов. Деление многочленов. Деление многочлена на линейный многочлен $(t - \alpha)$, теорема Безу. Схема Горнера. Каноническое разложение многочленов: неприводимые многочлены, каноническое разложение многочлена над полем комплексных чисел, каноническое разложение многочленов над полем вещественных чисел.
8. **Кольцо матриц с единицей.** Матрицы: прямоугольная, квадратная. Равные матрицы, единичная, нулевая, диагональная, ступенчатая, треугольная, симметричная, кососимметричная матрицы. Операции над матрицами и свойства операций: сложение матриц, умножение матриц на скаляр, умножение матриц, транспонирование матриц. Обратимые квадратные матрицы и их свойства.
9. **Определитель матрицы.** Определитель квадратной матрицы. Определитель второго и третьего порядка. Свойства определителей. Миноры и алгебраические дополнения. Обратная матрица и ее нахождение методом присоединенной матрицы.
10. **Системы линейных алгебраических уравнений (слау).** Линейное алгебраическое уравнение, однородная (неоднородная) система. Совместная, несовместная, определенная, неопределенная слау. Матрица слау, расширенная матрица. Методы решения слау: метод обратной матрицы, правило Крамера, преобразования Гаусса-Жордана, метод Гаусса. Линейная зависимости (линейная независимость) векторов. Свойства линейно зависимых (линейно независимых) векторов. Ранг матрицы и его свойства. Критерий совместности слау (теорема Кронекера-Капелли).

Перечень практических заданий

1. Докажите равенство множеств.
2. Оцените мощность данного множества.
3. Является ли заданное бинарное отношение на заданном множестве рефлексивным, симметричным, транзитивным?
4. Действия с комплексными числами.
5. Составьте уравнение, корнями которого являются заданные комплексные числа.
6. Изобразите на комплексной плоскости множества точек, удовлетворяющих заданным условиям.
7. Представьте данное комплексное число в тригонометрической форме.
8. Комплексные числа и задачи с параметрами.
9. Формула Муавра и Эйлера.
10. На множестве некоторая операция $*$ задана таблицей Кэли. Является ли эта алгебраическая структура группой? Абелевой группой?
11. По какой алгебраической операции заданное множество является группой?
12. Для каждого из заданных множеств отображений выясните образует ли оно группу относительно композиции отображений.
13. Выясните, какие из заданных множеств являются кольцами (но не полями), а какие полями относительно указанных операций.
14. На множестве G определена операция $*$. Какой алгебраической системой является $(G;*)$?
15. Выполните деление полиномов с остатком.
16. Пользуясь схемой Горнера, разложите заданный полином по степеням $z - a$.
17. Определите кратность корня z_0 полинома $p(z)$.
18. При каком условии полином $p(z, \alpha)$ имеет корень не ниже второй кратности?
19. Найдите наибольший общий делитель заданных полиномов.
20. Постройте ненулевой полином наименьшей степени с комплексными коэффициентами, имеющий заданные корни.
21. Вычислите заданный определитель.
22. Разложить по элементам какой-либо строки и вычислите определитель.
25. Найдите след произведения матриц.
26. Решите матричное уравнение вида $AX = B, AXB = C$.
27. Постройте обратную к заданной матрице.
28. Определите ранг матрицы.
29. Решите систему линейных алгебраических уравнений методом обратной матрицы.
30. Решите с.л.а.у. методом Гаусса.
31. Решите с.л.а.у. методом Крамера.

Описание технологии проведения экзамена

Каждый контрольно-измерительный материал состоит из двух блоков. Первый из них содержит теоретические вопросы из перечня вопросов к промежуточной аттестации, второй – практическое задание из перечня практических заданий.

В случае успешного прохождения обучающимся всех текущих аттестаций, он освобождается от практического задания второго блока.

Промежуточная аттестация проводится одновременно во всей учебной группе в виде письменной работы. Ограничение по времени— 1 час 40 минут. После проверки письменных работ (обычно через 2 часа), в заранее оговоренное время дня экзамена студенты приглашаются на оглашение результатов, показ работ и уточнения. С теми студентами, чьи работы требуют дополнительного обсуждения, проводится дополнительная беседа по материалам билета и программе курса.

Требования к выполнению заданий, шкалы и критерии оценивания

Критерии оценивания: Для оценивания результатов работы используется 4-балльная шкала: «отлично», «хорошо», «удовлетворительно», «неудовлетворительно». Соотношение показателей, критериев и шкалы оценивания результатов обучения.

Отлично	даны правильные ответы на теоретические вопросы и правильно решены практические задания
Хорошо	при общем верном ходе доказательства имеются ошибки при доказательствах теорем и (или) арифметические ошибки в задачах;
Удовлетворительно	не приведены доказательства теорем при знании основных определений и умении решать практические задачи
Неудовлетворительно	Студент не знает основных определений и не владеет навыками решения практических задач

20.3 Фонд оценочных средств сформированности компетенций студентов, рекомендуемый для проведения диагностических работ

Вопросы с выбором

1. Если матрица вырождена, то:
 - a. Ее определитель равен нулю
 - b. Ее определитель отрицателен
 - c. Она симметрична
 - d. Она не имеет обратной матрицы
 - e. Ее ранг равен нулю

2. Установите соответствие между матричным уравнением и формулой для его решения
Уравнения:
 1. $AX = B$
 2. $XA = B$

Решения:

- a) $X = A^{-1}B$
 - b) $X = A^T B$
 - c) $X = BA^{-1}$
 - d) $X = B^{-1}A$
3. Произведение $z_1 z_2$, если $z_1 = 5 + 2i$, $z_2 = 1 - 2i$ равно
 - a. $10 - 8i$
 - b. $9 - 7i$
 - c. $9 - 8i$
 - d. $9 - 9i$

4. Установите соответствие между отображением и его свойствами:

Отображения

1. $y = \cos x$
2. $y = 2x + 3$
3. $y = 5 + e^x$

Свойства:

- a) Инъективная, сюръективная, биективная
 - b) Не инъективная, не сюръективная
 - c) Инъективная, не сюръективная
5. Какие из множеств с указанной операцией над элементами этого множества образуют группу?
 - a. Целые числа с операцией вычитания
 - b. Целые числа кратные 3 с операцией сложения
 - c. Рациональные числа отличные от нуля с операцией умножения
 - d. Нечетные натуральные числа с операцией умножения

Вопросы с коротким ответом

6. С каким знаком в определитель четвертого порядка входит произведение элементов побочной диагонали?
7. Укажите решение уравнения $5x \equiv 3 \pmod{11}$ в кольце Z_{11}

Вопросы с развернутым ответом

8. Укажите, какая алгебраическая структура называется абелевой группой? Приведите пример абелевой группы.

Критерии оценивания	Шкала оценок
Обучающийся приводит развернутое и полностью корректное определение абелевой группы. Приведен пример абелевой группы	3 балла
Обучающийся приводит достаточно развернутое определение абелевой группы. Определение может содержать незначительные неточности. Приведен пример абелевой группы	2 балла
Обучающийся приводит частичное определение абелевой группы. Отсутствует пример абелевой группы.	1 балл
Представлено неполное или некорректное определение абелевой группы. Присутствуют грубые ошибки или неточности. Отсутствует пример абелевой группы	0 баллов

Правильные ответы

1. a, d
2. 1a, 2c
3. c
4. 1b, 2a, 3c
5. b, c
6. + (плюс)
7. 5

Описание технологии проведения:

Текущая аттестация проводится на занятии одновременно во всей учебной группе в виде теста в электронной образовательной среде «Электронный университет ВГУ». Большая часть вопросов проверяется автоматически, проверки преподавателем с ручным оцениванием требуют только отдельные вопросы, представленные в форме эссе. Ограничение по времени на каждую попытку — 30 минут

Критерии и шкалы оценивания заданий ФОС:

Для оценивания выполнения заданий используется балльная шкала:

1) закрытые задания (тестовые с вариантами ответов, средний уровень сложности) :

1 балл – указан верный ответ;

0 баллов – указан неверный ответ (полностью или частично неверный).

2) открытые задания (тестовые с кратким текстовым ответом, повышенный уровень сложности):

2 балла – указан верный ответ;

0 баллов – указан неверный ответ (полностью или частично неверный).